



الصف الثاني الإعدادي الفصل الدراسي الأول

تأليف

أ. عمر فؤاد جاب الله

د. عصام وصفى روفائيل

أد. عفاف أبو الفتوح صالح

أ. سيرافيم الياس اسكندر

أ. محمود ياسر الخطيب

إشراف علمى

أ. جمال الشاهد

مستشار الرياضيات

مراجعة

أ/سمير محمد سعداوي

أ/فتحى أحمد شحاتة

اشراف تربوی (مرکز تطویر المناهج)

جميع حقوق الطبع محفوظة لوزارة التربية والتعليم

غير مصرح بتداول هذا الكتاب خارج وزارة التربية والتعليم والتعليم الفنى

27.77 - 7.71

الاسم:	
الفصل،ا	
المدرسة	
العنوان:	

المقدمة

بسم الله الرحمن الرحيم

أبناءنا الأعزاء :

يسعدنا أن نقدم لكم كتاب الرياضيات للصف الثانى الإعدادى، وقد راعينا أن نجعل من دراستك للرياضيات عملًا ممتعًا ومفيدًا له تطبيقاته فى حياتكم العملية، ، وفى دراستكم للمواد الدراسية الأخرى، حتى تشعورا بأهمية دراسة الرياضيات وقيمتها وتقدروا، دور علمائها، وقداهتم هذا الكتاب بالأنشطة كعنصر أساسى، كما حاولنا تقديم المادة العلمية بطريقة مبسطة تساعدكم على تكوين المعرفة الرياضية، وفى نفس الوقت تساعدكم على اكتساب أساليب تفكير سليمة تدفعكم إلى الإبداع.

وقد روعى في هذا الكتاب تقسيمه إلى وحدات دراسية، وكل وحدة إلى دروس، كما وظفنا الصور والألوان لتوضيح المفاهيم الرياضية وخواص الأشكال، مع مراعاة المحصول اللغوى لكم وما سبق أن تم دراسته في الصفوف السابقة، كما راعينا في مواطن كثيرة تدريبكم على أن تصلوا للمعلومات بأنفسكم لتنمية مهارة التعلم الذاتي لديكم ، كما تم توظيف الآلة الحاسبة والحاسب الآلى كلما كان ذلك مناسبًا داخل المحتوى.

وفي الجزء الخاص بالأنشطة و التدريبات:

بوجد تمارين على كل درس، وتمارين عامة على الوحدة، ونشاط خارجى، واختبار في نهاية كل وحدة، وفي نهاية الفصل الدراسي اختبارات عامة تساعدك على مراجعة المقرر كاملاً. نرجو أن نكون قد وفقنا في إنجاز هذا العمل لما فيه الخير لك ولمصرنا العزيزة.

المولقون

0

المحتويات

الوحدة الأولى: الأعداد الحقيقية

Y
الدرس الأول: الجذر التكعيبي للعدد النسبي
الدرس الثاني؛ مجموعة الأعداد غير النسبية نّ ٧
الدرس الثالث: إيجاد قبمة تقريبية للعدد غير النسبي
الدرس الرابع: مجموعة الأعداد الحقيقية ع
الدرس الخامس؛ علاقة الترتيب في ح
الدرس السادس؛ الفترات
الدرس السابع: العمليات على الأعداد الحقيقية
الدرس الثامن، العمليات على الجذور التربيعية.
الدرس التاسع، العمليات على الجذور التكعيبية
الدرس العاشر: تطبيقات على الأعداد الحقيقية
الدرس الحادي عشر؛ حل المعادلات والمتباينات من الدرجة الأولى في متغير واحد في ح
الوحدة الثانية: العلاقة بين متغيرين
الدرس الأول: العلاقة بين متغيرين
الدرس الثاني، ميل الغط المستقيم و تطبيقات حياتية
Abr. The Matter of the Control of th
الوحدة الثالثة: الإحصاء
الدرس الأول، جمع البيانات وتتظيمها
الدرس الثاني؛ الجدول التكراري المتجمع الصاعد والجدول التكراري المتجمع النازل وتمثيلهما بيانيًا
الدرس الثالث: الوسط العسابي - الوسيط - المتوال الدرس الثالث: الوسط العسابي - الوسيط - المتوال

الوحدة الرابعة: متوسطات المثلث و المثلث المتساوي الساقين

W	الدرس الأول: متوسطات المثلث
YY	الدرس الثاني: المثلث المتساوي الساقين
Y t	الدرس الثالث: نظريات المثلث المتساوي الساقين
AT	الدرس الرابع: نتائج على نظريات المثلث المتساوي الساقين
2	الوحدة الخامسة؛ التبايز
۸۹	الدرس الأول؛ التباين
9T	الدرس الثّاثي: المقارنة بين قياسات الزوايا في المثلث
q y	الدرس الثالث: المقارنة بين أطوال الأضلاع في المثلث
	اللحريين الحرابع وتتبايثة المثلث

الرموز الرياضية المستخدمة

عمودي على	1	مجموعة الأعداد الطبيعية	<u>ل</u>
یوازی	11	مجموعة الأعداد الصحيحة	مہ
القطعة المستقيمة أب	اب	مجموعة الأعداد النسبية	ر.
الشعاع إب	寸	مجموعة الأعداد غير النسبية	ıً
المستقيم اب	ţţ	مجموعة الأعداد الحقيقية	ع
قياس زاوية ل	ق (کا)	الجذر التربيعي للعدد ا	
تشابه	~	الجذر التكعيبي للعدد أ	77
أكبر من	<	فترة مغلقة	[أ ، ب]
أكبر من أو يساوى	≤	فترة مفتوحة]) ، ب[
أقل من	>	فترة نصف مفتوحة (مغلقة)]، ب]
أقل من أو يساوي	2	فترة نصف مفتوحة (مغلقة)	[أ، ب[
احتمال وقوع الحدث ا	ტე	فترة غير محدودة]∞ ، []
		تطابق	=



مراجعة

فکُر وناقش

مجموعات الأعداد

مجموعة أعداد العد:

مجموعة الأعداد الطَّبيعية :

مجموعة الأعداد الصحيحة :

ع = (۱، ۲، ۳، ۱۰)

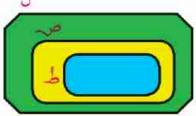
ط= (٠) ٧٠ - ١٠ ع ١٠ (٠)

ص = {...، ۳، ۲، ۲، ۰، ۱، ۰، ۲، ۲۰ ، ۳۰ ، ...}

مجموعة الأعداد الصحيحة الموجبة ص. = (١، ٢، ٢، ٣، ...) = ع

مجموعة الأعداد الصحيحة السالبة صر = { ١٠، -٢، -٣، ...}

ص = ص ِ ل {٠} ل ص



ال د صه د ن

القيمةُ المطلقةُ للعدد النسبيِّ.

$$\frac{0}{m} = |\frac{0}{m}|$$
، $|-|| = || \cdot || = || \cdot || = || \cdot || = || -|| = || -|| = || -|| = || -|| = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = || = ||$

الصورةُ القياسيةُ للعدد النسبيُّ هي:

ا×١٠ حيث ن∈صه، ١ ≤ | | | <١٠

مثلاً العدد ۲۰,۳۲
$$\times$$
 في صورته القياسية = ۲,۰۰۰ \times ٠,۰۰۰ في صورته القياسية = \times ۰,۰۰۰ في صورته القياسية = \times

العددُ النسبيُّ المربِّع الكامل

هو العددُ الموجبُ الذي يمكن كتابته على صورة مربع عددٍ نسبي أي (عدد نسبي) مثل ١، ٤، ٢٥، ٩٠، ١٠ عند نسبي) مثل ١، ٤، ٢٠، ٥٠، ١٠ عند نسبي المثل ١، ١٠ عند المرابع عدد نسبي المثل ١، ١٠ عند المرابع عدد نسبي المثل ١، ١٠ عند المرابع عدد نسبي المثل المرابع عدد نسبي المرابع عدد المرابع ع

العدد النسبى المخعب الخامل

هو العددُ النسبيُّ الذي يمكن كتابته على صورةِ مكعب عدد نسبي أي (عدد نسبي) " مثل ١، ٨، -٢٧، -٢١٦، ٨٠٠ ...

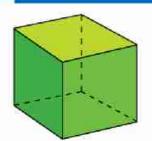
الجذر التَّربيعيُّ للعدد النِّسبي المربع الكامل

- 🔾 الجذر التربيعيُّ للعددِ النسبي الموجب أهو العدد الذي مربعه يساوي أ
 - ٧ صفر = صفر
- کُلُ عددِ نسبیً مربع کامل اله جذران تربیعیان کل منهما معکوس جمعی للآخر وهما الله می ا
 - مثلاً العدد $\frac{\xi}{r_0}$ له جذران تربيعيان هما $\frac{\xi}{r_0}$ ، $\frac{\delta}{r_0}$
 - 🔾 🗸 و يعني الجذر التربيعيُّ الموجب للعدد ٩ وهو ٣
 - $V = |V V| = \sqrt{(V \sqrt{V})} = |V V| = V$

وبدة الأور الدرس الأول

الجذر التكعيبي للعدد النسبي

فكر وناقش



110

40

سبق أن تعلمت أن:

حجم المكعب = طول الحرف × نفسه × نفسه



🥟 أكمل

المكعبُ الذي طول حرفه ٧سم يكون حجمه =× = سم۲



ھيا نفخر

إذا كان لدينا مكعبٌ حجمه ١٢٥سم، فما طول حرفه؟ نبحثُ عن ثلاثة أعداد متساوية حاصل ضربها = ١٢٥ يمكن تحليل العدد ١٢٥ إلى عوامله الأولية .

 $0 \times 0 \times 0 = 170$

· المكعبُ الذي حجمه ١٢٥ سم، يكون طول حرفه ٥سم. تسمى ٥ الجذر التكعيبي للعدد ١٢٥ ، وتكتب ١٢٥٧ = ٥

سوف تتعلم

- 🤣 كيفية إيجاد الجذر التَّكعيبي لعدد نسبي باستخدام التّحليل.
- 🖑 إيجاد الجذر التُّكعيبي لعدد نسبئ باستخدام الآلة الحاسبة.
- 🥏 حل معادلات تشمل إيجاد الجذر التَّكعيبي.
- حل تطبيقات على الجذر التُّكعيبي لعدد نسبي.

الوصطلحات الأساسية

🦑 جذر تكعيبي.

الجذرُ التكعيبيُّ للعددِ النسبيُّ أهو العدد الذي مكعبه يساوى أ

- يرمز للجذر التكعيبي للعدد النسبي أ بالرمز √ ⊤
- الجذرُ التكعيبيُّ لعددٍ نسبيُّ موجبٍ يكون موجبًا، مثلًا ١٣٥٪ = ٥
- الجِدْرُ التكعيبيُّ لعدد نسبيُّ سالب يكون سالبًا، مثلًا ۗ ﴿ ۖ ◄ ٢٠ لماذا؟
 - ∛ صفر = صفر
 - T= TT 8



لإيجاد الجذر التَّكعيبي للعدد النسبيُّ المُكعب الكامل:

- 🔾 يمكن تحليلُ العدد إلى عوامله الأولية.
 - يمكن استخدامُ الآلة الحاسبة.

الاحظ أن العددُ النسبيُّ المكعب الكامل له جذرٌ تكعيبيُّ واحدٌ وهو عددٌ نسبيُّ أيضًا، لماذا؟



﴿ استخدم التَّحليلَ لإيجاد قيمة كل من ۚ ١٠٠٠ ۚ ، ۚ ﴿ ٢١٦ ۖ ، ۚ ۗ ٢٨ ۚ وتحقُّق من صحة إجاباتك باستخدام الآلة الحاسبة.

ألحل

$$\frac{r}{r} = \frac{r}{\Lambda} \quad \stackrel{\vee}{\vee} = \frac{r}{\Lambda} \quad \stackrel{\vee}{\vee}$$

استخدم الآلةَ الحاسبةَ للتَّحقق من صحة إجابتك باستخدام

أوجد طولٌ نصف قطر الكرة التي حجمها ٤٨٥١ سم $(\pi)^{\frac{77}{\sqrt{2}}}$

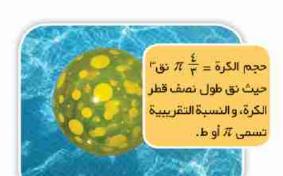
الحل

$$\frac{77}{\sqrt{V}} \times \frac{\xi}{V} = \frac{1}{4}$$
 نق

$$\frac{177}{\Lambda} = \frac{177}{2 \times 7} = \frac{177}{1}$$

$$\frac{\sqrt[r]{V} \times \sqrt[r]{T}}{\sqrt[r]{T}} = \frac{\sqrt[r]{V} \times \sqrt[r]{T}}{\sqrt[r]{T}}$$

۰۰ نق =
$$\sqrt[4]{\frac{\sqrt{\sqrt{2}}}{\sqrt{2}}} = 0$$



1576 7

4 1.49

V TET

٧

29

T-AV



 $(\pi, 1 \in \pi)^{T}$ أوجد طولَ قطرِ الكرة التي حجمها $(\pi, 1 \in \pi)^{T}$ اسم



حل كلًّا من المعادلات الآتية في ن:

الحل

۸ = ۹ + ^۳س 🛖

۸ = ۹ + ۳ سی €

د (۲س - ۱۱) - ۱۰ = ۵۶

$$\omega = \frac{\delta}{r}$$
 . A same as $\omega = \frac{\delta}{r}$

و المحالة المرب

 $- ^{"}(1 + w)$ ، $^{"}(w + 1) = - ^{"}(1 + w) = - ^{"}(1$



مجموعة الأعداد غير النسبية ن

فكر وناقش

سبق أن علمت أن: العدد النسبى هو العددُ الذى يمكن وضعُه على الصورة - - حيث ا ∈ صه، ب ∈ صه، ب خ ٠

> فمثلاً: عند حلُ المعادلة ٤س = ٢٥ فيكون س = $\frac{70}{3}$ ن س = $\pm \frac{9}{7}$

ونلاحظ أن كلّا من 🔓 ، - 🤏 عدد نسبي.

ولكن توجد كثيرٌ من الأعدادِ التي لايمكن وضعُها على الصورة ب حيث ا ∈صم، ب ∈ صم، ب ب .

فمثلاً: عند حلَّ المعادلة س ٔ = ۲ فإننا لا نستطيع إيجاد عدد نسبى مربعه يساوى ۲

العدد غير النسبي هو العدد الذي لايمكن وضعه على الصورة $\frac{1}{-}$ حيث $1 \in -\infty$ ، $-\infty$ ، $-\infty$.

ومن أمثلةِ الأعدادِ غير النسبيَّة:

أُولاً :الجذور التربيعية للأعداد الموجبة التي ليست مربعات كاملة

w√, 7√-, 0√, 7√: Jin

ثانيًا،الجذورُ التكعيبية للأعداد التي ليست مكعبات كاملة

مثل: ﴿ ٤ ، ﴿ ٢- ﴿ ، ﴿ ١١ ، ...

ثالثًا: النُّسبةُ التَّقريبية π

حيث إنه لايمكن إيجاد قيمة مضبوطة لأي من هذه الأعداد. لماذا؟

سوف تتعلم

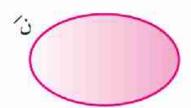
🦑 مجموعة الأعداد غير النسبية.

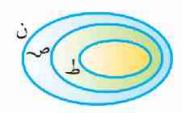
المصطلحات الأساسية

🦈 عدد غير نسبي.



ومثل هذه الأعداد وغيرها تكون مجموعة تسمى مجموعة الأعداد غير النسبية و يرمز لها بالرمز نَ .





 $\emptyset = \tilde{i} \cap i$



🐠 فَكُو : هَلَ 🗸 - آ عدد غير نسبي الماذا؟



🥬 أكمل باستخدام أحد الرمزين ن أو نَ.



ناقش معلمك في حل المثال السابق



إيجاد قيمة تقريبية للعدد غير النسبي

فكر وناقش

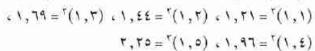
سوف تتعلم

- 💆 إيجادُ قيمة تقريبِّية للعدد غير النسبي.
- 🤯 تمثيلُ العددِ غير النسبى على خطّ الأعداد.
 - 🤣 حلّ معادلات في نَ.

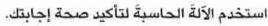
هل تستطيعُ إيجاد عددين نسبيين ينحصرُ بينهما العددُ غيرُ النسبي ٣٠٠

تلاحظ أن $\sqrt{7}$ ينحصرُ بين $\sqrt{1}$ ، $\sqrt{2}$ أى أن $1 < \sqrt{7} < 7$ < ٢ أى أن $\sqrt{7} = 1 + 2$ سر عشرى .

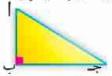
ولإيجادِ قيمةٍ تقريبيَّة للعدد (٦ أ تفحص قيمَ الأعداد التالية .



ای آن
$$\sqrt{7} = 1, 1 + کسر عشری ای آن ۱, ۱, ۱ < $\sqrt{7}$ < ۱, ۱ < ۱$$



تمهيد: (في الشكل المقابل) المثلث أب جـ قائم الزواية في ب فيكون:



وتسمى بنظريه فيثاغورس وستدرس بالتفصيل بمنهج الهندسة

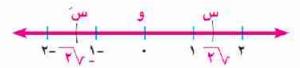
تمثيلُ العددِ غير النُّسبِي على خطُ الأعداد

كيف نحدُد النقطةُ التي تمثل العدد √ ٢ على خطُّ الأعداد .

إذا رسمنا المثلث أب جه القائم الزاوية في ب، والمتساوى الساقين بحيث أب = ب جه وحدة طول واحدة فإن (أ جه) على المثلث أب عنه المثلث أب المث



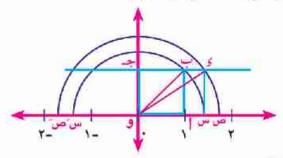
ارسم خطَّ الأعدادِ واركز بسنَ الفرجار في نقطة و، و بفتحة تساوى طول اجـ ارسم قوسًا يقطع خط
 الأعداد على يمين و في نقطة س، وهذه النقطة تمثل العدد √ ٢



- يمكن بنفس فتحة الفرجار تحديد النقطة سَ التي تمثل العدد -٧ ٢ حيث سَ على يسار النقطة و
 - 🐠 فَكِّر حدد النقطةَ التي تمثل العدد ٣ + 🗸 ٢ على خط الأعداد .



ارسم المربع و أب جالذي طول ضلعه وحدة طول.



- طول قطره = \ ١ + ١ = \ ٢ وحدة طول.
 - ٠٠ و ب = √٣
- 🔾 اركز بالفرجار في و ، وارسم نصف دائرة طول نصف قطرها = طول و ب = 🔻 ۲
- - ارسم س ک // آب و یقطع جدب فی ک
 (وی)۲ = (و س)۲ + (س ی)۲ = (√ ۲)۲ + (۱)۲ = ۳
 وی = √ ۳
- اركز بالفرجار في و وبفتحة تساوى طول و $\sqrt{7}$ ارسم نصف دائرة يقطع و $\sqrt{7}$ في ص ، ص $\sqrt{7}$ و ص = $\sqrt{7}$ أي أن النقطة ص تمثل العدد $\sqrt{7}$ ، والنقطة ص تمثل العدد $\sqrt{7}$ من الطريقة لتمثيل الأعداد $\sqrt{7}$ ، $\sqrt{7}$ ، ... وكذلك $\sqrt{7}$ ، $\sqrt{7}$ ، ...



🦠 🧶 أوجد :

🚯 عددين صحيحين متتاليين ينحصر بينهما العدد 🗸 🌼

الوحدة الأولى ، الدرس الثالث

- 🤪 عددين صحيحين متتاليين ينحصر بينهما العدد 🗸 ٦٢
- ﴿ عددين صحيحين متتاليين ينحصر بينهما العدد ♥ ٦٠٠
- 🔈 عددين صحيحين متتاليين ينحصر بينهما العدد 🌣 -٣٠

🧒 🥙 اثبت أن

- ﴿ ﴾ ﴿ ٣ ينحصر بين ١,٨ ، ١,٨ **بنحصر بین ۲٫۵، ۲٫۵** تنحصر بین ۲٫۵، ۲٫۵
 - 🦈 أوجد لأقرب جزء من مائة قيمة √ ١١
 - 🤣 أوجد لأقرب جزء من عشرة قيمة 🎖 ٢
 - 🧽 ارسم خطُّ الأعدادِ وحدِّد عليه النقطة التي تمثُّل العددَ غير النسبي 🗸 🍸
- ﴿ ارسم خطَّ الأعدادِ وحدِّد عليه النقطة التي تمثل العدد غير النسبي ١ + ٧ ٢



أوجد مجموعة حل كل من المعادلات الآتية في نَ:

۸- = ۲۰۰۰ می ٔ

$$1 = {}^{T} m \frac{\xi}{r} \Rightarrow 0 = {}^{T} m \Rightarrow 1 = {}^{T} m$$

الحل

$$1 \times \frac{\pi}{4} = \frac{\pi}{4} \dots \frac{\xi}{4} \times \frac{\pi}{4} \dots$$

$$1 \times \frac{1}{\xi} = \frac{\xi}{2} \dots \frac{\xi}{\xi} \therefore$$

$$\frac{\overline{\psi}}{\cdot w} = \pm \sqrt{\frac{\overline{\psi}}{2}} = \sqrt{\frac{\overline{\psi}}{2}} = \sqrt{\frac{\overline{\psi}}} = \sqrt{\frac{\overline{\psi}}{2}} = \sqrt{\frac{\overline{\psi}}{2}} = \sqrt{\frac{\overline{\psi}}{2}} = \sqrt{\frac{\overline{\psi}$$

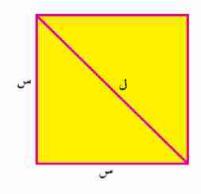
مجموعة الحل المعادلة في نَ = ٥





🏉 أوجد كلًّا من طولٍ ضلع وطول قطر مربع مساحته ٧سم٠٠





لإيجاد طول قطر المربع: استخدم نظرية فيثاغورس

5.
$$t = \pm \sqrt{31}$$
 may haliff $t = \sqrt{3}$ may haliff



دائرة مساحة سطحها ٦٣ سم أوجد محيطها.

الحل

نق
$$\pi = \pi$$
نق

محيط الدائرة = ٢
$$\pi$$
نق = ٢ π \times π π محيط الدائرة = ٢ π سم.



مجموعة الأعداد الحقيقية ح

فكر وناقش

سبق أن درسنا مجموعة الأعداد النسبيّة ن، ووجدنا أن هناك أعدادًا أخرى مثل ٢٠٠٠ مثل ٢٠٠٠ مثل ٢٠٠٠ مثل ٢٠٠٠ مثل ٢٠٠٠ مثل ٢٠٠٠ مثل ١٠٠٠ مثل مجموعة جديدة تسمى مجموعة الأعداد الحقيقية ، و يرمز لها بالرمز ح.

ح = ن∪نَ

تأمِّل شكلٌ قن المقابل تجد أن:

- 🚺 ن n نَ = 🌣
- و أى عدد طبيعى أو صحيح أو نسبى أو غير نسبى هو عدد حقيقي.

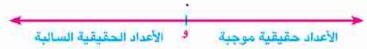
مجموعة الأعداد السية ن مجموعة الأعداد السعيد الأعداد غير مجموعة الأعداد العليمية للمسيئة ن السيئة ن مجموعة الأعداد العليمية ل

ط دصہ دن دح وكذلك أن دح

🎒 فَكُر : أعط أمثلةُ من عندك لأعداد حقيقيَّة بعضها نسبى وبعضها

غير نسبي.

🤫 كلُّ عددِ حقيقيٌّ تمثله نقطةٌ واحدةٌ على خطُّ الأعداد .



أولاً: العددُ صفر تمثله نقطة الأصل و.

ثانيًا: الأعدادُ الحقيقيةُ الموجبُة تمثلها جميعُ نقط خطِّ الأعداد على يمين و ثالثًا: الأعدادُ الحقيقيةُ السالبة تمثلها جميعُ نقط خطِّ الأعداد على يسار و

سوف تتعلم

- 🦑 مجموعة الأعداد الحقيقية ح.
- 🧬 العَلاقة بين مجموعات

الأعداد ط، ص، ن، نَ، ح.

المصطلحات الأساسية

🦑 عدد حقيقي.



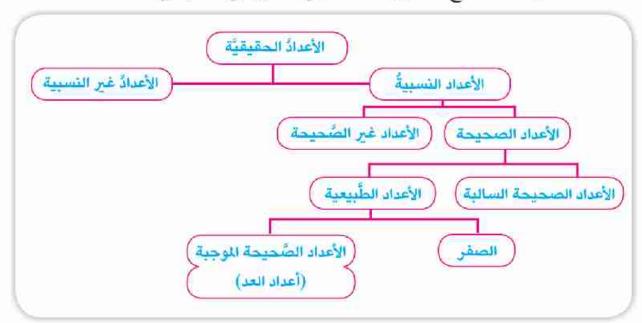
- كلًا من الأعدادِ الآتية في مكانها المناسب على شكل قن المقابل.
- 0 . . . 17 V . T- V . V . . , 7 . T . . 9 . 2 . +
- ﴿ ﴾ ﴾ هذه على خطَّ الأعدادِ النقطةَ أ التي تمثَّل العدد ٧ -٨ ، والنقطة ب التي تمثل العدد ٧ أَ ٩ وأوجد طول أب .



- 🤫 وضُّح صحةَ أو خطأ كل من العبارتين:
- کل عدد طبیعی هو عدد حقیقی موجب.
 - 🧼 كل عدد صحيح هو عدد حقيقي.

لاحظ ان: ﴿ ١٠ = ١٠ لأن ١٠ × ١٠ × ١٠ = ١٠

بينما √ - ١ € ح لأنه لايوجد عدد حقيقي إذا ضرب في نفسه يعطى -١.



ناقش مع معلمك/معلمتك و زملائك: هل توجد أعدادٌ غيرٌ حقيقية ؟



علاقة الترتيب في ح

فكر وناقش

إذا كانت أ، ب نقطتين تنتميان للمستقيم ل، وحدِّدنا اتجاهًا معينًا كالمبين بالسهم فإنه يمكن القول إن:

- به ۱۹۹۰ و میدان مرودون می یمینها.

 النقطة ب تلی النقطة أ، أی تكون علی یمینها.

 النقطة ب تلی النقطة أ
 - 🔾 النقطة أتسبق النقطة ب، أي تكون على يسارها.

وهكذا بالنسبة لجميع نقاط الخط المستقيم، فإذا علمنا أن كل نقطة من نقط الخط المستقيم تمثل عددًا حقيقيًا فإننا نقول إن:

مجموعة الأعداد الحقيقية هي مجموعة مرتبة

خواصُ الترتيب،

إذا كان س، ص عددين حقيقيين يمثلهما على خطر الأعداد النقطتان
 أ، ب على الترتيب فإنه توجد إحدى الحالات الثلاثة الآتية:



وَ اذَا كَانِت س عددًا حقيقيًا تمثله النقطة أعلى خطَّ الأعداد، وكانت و هي نقطة الأصل التي تمثّل العدد صفر فإنه توجد إحدى الحالات الثلاثة الآتية:

· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	<u>←</u>	
أعلى يسار و ∴س<٠	أعلى يمين و س > ٠	أتنطبق على و س = ٠
ويقال إن س عدد حقيقي سالب .	و يقال إن س عدد حقيقي موجب .	

سوف تتعلم

🧬 عَلاقة الترتيب في ح.

المصطلحات الأساسية

- 🧬 عَلاقة ترتيب.
 - 🤣 أكبر من -
 - 🧬 اصغر من .
 - 🦈 تساوي .
- 🖑 ترتیب تصاعدی ،
 - 🧬 ترتیب تنازلی .



أعداد حقيقية موجبة ف إعداد حقيقية سالبة

مجموعةُ الأعدادِ الحقيقيَّة الموجبة: ح = { س: س ∈ ح ، س > ٠ } مجموعة الأعدادِ الحقيقيَّة السالبة: ح ح اس: س ∈ ح ، س < ٠ }

ح=ح ل (٠) ال ح

لاحظ أن: مجموعةُ الأعدادِ الحقيقيَّة غير السالبة = ح ل (٠) = إس: س ≥٠، س ∈ ح مجموعةُ الأعدادِ الحقيقيَّة غير الموجبة = ح ∪ ١٠ = إس: س ﴿ ٠ ، س ﴿ ح إ



رتُّبِ الأعدادَ الآتيَّة تصاعديًّا ﴿ ٢٧] ، - ﴿ ٤٥] ، ﴿ ٢٠ ، ٢ ، ٠ ، ٧ -١

الحل

T = V T7 3 V -1 = -1 = -1

الترتيبُ التصاعديُّ من الأصغر إلى الأكبر - √ ٤٥ ، - √ ١ ، ٠ ، ٢٠ ، ٢٠ ، ٢٠ ، ٣٦ 7, TV V, T. V, V, T-V, 20 V- 15

مثال (٢) من الشكل المقابل:





أوجد مجموعة الأعداد التي تنتمي إليها س حيث س عدد صحيح

الحل

من الشكل نلاحظ أن : س م س > س

فعند اختيار س عدد صحيح سالب يحقق المتبانية السابقة

مثل: س = ۳۰ < ۹ <= ۳۰ > ۲۷۰

· مجموعه الأعداد التي تنتمي إليها س هي صح_ = [-١ ، -٢ ، -٣ ،]

اختر س عدد صحيح موجب , هل تتحقق المتبانية ؟ ناقش معلمك



الفترات

فكر وناقش

الفترة هي مجموعة جزئية من مجموعة الأعداد الحقيقية أولاً: الفترات المحدودة

إذا كان أ ، ب ∈ ح ، أ < ب فإننا نعرف كلًّا من:

الفترة المغلقة [أ، ب]

[ا، ب] = [س: ا ﴿س ﴿ب، س ﴿ حا

←

[أ، ب] 5 ح وعناصرها أ، ب وجميع الأعداد الحقيقية بينهما توضع دائرة مظللة عند كل من النقطتين الممثلتين للعددين أ، ب وتظلل المنطقة بينهما على خط الأعداد .

الفترة المفتوحة]أ ، ب[

]ا، ب [= { س: ا < س < ب، س ∈ ح}



ا، ب[⊂ ح وعناصرها هي جميع الأعداد الحقيقية المحصورة بين العددين أ، ب.

توضع دائرة مفتوحة (غير مظللة) عند كل من النقطتين الممثلتين للعددين أ، ب وتظلل المنطقة بينهما على خطّ الأعداد



اكتب كلًّا من [٣، ٥]،]٣، ٥[بطريقةِ الصُّفة المميزة ثم مثلُ كلًّا منهما على خط الأعداد.

سوف تتعلم

- 🦑 الفترات المحدودة.
- 🤣 الفترات غير المحدودة.
- 🤔 العمليات على الفترات.

المصطلحات الأساسية

- 🤣 فترة محدودة .
 - 🤣 فترة مغلقة .
- 🦑 فترة مفتوحة .
- 🦑 فترة نصف مفتوحة .
- 🤣 فترة غير محدودة .
 - 🦑 اتحاد .
 - 🦑 تقاطع .
 - 🥴 فرق .
 - 🤣 مكملة .



الفترات نصف المفتوحة أو (نصف المغلقة)



[ا، ب [= اس: ا ≤ س < ب، س ∈ ح ا [ا، ب [د ح عناصرها العدد أ وجميع الأعداد المحصورة بين أ، ب.

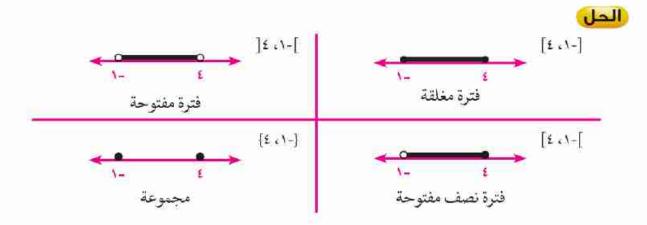




اكتب كلًّا من الفترتين [٣ ، ٥[،]٣، ٥] بطريقةِ الصُّفة المميزة ، و مثل كلًّا منهما على خطُّ الأعداد.



مثَّل بيانيًّا على خطِّ الأعداد كلًّا من: [-١، ٤] ،]-١، ٤[،]-١، ٤]، {-١، ٤}



ناقِشُ مع معلمك / معلمتك و زملائك: هل الفترةُ مجموعةٌ منتهيةٌ أم غيرُ منتهيةٍ؟

[٢.١-] ٨- ٧ 9

وروال (۲) مثال (۲)

🧽 🥙 اكتب على صورةِ فترة، كلًّا من المجموعاتِ الآتية، ومثِّل كلًّا منها على خطَّ الأعداد:

$$(-3) \quad \text{if } m = -1 \quad \text{if$$

الحل

الحل

🧒 🥬 اكتب الفترةَ التي يعبِّر عنها كلُّ من الأشكالِ الآتية:



ثانيًا: الفتراثُ غيرُ المحدودة

تعلم أن: خط الأعداد الحقيقيَّة مهما امتد من جهتيه فإنه يوجد أعداد حقيقية موجبة من جهة اليمين وسالبة من جهة اليسار تقع على هذا الخط.

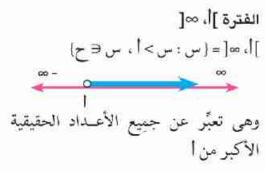
- الرمز (∞) و يقرأ (لانهاية) و هو أكبر من أي عدد حقيقيً يمكن تصورُه ، ∞ ∉ ح
- 🔾 الرمز (-∞) و يقرأ (سالب لانهاية) و هو أصغرُ من أي عددٍ حقيقيٌ يمكن تصوره ، -∞ لإ ح
- الرمزان ٥٠٠ ٥٠ لاتوجد نقط تمثلهما على خطِّ الأعداد الحقيقية، وهما امتداد لخط الأعداد من جهتيه.



وإذا كان أ عددًا حقيقيًا فإننا نعرفُ الفترات غيرَ المحدودة التالية:

اكتب كلًا من الفترتين [٣، ∞[،]-∞، ٣] بطريقةِ الصَّفة المميزة، ثم مثلهما على خطَّ الأعداد.

الفترة]-∞، أ[]-∞، أ[= [س: س< أ، س ∈ ح] صحح وهى تعبر عن جميع الأعداد الحقيقية الأصغر من أ



﴿ اكتب الفترتين]٣، ∞[،]-∞، ٣[بطريقةِ الصفة المميزة، ثم مثلهما على خطِّ الأعداد.

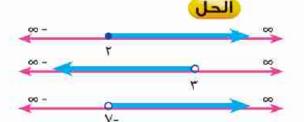


الوحدة الأولى ، الدرس السادس

مجموعةُ الأعدادِ الحقيقيّة ح يمكن التعبيرُ عنها على صورة الفترة]-٥٠ ، ٥٥ لاحظ أن: مجموعةُ الأعدادِ الحقيقيَّة الموجبة ح =] ٥،٠٠ [مجموعةُ الأعداد الحقيقيَّة السالبة ح =]-00، [مجموعة الأعداد الحقيقيّة غير السالبة = [٠ ، ∞[مجموعةً الأعداد الحقيقيّة غير الموحية =]-١٠٠٠]

وُهُكا تدرب

🐠 🥙 اكتب على صورة فترة كلًّا من المجموعات الآتية، ومثُّلها على خطَّ الأعداد .



-] o, r]= ~ 1
-] T. oo- [= ~ m
-] ∞,٧- [= ~ ♣

أكمل الحل

🛷 🥙 ضع الرمزَ المناسبَ ∈ أو ∉ أو ⊂ أو ⊄ لتكون العبارة صحيحة:

-]∞,1-[.....[۲,1] 😞
-] € . ∞ [..... ٢ 🜓
-]•, •[.....]•,]•,]•,]•,]•, [.......

الحل

D 9

- **⊃** 😮
- **∌** 🚓
- ب ر
- ∋ 🚯

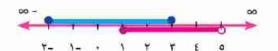
العمليات على الفترات

حيث إن الفترات هي مجموعاتٌ جزئيةٌ من مجموعةِ الأعداد الحقيقية ح، فإنه يمكن إجراءُ عمليات الاتحاد والتقاطع والفرق والمكملة على الفترات، ويمكّن الاستعانةُ بالتمثيل البيانيِّ للفترات على خطُّ الأعدادَ ؛ لتحديد وتوضيح ناتج العملية و يتضحُ ذلك من الأمثلة التالية :



﴿ إِذَا كَانَتَ سِ = [-٢، ٣] ، ص = [١، ٥[فأوجد مستعينًا بخطِّ الأعداد كلًّا من :

الحل



🦚 م - ي

👄 م 🛭 ی 🤑 م 🗅 ی

و ي

T- 1- . 1 T T E 0

{T , T} UG

الحل

- ﴿ م ى = [۲، ∞ [] -۲، ۳ [= [۳، ∞ [•
- ﴿ م ∩ى = [۲، ∞ [ח] -۲، ۲ [= [۲، ۲ [
- ﴿ م ∪ ي = [۲ ، ∞ [∪] -۲ ، ۳ [=]-۲ ، ∞
- [" , T-[= { " , T } U] " , T-[= { T , T } U] " , T-[= { T , T }]
-] ∞ , T] U [T , ∞ [= , ∞]

ه م =]-∞، ۲ [



🎾 ضَعُ علامة (🇸) أمام العبارة الصَّحيحة وعلامةً (🎖) أمام العبارة الخطأ:

- [-1, 7] ∩]1, 3[= [1, 7] 0 . 7-[= {0 . 7 } - [0 . 7-]
- [0,7-]={0,1}U |0,7-] [· , 1-] = {· , 1-} U [٣ , 1-]
-]∞,0 = 0, ∞- |∞,0 | @ [0 , T] = [0] - [0 , T] 🍣

ربوبدة الأولى الحرس السابع

العمليات على الأعداد الحقيقية

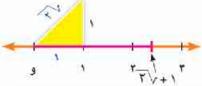
فكر وناقش

أولاً: خواصٌ جمع الأعداد الحقيقيَّة

سبق أن حدَّدنا موضع النقطة س التي تمثل العدد ١ + ٧ ٢ على خطَّ الأعداد، وحيث إنه يمثلُ مجموع العددين الحقيقيين ١، ٧ ٢ فإن مجموع كلِّ عددين حقيقيين هو عددٌ حقيقي .

ري المجموعة الأعداد الحقيقية ح أي أن مجموعة الأعداد الحقيقية ح

مغلقةٌ تحت عمليَّة الجمع .



الانغلاق إذا كانت أ ∈ح، ب ∈ح فإن (ا+ب) ∈ح

فمثلاً: كل من ٢ + ٣ ، ١ + ٧ ٢ ، -٢ + ٧ ٥ ، ٢ + ٧ ٦ عددٌ حقيقيٌّ.

الإبدال إذا كانت ا ∈ ح ، ب ∈ ح فإن ا + ب = ب + ا

فمثلاً: ۲+ ۷ = ۲ + ۲ ، ۲-۷ - = -۷ + ۲ ، ۲-۷

الدمج إذا كانت أ ∈ح، ب ∈ح، جـ ∈ ح فإن (أ+ب) +ج= أ+ (ب+ج) = أ+ب+ج

فمثلاً:
$$(7 + \sqrt{7}) + 0 = 7 + (\sqrt{7} + 0)$$
 خاصية الدمج = $7 + (0 + \sqrt{7})$ خاصية الإبدال = $7 + (0 + \sqrt{7})$ خاصية الدمج = $7 + \sqrt{7}$ خاصية الدمج = $7 + \sqrt{7}$

سوف تتعلم

- العمليات على الأعــداد
 الحقيقية
- 🦸 خواصُّ العملياتِ على الأعداد الحقيقية .

الوصطلحات الأساسية

- 🤣 الانغلاق.
- 🦸 الإبدال .
- 🤣 الدمج.
- 💠 المحايد الجمعي .
- 🧦 المعكوس الجمعي .
 - 🌣 المحايد الضربي .
- 🧦 المعكوس الضربي .
- 💤 توزيع الضرب على الجمع أو الطرح .

الصفر هو العنصر المحايد الجمعي إذا كان أ ∈ ح فإن أ + ٠ = ٠ + أ = أ

وجود معکوس جمعی لکل عدد حقیقی ککل ا ∈ ح یوجد (-ا) ∈ ح حيث ا + (١-) = (١-) + ا = صفوا

> فمثلاً: ٧٦ € ح ، معكوسه الجمعي (-٧٦) € ح حيث √ ۲ √ + (۲ √ -) = (۲ √ -) + ۲ √ صفرًا.



- 🐠 🥙 أكمل لتحصلَ على عبارةِ صحيحةٍ:
 -+ 0 = 0 + TV
 - = (11 \ -) + 11 \ (11
- (.....) + 0 = TV + V 🏟
- ن المعكوس الجمعي للعدد ٧٠ هو
- 🍲 المعكوس الجمعي للعدد (١ 🗸) هو
 - = (7 \/-) + 7 \/ 9
 - = ٣ ° V + V 3
 - = (V V) + (V + £)
- اذا كانت أ ∈ ح، ب ∈ ح فإن أ ب تعنى ناتج جمع العدد أ و للعدد ب.
 - ﴿ إِذَا كَانِتَ أَ ﴿ طَ، بِ ﴿ نِ ، جِـ ﴿ حِ فَإِنْ (أَ + بِ + جِـ) ﴿
 - ناقش مع معلمك / معلمتك و زملائك: موضحًا بأمثلة:
 - أو هل عمليَّةُ الطرح إبداليَّة في ح؟
 - هل عمليَّةُ الطرح دامجةٌ في ح؟

ثانيًا: خواصٌ ضرب الأعدادِ الحقيقية:

محموعةُ الأعداد الحقيقيَّة مغلقةٌ تحت عملية الضرب.

أي أن حاصل ضرب كل عددين حقيقيين هو عدد حقيقي.

$$\tau \ni \pi \frac{\tau}{\tau} = \pi \times \frac{\tau}{\tau}$$
 $\epsilon \quad \tau \ni \overline{\circ} \nabla \tau = \overline{\circ} \nabla \times \tau$

$$7\sqrt{7} \times \sqrt{7} = 7 \in 7$$
 $7\sqrt{7} \times 9 = 71\sqrt{7} \in 7$

$$\nabla \nabla r = \nabla \nabla \times r = r \times \nabla \nabla \nabla \cdot r$$

$$\rightarrow \times (\times) = (\times \times) \times$$

الواحد هو العنصر المحايد الضربي الكلِّ عدد حقيقيُّ ايكون ا×١ = ١ ×١ = ١

مثلا: ۲ × × ۱ = ۱ × ۲ √ ۰ = ۲ × ۰

وجود معكوس ضربين لكل عدد حقيقى ≠. لكل عدد حقيقي ا + صفر

بوجد عدد حقيقي إ

حيث $| \times \frac{1}{1} = \frac{1}{1} \times | = 1$ (المحايد الضربي)

مثلاً: المعكوسُ الضربيُّ للعدد
$$\frac{\tau}{\tau}$$
 هو $\frac{\tau}{\sqrt{\pi}}$ حيث $\frac{\tau}{\tau} \times \frac{\tau}{\sqrt{\pi}} = 1$

لاحظان: ا = ا × ا ب ب . .

أي أن العدد ب. المعكوس الضربي للعدد ب.

ناقش مع معلمك / معلمتك: هل عملية القسمة إبدالية في ح؟ هل عملية القسمة دامجة في ح؟





كُلًا من الأعدادِ $\frac{7}{\sqrt{3}}$ ، $\frac{80}{3}$ بحيث يكون المقامُ عددًا صحيحًا.

 $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{3}}$ أو $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$ أو $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$ أو $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$ أو ... $rac{r}{r} \sqrt{r} = \frac{r}{r} \sqrt{r} = \frac{r}{r} \sqrt{r} = \frac{r}{r} \sqrt{r} \times \frac{r}{r} = \frac{r}{r} \sqrt{r}$

$$\frac{\overline{r} \vee \circ}{r} = \frac{\overline{r} \vee}{r} \times \frac{\circ}{r} = \frac{\circ}{r} \vee -$$

$$\frac{\overline{\circ} \vee r}{r} = \frac{\overline{\circ} \vee \circ}{\circ \vee r} = \frac{\overline{\circ} \vee}{\overline{\circ} \vee r} \times \frac{\circ}{\overline{\circ} \vee r} = \frac{\circ}{\overline{\circ} \vee r}$$



🐠 🥙 أكمل لتحصلَ على عبارةٍ صحيحة:

🚸 🥬 اكتب كلًّا من الأعدادِ الآتية بحيث يكون المقامُ عددًا صحيحًا:

توزيع الضرب على الجمع لأى ثلاثة أعداد حقيقية أ، ب، جيكون.

 $| \times (\cup + \infty) = (\times) + (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times (\times) = (\times) \times | \times$



🐠 اختصر إلى أبسط صورة .

الحل

$$(\overrightarrow{T} \vee + \overrightarrow{T}) \circ + (\overrightarrow{T} \vee + \overrightarrow{T}) \overrightarrow{T} \vee = (\overrightarrow{T} \vee + \overrightarrow{T})) \Leftrightarrow (\overrightarrow{T} \vee + \overrightarrow{T$$

🈗 أعط تقديرًا لناتج (٣ + √ °) × (١ + √ ^) و تحقُّق من صحة إجابتك باستخدام الآلة الحاسبة.

الحل

تقدیر
$$\sqrt{\Lambda}$$
 مو π $\therefore (1 + \sqrt{\Lambda})$ تقدیرها هو $1 + \pi = 3$

ثانيًا: عند استخدام الآلة الحاسبة لحساب (
$$7+\sqrt[4]{0}$$
) × ($1+\sqrt[4]{0}$) نجد أن الناتج $7.9.9$ أى أن التقدير مقبولٌ.

رويدة الأولى الدرس الثامن

العمليات على الجذور التربيعية

فكّر وناقش

سوف تتعلَّى

- 🧈 إجراءُ العمليات على الجذور التربيعية .
 - 🂞 ضرب عددين مترافقين.

الوصطلحات الأساسية

- 🤣 جذر تربيعي .
- 🧬 عدد ان مترافقان .

$$\sqrt{7} \times \sqrt{1} = \sqrt{1 \times 1} = \sqrt{1 \times 1} = \sqrt{1 \times 1}$$

$$\sqrt{90} \times \sqrt{90} = \sqrt{10} \times \sqrt{10} = \sqrt{10}$$

$$\frac{1}{8} \sqrt{\frac{1}{p}} = \frac{1}{\sqrt{p}} = \frac{1}{\sqrt{p}} \sqrt{\frac{1}{p}} = \frac{1}{\sqrt{p}} \sqrt{\frac{1}{p}}$$

$$\sqrt{\frac{r_1}{r}} = \frac{\frac{r_2}{r}}{r} \times \frac{\frac{\epsilon}{r}}{r} = \frac{17\sqrt{r}}{r} \times \frac{17\sqrt{r}}{r} = \frac{17\sqrt{r}}{r}$$

$$\sqrt{\frac{\sqrt{1}}{\sqrt{\psi}}} = \frac{\sqrt{1}}{\sqrt{\psi}} \times \frac{\sqrt{1}}{\sqrt{\psi}} = \frac{\sqrt{1}}{\psi}$$
 $\psi \neq 0$

$$r = \sqrt{\frac{1}{1}} = \sqrt{\frac{1}{1}} = \sqrt{\frac{1}{1}} = \sqrt{\frac{1}{1}} = \sqrt{\frac{1}{1}}$$

$$\frac{\sqrt{3}\sqrt{3}}{\sqrt{\sqrt{2}}} = \sqrt{\frac{3}{2}} = \sqrt{\frac{3}{2}} \times \sqrt{\frac{7}{2}} = \sqrt{\frac{3}{2}} \times \sqrt{\frac{7}{2}} = 7\sqrt{\frac{7}{2}}$$



الحل

$$\frac{1}{\sqrt{77}} \times \sqrt{77} + \sqrt{7} \times \sqrt{7} = \sqrt{77} \times \sqrt{7} + \sqrt{7} \times \sqrt{7} = \sqrt{77} \times \sqrt{7} \times \sqrt{7} + \sqrt{7} \times \sqrt{7}$$

إذا كان س = ٢ √ ٥ -١ ، ص = ٢ + √ ٥ أوجد قيمة المقدار س + ص ٢

الحل

$$1 + \sqrt{2} \cdot \sqrt{2} - \sqrt{(2)} \cdot \sqrt{7} = \sqrt{1 - 2} \cdot \sqrt{7} = \sqrt{7}$$

$$\sqrt{2} \cdot \sqrt{2} - \sqrt{1 - 2} \cdot \sqrt{7} = \sqrt{1 - 2} \cdot \sqrt{7} = \sqrt{7}$$

$$\sqrt{2} \cdot \sqrt{2} \cdot \sqrt{2} + \sqrt{2} = \sqrt{2} \cdot \sqrt{7} = \sqrt{7}$$

$$\sqrt{2} \cdot \sqrt{2} \cdot \sqrt{7} = \sqrt{7} = \sqrt{7} = \sqrt{7}$$

$$\sqrt{2} \cdot \sqrt{2} \cdot \sqrt{7} = \sqrt{7$$



﴿ ضع كلًّا ممايأتي على صورة ا √ب حيث ا، ب عددان صحيحان ، ب أصغر قيمة ممكنة :

1. V + × 0 V 4

TAV

Vo V

\(\dagger\) \(\dagger\)

177 177

08 1 -

- V7 V 7 🗻
- 🤫 اختصر إلى أبسط صورة:
 - 7 Vr × 11 Vr
 - ∧ ∨ + •· ∨ •

- 71 V X X V X +
- T.. V-11 +0 V 11 V .. 7

🍫 🧶 أوجد قيمةً كل من س + ص ، س × ص في الحالات الآتية:

العددان المترافقان

إذا كان أ ، ب عددين نسبيين موجبين

حاصلُ ضرب العددين المترافقين هو دائمًا عددٌ نسبيٌّ

إذا كان لدينا عددٌ حقيقيٌّ مقامه على الصورة (١٠٠٠ على) فيجب وضعُه في أبسط صورةٍ ، وذلك بضرب البسطِ والمقام في مرافق المقام .



🧶 أكمل



🏉 اكتب كلًّا من س ، ص بحيث يكون المقام عددًا نسبيًّا ثم أوجد س + ص

الحل

$$\frac{\cancel{\texttt{w}} \cancel{\texttt{w}} + \cancel{\texttt{w}} \cancel{\texttt{w}}}{\cancel{\texttt{w}} + \cancel{\texttt{w}} \cancel{\texttt{w}}} \times \frac{\cancel{\texttt{w}} \cancel{\texttt{w}} - \cancel{\texttt{w}} \cancel{\texttt{w}}}{\cancel{\texttt{w}} + \cancel{\texttt{w}} \cancel{\texttt{w}}} = \frac{\cancel{\texttt{w}} \cancel{\texttt{w}} - \cancel{\texttt{w}} \cancel{\texttt{w}}}{\cancel{\texttt{w}} + \cancel{\texttt{w}} \cancel{\texttt{w}}} = \frac{\cancel{\texttt{w}} \cancel{\texttt{w}} - \cancel{\texttt{w}} \cancel{\texttt{w}}}{\cancel{\texttt{w}} + \cancel{\texttt{w}} \cancel{\texttt{w}}} = \frac{\cancel{\texttt{w}} \cancel{\texttt{w}} - \cancel{\texttt{w}} \cancel{\texttt{w}}}{\cancel{\texttt{w}} + \cancel{\texttt{w}} \cancel{\texttt{w}}} = \frac{\cancel{\texttt{w}} \cancel{\texttt{w}} - \cancel{\texttt{w}} \cancel{\texttt{w}}}{\cancel{\texttt{w}} + \cancel{\texttt{w}} - \cancel{\texttt{w}}} = \frac{\cancel{\texttt{w}} \cancel{\texttt{w}} - \cancel{\texttt{w}} \cancel{\texttt{w}}}{\cancel{\texttt{w}} + \cancel{\texttt{w}} - \cancel{\texttt{w}}} = \frac{\cancel{\texttt{w}} \cancel{\texttt{w}} - \cancel{\texttt{w}} - \cancel{\texttt{w}}}{\cancel{\texttt{w}} - \cancel{\texttt{w}} - \cancel{\texttt{w}}} = \frac{\cancel{\texttt{w}} - \cancel{\texttt{w}} - \cancel{\texttt{w}}}{\cancel{\texttt{w}} - \cancel{\texttt{w}}} = \frac{\cancel{\texttt{w}} - \cancel{\texttt{w}} - \cancel{\texttt{w}}}{\cancel{\texttt{w}}} = \frac{\cancel{\texttt{w}} - \cancel{\texttt{w}}}{\cancel{\texttt{w}}} = \frac{\cancel{\texttt{w}}}{\cancel{\texttt{w}}} = \frac{\cancel{\texttt{w}}}{\cancel{\texttt{w}}} = \frac{\cancel{\texttt{w}} - \cancel{\texttt{w}}}{\cancel{\texttt{w}}} = \frac{\cancel{\texttt{w}}}{\cancel{\texttt{w}}} = \frac{\cancel{\texttt{w}}} = \frac{\cancel{\texttt{w}}}{\cancel{\texttt{w}}} = \frac{\cancel{\texttt{w}}}{\cancel{\texttt{w}}} = \frac{\cancel{\texttt{w}}}{\cancel{\texttt{$$

$$\frac{\left(\begin{array}{c} \overline{r} \vee + \overline{\circ} \vee\right) \wedge}{r - \overline{\circ}} = \frac{\left(\begin{array}{c} \overline{r} \vee + \overline{\circ} \vee\right) \wedge}{r (\overline{r} \vee) - r (\overline{\circ} \vee)} = \\ \hline \overline{r} \vee \xi + \overline{\circ} \vee \xi = \\ \hline \overline{r} \vee - r \times \overline{r} \vee - r = \overline{r} \vee - r = \\ \hline \overline{r} \vee - r \times \overline{r} \vee + r = \overline{r} \vee - r = \\ \hline r \vee \xi - V = \underline{r} + \overline{r} \vee \xi - \xi = \overline{r} \vee - r = \\ \hline r - \xi = \overline{r} \vee - r = \overline{r} \vee - r = \\ \hline r - \xi = \overline{r} \vee - r = \overline{r} \vee - r = \\ \hline r - \xi = \overline{r} \vee - r = \overline{r} \vee - r = \\ \hline r - \xi = \overline{r} \vee - r = \overline{r} \vee - r = \\ \hline r - \xi = \overline{r} \vee - r = \overline{r} \vee - r = \\ \hline r - \xi = \overline{r} \vee - r = \overline{r} \vee - r = \\ \hline r - \xi = \overline{r} \vee - r = \overline{r} \vee - r = \\ \hline r - \xi = \overline{r} \vee - r = \overline{r} \vee - r = \\ \hline r - \xi = \overline{r} \vee - r = \overline{r} \vee - r = \\ \hline r - \xi = \overline{r} \vee - r = \overline{r} \vee - r = \\ \hline r - \xi = \overline{r} \vee - r = \overline{r} \vee - r = \\ \hline r - \xi = \overline{r} \vee - r = \overline{r} \vee - r = \\ \hline r - \xi = \overline{r} \vee - r = \overline{r} \vee - r = \\ \hline r - \xi = \overline{r} \vee - r = \overline{r} \vee - r = \\ \hline r - \xi = \overline{r} \vee - r = \overline{r} \vee - r = \\ \hline r - \xi = \overline{r} \vee - r = \overline{r} \vee - r = \\ \hline r - \xi = \overline{r} \vee - r = \overline{r} \vee - r = \\ \hline r - \xi = \overline{r} \vee - r = \overline{r} \vee - r = \overline{r} \vee - r = \\ \hline r - \xi = \overline{r} \vee - r = \overline{r} \vee$$

🎾 أثبت أن س ، ص عددان مترافقان، ثم أوجد قيمةً كلُّ من المقدارين

 $m^{7} - 7m + m^{7}$, $(m - m)^{5}$ alil $m^{7} - 7m$

الحل



🦈 في المثالِ السابقِ احسب كلًّا من

الحل

$$\overline{r} \vee r \times \overline{\vee} \vee r = (\omega - \omega) (\omega + \omega) \Leftrightarrow$$

$$\overline{r} \vee r \times \overline{\vee} = (\omega - \omega) (\omega + \omega) \Leftrightarrow$$

رويدة الأولى الدرس التاسع

العمليات على الجذور التكعيبية

فكّر وناقش

سوف تتعلم

🦑 العملياتُ على الجذور التكعيبية.

المصطلحات الأساسية

🦑 الجذر التكعيبي،

لأى عددينِ حقيقيين ١، ب:

لأى عددين حقيقيين ا، ب:

$$\frac{\sqrt[3]{77}}{60000} = \sqrt[3]{\frac{77}{7}} = \sqrt[3]{\frac{3}{7}}$$

$$\frac{\sqrt[3]{7}}{\sqrt[3]{7}} = \frac{\sqrt[3]{7}}{\sqrt[3]{7}}$$



44

هُ امثلة

👈 اختصر لأبسطِ صورة:

الحل)

17 A TE V ...

$$\frac{\sqrt[3]{37} - \Gamma \sqrt[3]{\frac{\Lambda}{F} 71}}{\sqrt[3]{6} \sqrt[3]{4}} = \sqrt[3]{\Lambda} \times \sqrt[3]{7} - \Gamma \times \sqrt[3]{671}$$

$$= \sqrt[3]{\Lambda} \times \sqrt[3]{7} - \Gamma \times \sqrt[6]{6} = \sqrt[3]{\Lambda} \times \sqrt[7]{7} - \Gamma \times \sqrt[6]{6}$$

$$= \sqrt[3]{\Lambda} \times \sqrt[3]{7} - \Gamma \times \sqrt[6]{6} = \sqrt[3]{\Lambda} \times \sqrt[7]{7} - \Gamma \times \sqrt[6]{6}$$

فأوجدقيمة كل من :

الحل

$$(m + 0)^{7} = (m + 1 + 7)^{7} = (m + m)$$

$$r(1+ \overline{r} \ \overline{v} - 1+ \overline{r} \ \overline{v}) = r(m-m) \Leftrightarrow$$

$$A = r(r) =$$

رويدة الأول الدرس العاشر

تطبيقات على الأعداد الحقيقية

فكر وناقش

سوف تتعلم

🦸 حل تطبيقات على الجذور التربيعية والتكعيبية

المصطلحات الأساسية

- 🤣 دائرة.
- 🧚 متوازى المستطيلات.
 - 🦑 مكعب.
- 🦑 أسطوانة دائرية قائمة.
 - 🦈 كرة.

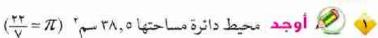
الدائرة

محيط الدائرة = 7 π نق وحدة طولية.

مساحة الدائرة = π نق وحدة مربعة

حيث نق طول نصف قطر الدائرة، ٣ (النسبة التقريبية)

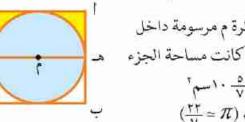




الحل

مساحة الدائرة = 17 نق ا

$$\frac{\xi \eta}{\xi} = \frac{V \times r \Lambda, \circ}{r \tau} = \frac{r}{\tau}$$
 نق $\frac{r}{\xi} \cdot \frac{r \tau}{V} = r \Lambda, \circ$
 $\frac{\xi \eta}{\xi} \cdot \frac{r \tau}{V} = \frac{r \Lambda}{\xi}$
 $\frac{\xi \eta}{\xi} \cdot \frac{r \tau}{V} = r \Lambda, \circ$



🈗 في الشكل المقابل الدائرة م مرسومة داخل المربع أب جـ ي، فإذا كانت مساحة الجزء مـ الملون باللون الأصفر ٥٠٠ سم $(\frac{\Gamma\Gamma}{V} \simeq \pi)$ أوجد محيط هذا الجزء

الحل

نفرض أن طولَ نصف قطر الداثرة = نق .

· . طول ضلع المربع = ٢ نق

$$\frac{7}{V} \times \frac{1}{V} \times \frac{1}{V}$$
 نق $\frac{7}{V} \times \frac{1}{V}$ نق $\frac{7}{V} \times \frac{1}{V}$

محيط الجزء باللون الأصفر =
$$(|a| + |b| + |b| + |a|)$$
 محيط الدائرة = $(|a| + |b|)$ محيط الدائرة = $(|a| + |b|)$ محيط الدائرة = $(|a| + |b|)$ محيط الدائرة

الله المالة المرب

🦠 دائرةٌ مساحتها ٦٤ π سم ً. أوجد طولَ نصف قطرها ، ثم أوجد محيطها لأقرب عددٍ صحيح $.(\Upsilon, \Upsilon \in \pi)$

- فى الشكل المقابل: أب قطر نصف الدائرة فإذا كانت مساحة هذه المنطقة ١٢,٣٢ سم أوجد محيط الشكل.
 - 🦈 في الشكلِ المقابل: دائرتان متحدتان في المركز م طول نصفي قطريهما ٣سم ، ٥سم. أوجد مساحة الجزء الملون بدلالة ٦٦.



المساحة الجانبية = محيط القاعدة × الارتفاع

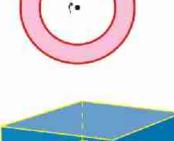
المساحة الجانبية = ٢ (س + ص) × ع وحدة مربعة

المساحةُ الكليةُ = المساحة الجانبية $+ \gamma \times \Delta$ مساحة القاعدة

المساحة الكلية = ٢ (س ص + ص ع + س ع) وحدة مربعة

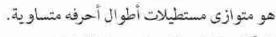
حجم متوازى المستطيلات = مساحة القاعدة × الارتفاع

وحدة مكعبة حجم متوازى المستطيلات = س \times ص \times ع

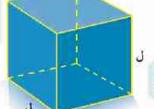


الوحدة الأولى ، الدرس العاشر

حالة خاصة: المكعب



إذا كان طول حرفه = ل وحدة طول فإن



مساحة كل وجه = ل وحدة مربعة مساحته الجانبية = ٤ ل وحدة مربعة

مساحته الكلية = ٦ ل وحدة مربعة حجم المكعب = ٢ وحدة مكعبة



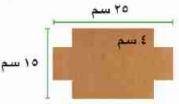
🥙 أوجد المساحةَ الكليةَ لمكعبِ حجمه ١٢٥سم ّ



حجم المكعب =
$$U^*$$
 ث $V = V^*$ ث $V = \sqrt{V + V} = 0$ مسم المساحة الكلية = $V = V \times V = V \times V \times V = 0$



- 🐠 متوازي مستطيلات قاعدته مربعة الشكل فإذا كان حجمه ٧٢٠سم٣ وارتفاعه ٥سم أوحد مساحته الكلية.
- 🈗 أيهما أكبر حجمًا: مكعب مساحته الكلية ٢٩٤سم ً أم متوازى مستطيلات أبعاده ٧ √ ٢ ، ٥ √ ٢ ، ٥ سم.

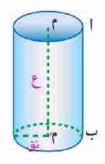


😗 قطعة من الورق المقوى مستطيلة الشكل بعداها ٢٥، ١٥سم قطع من كل ركن من أركانها الأربعة مربع طول ضلعه ٤سم. ثم طويت الأجزاء البارزة لتكون حوضًا على شكل متوازى مستطيلات، أوجد حجمه ومساحته الكلية.

الأسطوانة الدائريَّةُ القائمةُ

هي مجسمٌ له قاعدتان متوازيتان ومتطابقتان كل منهما عبارة عن سطح دائرة، أما السطحُ الجانبيُّ فهو سطحٌ منحن يسمى سطح الأسطوانة.

إذا كانت م، مَ مركزى قاعدتى الأسطوانة فإن م مَ هو ارتفاع الأسطوانة.



➡ الدائرة م اب // م م اب الدائرة م، ب ∈ الدائرة م اب // م م اب الدائرة م اب // م م اب ض الدائرة م اب الدائرة م اب // م م اب ض الدائرة م اب اب

و قطعنا سطح الأسطوانة الجانبي عند آب
 و بسطنا هذا السطح فإننا نحصلُ على سطح المستطيل أب ب اً

و يكون أب = ارتفاع الأسطوانة ، أأ = محيط قاعدة الأسطوانة.



مساحة المستطيل أب ب أ = المساحة الجانبيةُ للأسطوانة.

المساحة الجانبية للأسطوانة = محيط القاعدة × الارتفاع = ٢ تق ع وحدة مربعة

المساحة الكلية للأسطوانة = المساحة الجانبية + مجموع مساحتي القاعدتين

نق ع + ۲ π نق † وحدة مربعة π ۲ نق †

حجم الأسطوانة = مساحةُ القاعدة imes الارتفاع = π نق ع



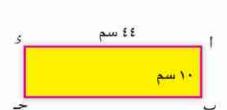


قطعةٌ من الورقِ على شكلِ مستطيل اب جرى ، فيه اب - ١٠ سم، ب جـ = ٤٤ سم، طويت على شكل أسطوانة دائرية قائمةٍ ، بحيث ينطبقُ 1 بعلى 2 جـ أوجد حجم الأسطوانة الناتجة π).

الحل

محيط قاعدة الأسطوانة = ٤٤سم.

$$= \frac{77}{\sqrt{1}} \times (\sqrt{1}) \times 10 = 100$$





- 🦫 أسطوانةٌ دائريةٌ قائمةُ، طول نصف قطر قاعدتها ١٤سم، وارتفاعها ٢٠سم. أوجد حجمَها ومساحتها الكلمة.
 - ﴿ أسطوانةٌ دائريةٌ قائمةٌ حجمها ٧٥٣٦سم ، وارتفاعها ٢٤سم أوجد مساحتها الكلية (٣,١٤ ٪ ٣)
- أيهما أكبر حجمًا: أسطوانةٌ دائريةٌ قائمةٌ طول نصف قطر قاعدتها ٧سم وارتفاعها ١٠سم، أم مكعب طول حرفه ١١سم.

الكرة

هى مجسمٌ سطحه منحنى جميع نقاط سطحه على أبعاد متساوية (نق) من نقطة ثابتة داخله (مركز الكرة).



إذا قطعت الكرة بمستوى مار بمركزها فإن المقطع دَائرةٌ مركزها هو مركز الكرة ، وطول نصف قطرها هو طول نصف قطر الكرة نق.

حجم الكرة =
$$\frac{3}{\pi}$$
 تق " وحدة مكعبة. مساحة سطح الكرة = 3 π تق " وحدة مربعة.



کرة حجمها ٥٦٢,٥ π سم 7 أوجد مساحة سطحها

الحل

"حجم الكرة =
$$\frac{\xi}{\pi}$$
 نق

$$\pi : \pi \times \frac{\xi}{\pi} = \pi \text{ ont, o}$$

$$::$$
 نق = ۵,۲۲، × $\frac{\pi}{2}$ = ۵۲۲، نق :

مساحة سطح الكرة = ٤ π نق $^{\prime}$ = ٤ imes π (٧,٥) مساحة سطح الكرة = ١



 $(\frac{77}{V} = \pi)$ سم (8,7) سم أوجد الحجم ومساحة السطح لكرة طول قطرها



رويدة الأول الدرس الحادى عشر

حل المعادلات والمتباينات من الدرجة الأولى في متغير واحد في ح

فكر وناقش

سوف تتعلم

- 🦑 حل المعادلة من الدرجة الأولى في متغير واحد.
- حل المتباينات من الدرجة الأولى في متغير واحد.

المصطلحات الأساسية

- 🖶 المعادلة.
- 🦈 الدرجة المعادلة.
 - 🤣 المتباينة.
- 🤣 الدرجة المتباينة.
 - 🦑 حل المعادلة.
 - 🥏 حل المتباينة.

أولأبحل المعادلاتِ من الدرجة الأولى في متغير واحد في ح

نعلم أن المعادلة ٣ س - ٢ = ٤ تسمى معادلة من الدرجة الأولى

حيث أن س المتغير (المجهول)

ولحل هذه المعادلة في ح

٣ س - ٢ = ٤ بإضافة ٢ إلى طرقى المعادلة

٣ س = ٦ ويمكن الضرب في المعكوس الضربي لمعامل س

$$7 \times \frac{1}{r} = mr \times \frac{1}{r}$$

.:. س_ا = ۲



و يمثل الحل على خط الأعداد كما بالشكل المقابل



﴿ ﴾ أوجد في ح مجموع حل المعادلة √ ٣ س - ١ = ٢ ومثل الحل على خط الأعداد.

الحل

$$T = 0 \quad \overrightarrow{T} \quad$$

ويمثل الحلُّ على خطَّ الأعداد على المعاد على

مجموعة الحل هي [٧] كما بالشكل المقابل.

الأعداد. على خطَّ الأعداد.
$$lacktriangle$$
 أوجد في ح مجموعةً حلَّ المعادلة س $+\sqrt{7}=1$ ، ومثل الحلُّ على خطَّ الأعداد.

الحل

وُهُا الله الدرب

🚸 🧶 أوجد في ح مجموعة الحلِّ لكلُّ من المعادلاتِ الآتيةِ ومثَّل الحلُّ على خطَّ الأعداد.

ثانيًا: حل المتباينات من الدرجة الأولى في متغيرٍ واحدٍ في ح وتمثيل الحلُّ على خطُّ الأعداد.

الخواصُّ التاليةُ تستخدم لحلِّ المتباينة في ح وتكتب مجموعة الحل على صورة فترة: إذا كانت أ، ب، جـ أعدادًا حقيقيَّة وكان أ < ب فإن:

خاصية الإضافة.

١ + ج< ب + ج.

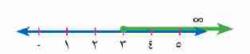
- خاصية الضرب في عددٍ حقيقيٌ موجب.
- 🕜 إذا كانت جـ> ٠ فإن أ × جـ < ب × جـ.
- خاصية الضرب في عدد حقيقي سالب.
- إذا كان جرح، فإن أ×ج>ب×ج.

و أمثلة

﴿ ﴾ الله مجموعة حل المتباينة ٢ س - ١ ≥ ٥ في ح ومثل الحل بيانيًّا.

الحل

بإضافة ١ إلى طرفى المتباينة تصبح ٢ س ≥ ٦ بضرب طرفى المتباينة في (أ > ٠) س ≥ ٣ ٠٠ مجموعة الحل في ح هي [٣ ، ص[و يمثلها الشعاع باللون الأخضر على خط الأعداد.

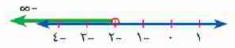


🛷 🧶 أوجد في ح مجموعةً حلَّ المتباينة ٥ - ٣ س > ١١، ومثِّل الحلُّ بيانيًّا.

الحل

بإضافة (-٥) إلى طرفي المتباينة فيكون ٣٠ س > ٦ بضرب طرفي المتباينة في (- ﴿) ينتج أن:

∴ س<-۲



أى أن مجموعة الحل في ح هي]- ∞، -٢[

ويمثلها الجزء باللون الأخضر على خط الأعداد

🛷 🧶 أوجد في ح مجموعة حل المتباينة -٣ ≤ ٢س -١ < ٥ ومثل الحل بيانيًّا

الحل

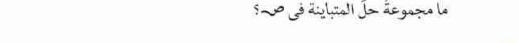
بإضافة (١) إلى حدود المتباينة -٣ + ١ \leq ٢س -١ + ١ < ٥ + ١ أى -٢ \leq ٢ س < ٦، و بضرب حدود المتباينة فى $(\frac{1}{7} > \cdot)$

-۱ ≤ س<۳

ن مجموعة الحل في ح هي [-١،٣[

و يمثلها على خطُّ الأعداد الجزءُ باللون الأخضر.

فى مثال نهم ما مجموعة حلَّ المتباينة في ط؟ ما مجموعة حلَّ المتباينة في صه؟



﴿ أوجد في ح مجموعة حل المتباينة ٢س + ٣ ﴿ ٥س + ٣ < ٢س + ٩ ومثل الحل بيانيا :

الحل

٢س+٣ ﴿ ٥س +٣ <٢س +٩ بإضافة (-٢س)

٣ ﴿٣ س + ٢ < ٩ بإضافة (٣٠)

٠ اس حدود المتبالة

۰ ≤س ۲۶

مجموعة الحل في ح هي [٢،٠]





العلاقة بين متغيرين





ربع^{بدة الثا}نية الدرس الأول

العلاقة بين متغيّرين

فکّر وناقش

سوف تتعلم

- العلاقة بين متغيرين من الدرجة الأولى.
- التمثيلُ البيانيُ للعلاقة بين
 متغيرين من الدرجة الأولى.

مصطلحات أساسية

- 🖔 متغير.
- 🦑 علاقة.
- 🤣 معادلة من الدرجة الأولى.





يمتلك شخصٌ آوراقاً مالية فئة ٥٠ جنيها، وأوراقاً مالية فئة ٢٠ جنيها، فإذا اشترى هذا الشخص جهازًا كهر بائنًا ثمنه ٣٩٠ جنيها.

فكر: كم عدد الأوراق من كل نوع التى يعطيها للبائع؟ <u>شالسات</u>

نفرض أن س: عدد الأوراق فئة ٥٠ جنيهًا، فتكون قيمتها ٥٠س جنيهًا. وأن ص: عدد الأوراق فئة ٢٠ جنيهًا، فتكون قيمتها ٢٠ص جنيهًا.

والمطلوب: معرفة س، ص التي تجعل: ٥٠س + ٢٠ص = ٣٩٠

تسمى هذه العلاقة معادلة من الدرجة الأولى، في متغيرين يمكن قسمة طرفي المعادلة على ١٠ فنحصل على معادلة مكافئة لها، وهي:

الحظ أن: كل من س، ص أعداد طبيعية، وفي هذه الحالة تكونَ س عددًا فرديًّا.

يمكن تكوينُ الجدولِ المقابل لمعرفة الإمكانات المختلفة وهي:

(س،ص)	ص	w
(17.1)	17	1
(17.71)	١٢	٣
(V (O)	V °	٥
(Y (V)	۲	٧
Violes	سالية	٩

٥ جنيهًا،	رقة واحدة فئة ٠	يعطى الباثع ور
	٢ جنيهًا.	١٧ ورقة فئة ٠

أو ٣ ورقات فئة ٥٠ جنيهًا ، ١٢ ورقة فئة ٢٠ حنمهًا.

أو ٥ ورقات فئة ٥٠ جنيهًا ، ٧ ورقات فئة ٢٠ حنيهًا .

أو ٧ ورقات فئة ٥٠ جنيهًا ، ورقتين فئة ٢٠ جنيهًا.



- المركز مع شخص أوراقٌ ماليةٌ فئة ٥ جنيهات، وأوراقٌ ماليةٌ فئة ٢٠ جنيهًا. اشترى هذا الشخص من المركز التَّجارى بما قيمته ٧٠ جنيهًا، ما الإمكانات المختلفة لدفع هذا المبلغ باستخدام نوعى الأوراق المالية التي معه؟
- مثلثٌ متساوى الساقين، محيطه ١٩ سم، ما الإمكاناتُ المختلفةُ لأطوالِ أضلاعه، علمًا بأن أطوالَ أضلاعه ∈ صم.

المخط أن: مجموع طولي أي ضلعين في المثلث أكبر من طول الضلع الثالث.

دراسة العلاقة بين متغيرين

اس + ب ص = جـ حيث ا + ٠، ب + ٠ تسمى عَلاقة خطية بين المتغيرين س، ص

ويمكن إيجادُ مجموعةٍ من الأزواج المرتبة (س، ص) تحقُّق هذه العلاقةَ.

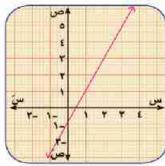
مثلا:

بدراسة العلاقة ٢س - ص = ١

وهكذا نجدُّ أن هناك عددًا لانهائي من الأزواج المرتبة التي تحقِّق هذه العلاقة.

لاحظ أن:

- يمكن تمثيلُ العلاقة ٢س ص = ١، بيانيًا باستخدام بعض الأزواج
 المرتبة التي حصلنا عليها.
- كل نقطة ∈ الخط المستقيم باللون الأحمر، يمثلها زوجٌ مرتبٌ يحقِّق العَلاقة ٢س – ص = ١.





🥠 أوجد أربع أزواج مرتبة تحقق كلًّا من العَلاقات الآتية ، ومثلها بيانيًّا:

- 🤫 إذا كان (٣٠،٢) تحقق العلاقة ٣ س + ب ص ١٠، فأوجد قيمة ب.
- إذا كان (ك، ٢٤) تحقق العلاقة س + ص = ١٥ ، فأوجد قيمة ك.

التمثيل البياني للعلاقة بين متغيرين

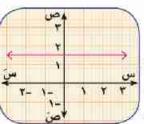
العلاقة السبب ص = ج الحيث أ، ب كلاهما معًا * و تسمى علاقة بين المتغيرين س ، ص ويمثلها بيانيًا خط مستقيم.

> اذا كانت ا= ٠ يمثلها مستقيمٌ يوازي محور السينات.

مثلاً: العلاقة ٢ ص = ٣

يمثلها الخط المستقيم باللون الأحمر وهو يمر بالنقطة (٠٠ 🚡) ويكون

موازيًا لمحور السينات.



مثلا: العلاقة س = -٢ يمثلها الخط المستقيم باللون الأحمر وهو يمر بالنقطة (٢٠، ٠) ويكون موازيًا لمحور

حالة خاصة:

الصادات.

العلاقة س = • يمثلها محور الصادات.

اذا كانت س= ٠

يمثلها مستقيمٌ يوازى محور الصادات.

حالة خاصة:

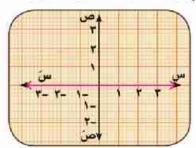
الغَلاقة ص = • يمثلها محور السينات.



🕩 مثل بيانيًّا كلَّا من العلاقات الآتية:

الوحدة الثانية: الدرس الأول

🤫 أوجد العلاقةَ التي يمثلها الخطُّ المستقيمُ باللونِ الأحمرِ في كلًّا من الشكلين التاليين:







مثل بيانيًّا العلاقة: س + ٢ ص= ٣

الحل

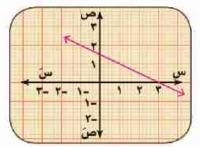
يمكن اختيارُ مجموعةٍ من الأزواج المرُّتبة التي تحقِّق هذه العلاقة:

مثلا: بوضع ص = ٢ .. س = ١٠ (٢،١٠) يحقق العلاقة

بوضع ص = ٠ ـ ن س = ٣ ـ (٠٠٣) يحقق العلاقة

بوضع ص = -١ ١٠ س = ٥ (٥٠٠١) تحقق العلاقة وهكذا ...

و يمكن وضعُ هذه النتائج في صورة جدولٍ كالتالي:





وتمثل هذه العلاقةُ الخطُّ المستقيمَ باللون الأحمر.

ناقش مع معلمك:

- 🐠 ماذا تلاحظُ على تغير قيمة ص كلما زادت قيمة س؟
- متى يمرُّ الخطُّ المستقيمُ الممثل للعلاقة أس + ب ص = جـ بنقطة الأصل ؟

ميل الخطِّ المستقيم وتطبيقاتُ حياتية

رروبدة الثانيخ الدرس الثانئ الثانئ

فکّر وناقش

سوف تتعلم

- 🤣 ميل الخطِّ المستقيم .
- بن تطبيقات حياتية على ميل الخطّ المستقيم.

مصطلحات أساسية

- 🕹 ميل.
- 🍜 میل موجب.
- 💤 ميل سالب.
- 🤣 الميل يساوي صفرًا.
 - 🤣 الميل غير معرف.

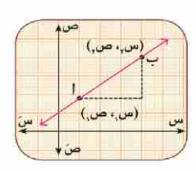
أذا الحظنا تحرَّك نَقطة على خطِّ مستقيم من الموضع أ(س، ص) إلى الموضع ب (س، ص) حيث س, > س,

وكل من أ، ب ∈ المستقيم فإن:

التغيُّر في الإحداثي السيني = س، - س،

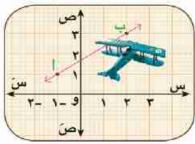
ويسمى بالتغير الأفقي

التغير في الإحداثيّ الصاديّ = ص, - ص، و يسمى





في الأمثلةِ الآتية ستدرس الحالاتِ المختلفة للتغير الرأسي (ص. - ص.):





$$\frac{r}{r} = \frac{1-r}{(1-r)} = \frac{r}{r}$$
 فإن: ميل أب

تلاحظ أن:

- 🕥 تحركت نقطة أعلى الخطُّ المستقيم لأعلى لتصلّ إلى نقطة ب.
 - 🕜 الميل موجب. 🕜 ص ۽ > ص ِ



إذا كانت: أ (٠،٢)، ب (٢،١)

تلاحظ أن:

- 🐠 تحركت نقطةُ أعلى المستقيم لأسفل لتصل إلى نقطة ب.
 - o من حص في الميل سُالب.



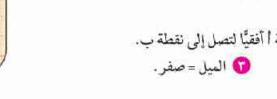
إذا كانت: | (١٠، ٢) ، ب (٢،٢)

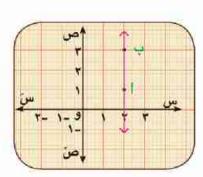
فإن: ميل أب =
$$\frac{r-r}{(1-)} = \frac{-abc}{2} = -abc$$

نلاحظ أن

- 🕔 تحركت نقطة أ أفقيًّا لتصل إلى نقطة ب.
 - 🕜 ص = ص 🕜 الميل = صفر.

المُهُمُ مثال ع





إذا كانت: أ = (٢، ١)، ب(٢، ٣) فإننا لانستطيع حسابَ الميل؛ لأن تعريفَ الميل يشترطُ وجودَ تغيرِ في الإحداثيُّ السينيُّ. أى: س, - س, ≠ ٠

وتلاحظ أن:

- نحركت نقطةُ أرأسيًّا لتصل إلى نقطة ب.
- 🕜 الميل غير معرف. 🕜 س = س

الوحدة الثانية: الدرس انثائي



- 🐠 في كلُّ من الحالاتِ التالية، أوجد ميلَ المستقيم أبُّ.
 - 🕩 أ (۱، ۲)، ب (۰، ۰)
- (۱- ،٤) ب (۱- ،۲) 💠
- 🚓 ا (۱۰، ۲)، پ (۲، ۱)
- 🍲 ا (۲،۳)، ب (۲،۲)
- اذا كانت ا (٢، -١)، ب (٣، ٢)، ج (٤، ٥)، أوجد ميل كل من أب ، ب ج، أج ، ومثل كلاً منهما يبانيًّا ماذا تلاحظ؟
 - 🦈 اختر الإجابة الصحيحة من بين القوسينِ أمامَ كلُّ عبارةٍ:

أولاً: الجدولُ الآتي يبين علاقة س، ص، وهي:

(ص=س+٤ أو ص=س+١ أو ص=٢س-١ أو ص=٣س-١)

ثانيًا: إذا كان (٢، ٥٠) يحقِّق العلاقة ٣س - ص + جـ = ٠ فإن جـ =

ثَالثًا: (٣، ٢) لا يحقق العَلاقة (ص+س=٥ أو ٣ص-س=٢ أو ص+س=٧ أو ص-س=١)

رابعًا: تستهلك آلةٌ للريِّ ٢,٤٧ من اللتر من السولار؛ لتشغيلها ٣ ساعات، فإذا عملت الآلة ١٠ ساعات، فإنها تستهلك من اللتر من السولار. (٧,٢ أو ٨ أو ٨,٤ أو ٩,٦)

﴿ أُوجِد ميل المستقيم أَبُّ حيث أ (-١، ٣)، ب (٢، ٥) هل النقطة جــ (٨، ١) ∈ أَبُّ

تطبيقاتُ حياتيةً على ميل الخطُ المستقيم

تطبيق (١)

الشكلُ المقابلُ: يوضَّح تغيرَ رأسٍ مالِ شركةٍ خلال ٨ سنوات.

- الله أوجد ميلَ كلُّ من أب ، ب ج، جك ما دلالة كلُّ منها؟
 - ب احسب رأس مال الشركة عند بدء عملها.

الحل



میل ب ج =
$$\frac{7 - 7}{1 - 2}$$
 = صفر
میل ج ک = $\frac{7 - 7}{1 - 2}$ = -0

أُولًا: ميل = أب = ٢٠-٦٠ وهو يعبر عن تزايد رأس مال الشركة خلال السنوات الأربعة. الأولى بمعدل ١٠ آلاف وهو يعنى أن رأس مال الشركة كان ثابتًا خلال السنتين الخامسة والسايسة.

وهو يعبر عن تناقص رأس مال الشركة خلال السنتين الأخيرتين بمعدل ٥ آلاف جنيه،

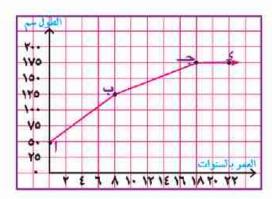
ثانيًا: رأسٌ مال الشركة عند بده العمل = الإحداثي الصادي لنقطة أ = ٢٠ ألف جنيه.



الشكلُ المقابلُ بوضِّحُ العلاقة بين طولِ شخص (بالسنتيمتر) وعمره بالسنوات.

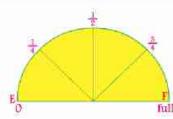
أولاً: أوجد ميلَ كلُّ من أبُّ، بُجُّ، جُـكُ وما دلالةُ

ثانيًا: احسب الفرقَ بين طول هذا الشخص عندما كان عمره ٨ سنوات، وطوله عندما كان عمره ٣٠ سنة.



تطلبق (٢)

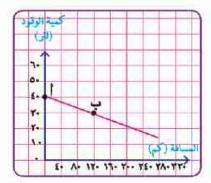
ملاً حازم خزانَ سيارته بالوقود، وسعةُ هذا الخزان ٤٠ لترًا ، وبعد أن تحرك ١٢٠ كم ، وجد أن المؤشِّر يوضُّح أن المتبقى ٢ٍ سعة الخزان، ارسم الشكل البيانيّ الذي يوضّح العَلاقة بين كميةِ الوقود بالخزان والمسافة التي قطعتها السيارة (علما بأن هذه العلاقة خطية)، واحسب المسافة التي تقطعُها السيارةُ حتى يفرغ الخزانُ.



الحل

عند البدء: (ن، ٤٠) الله عن الفرد المعندة المنصدة

هذا الميلُ يعني أن كميةَ الوقودِ بالخزان تنقصُ بمعدلِ لترِ واحد کل ۱۲ کم.



يفرغ الخزانُ عندما تقطعُ السيارةُ مسافةً =
$$\frac{كمية الوقود}{4\pi} = \frac{3}{4\pi}$$
 يفرغ الخزانُ عندما تقطعُ السيارةُ مسافةً = $\frac{3}{4\pi}$ = $\frac{3}{4\pi}$ = $\frac{3}{4\pi}$ = $\frac{17}{4\pi}$ = $\frac{17}{4\pi}$

المطلوب. اب يقطع مُحور المسافة في النقطة (٤٨٠، ٠) وهي تعبّر عن المطلوب.

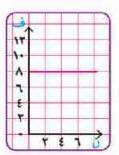
🧇 فى الشكل المقابل:

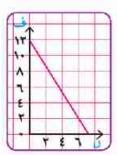
الحل

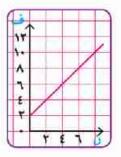
إحداثي ن = (٣،٣)

$$1-=\frac{\xi}{\xi_{-}}=\frac{\gamma-\gamma}{\gamma-\gamma}=\frac{4}{\gamma-\gamma}$$
میل م ن

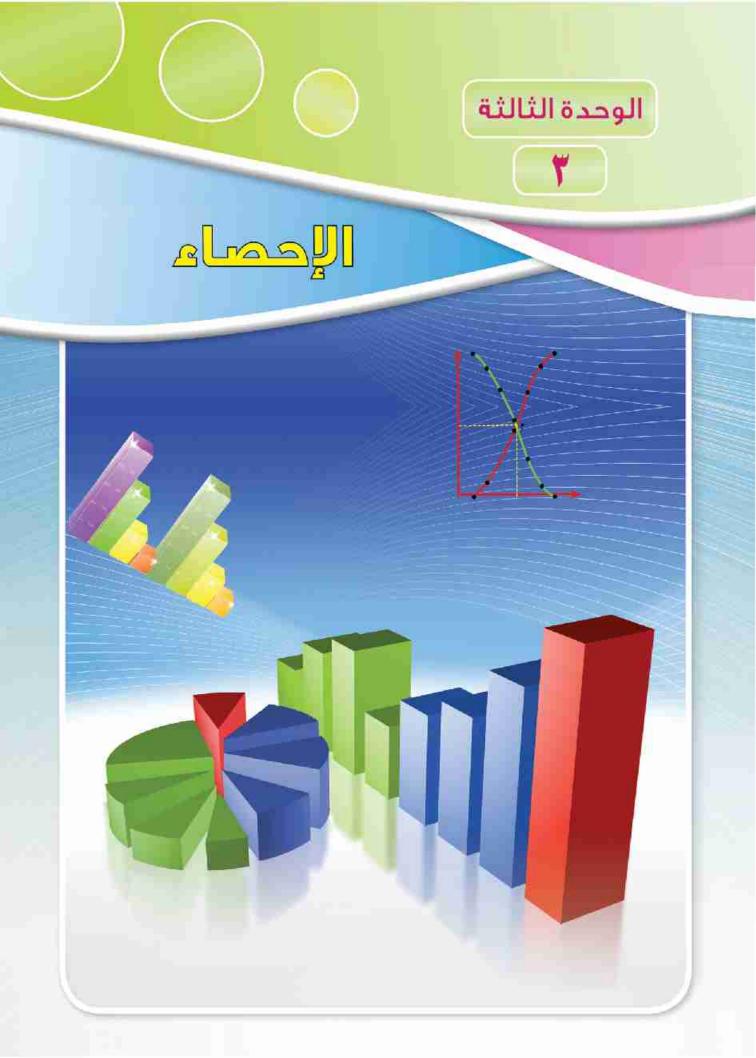
كلُّ من الأشكال التالية يوضُّحُ العلاقة بين المسافة ف (بالمتر) والزمن ن (بالثانية) لجسم. حدد موضعُ الجسمِ عند بدأ الحركة، وعند ن = ٦ ثوان ، وأوجد ميلُ المستقيم في كلُ حالةٍ (ماذا يمثل الميل؟).







ناقِشُ معلمك في حل رقم 🐠



ربع^يدة الثالث الدرس الأول

جمع البيانات وتنظيمها

فكّر وناقش

إذا بحثت ظاهرةَ التكدُّس المرورى وطرق علاجه:

- 🤨 ما مصادرُك للحصول على البيانات؟
- كيف يمكنك جمعُ البياناتِ حول هذه الظاهرة؟
- أو ما الطرقُ الإحصائيةُ التي سوف
 تستخدمها لتحليل البيانات؟
- 🏺 هل تستطيعُ تفسير النتائج التي توصلت إليها؟
- 🧚 ما مقترحاتُك لعلاج هذه الظاهرة وتحقيق السيولة المروريَّة؟

🕠 جمع البيانات 🕠

عمل تعاوني مع زملائك في جمع البيانات من مصادرها بتوزيع الأدوار:

- 1 المجموعة الأولى: اجمع بيانات ابتدائية عن الظاهرة محل الدراسة عن طريق استبيان تدور أسئلته حول (وسيلة المواصلات المستخدمة في التنقل حالة الطرق زمن التكدس المروري وجود إشارات استرشادية على الطرق التواجد الأمنى).
- المجموعة الثانية: اجمع بيانات ثانوية عن الظاهرة محل الدراسة من
 النشرات المرورية الإنترنت مصادر الإعلام.
- المجموعة الثالثة: لاحظ أى الطرق أكثر ازدحامًا، وسلوك قائدى السيارات والتزامهم بقوانين المرور، ومدى التزام المشاة بآداب الطريق، وعبور الطرق من المناطق المعدة لعبور المشاة.

سوف تتعلم

 كيفية جمع البيانات وتنظيمها
 في جـداول تكرارية ذات مجموعات.

المصطلحات الأساسية

- 🖑 جمع البيانات.
- 🤣 تنظيم البيانات.
- 🥰 جدول تکراری ذو مجموعات.



تنظيم وتحليل البيانات

تعاون مع زملائك في إعداد جدول تكراريُّ لوسيلة المواصلات التي يستخدمها زملاؤك.

المجموع	سيرًا على الأقدام	دراجة	تاكسى	سپارة خاصة	حافلة	مترو	وسيلة المواصلات
	200000000						التكرار

حدِّد الوسيلة الأكثر استخدامًا (المنوال)

- 🐠 هل هذه الوسيلةُ مناسبةٌ؟ هل تساعدُ في علاج ظاهرة التكدُّس المروري؟ لماذا؟
 - 🤨 ما مقترحاتُك لعلاج هذه الظاهرة في ضوء ماتوصلت إليه من نتائج؟

🥏 تنظيمُ البيانات وعرضها في جداول تكراريَّة 🕒

مثال مثال

فيمايلي بيان بالدرجات التي حصل عليها ٣٠ طالبًا في إحدى الاختبارات

17 9 1V	N٣	٧	Ť.	٨	٥	٤	V	٧.	· V
9	15	17	10	٩	41	17	YA.	٩	۲
IV	۸	15	۳	NE.	٩	۳	19	18	0

المطلوب: تكوين الجدول التكراري ذي المجموعات لهذه البيانات.

الحل

لتكوين الجدول التكراري ذي المجموعات نتبع الخطوات التالية:

أولاً: نوجد أكبر قيمة لهذه البيانات و أصغر قيمة لها؟

باعتبار مجموعة البيانات السابقة هي س

فإن: س_ = (س: ۲ ﴿ س ﴿ ١٩}

أى أن: قيم سـ تبدأمن ٢ وتنتهي عند ١٩

أى أن: المدى = أكبر قيمة - أصغر قيمة = ١٩ - ٢ = ١٧

ثانيًا: تجزَّأ المجموعة سـ إلى عدد من المجموعات الجزئية و المتساوية المدى وليكن ٦ مجموعات.

 $\frac{1}{2}$ مدى المجموعة = $\frac{1}{2}$ تقترب من $\frac{1}{2}$

ثالثًا: تصبح المجموعاتُ الجزئية كالتالي.



	-1	المجموعة الثالثة
وهكذا	-11	المجموعة الرابعة

- 1	المجموعة الأولى
-0	المجموعة الثانية

لاحظ أن ٢ - معناها مجموعة البيانات الأكبر من أو تساوى ٢ والأقل من ٥ وهكذا. رابعًا: تسجل البيانات في الجدول التالي:

التكرار	العلامات	المجموعة
٤	1111	- Y
4	1 1111	-0
٧	// ///	- ^
٨	111 1941	- 41
*	111	- 18
*	//	- \V
Y-1		المجموع

خامسًا: يحذف عمود العلامات من الجدول فنحصل على الجدول التكراري ذي المجموعات، ويمكن كتابته رأسيًّا أو أفقيًّا والصورة الأفقية للجدول هي كالآتي:

المجموع	- VV	- NE	-44	- A	= 0	- 7	المجموعة
۳.	7	٣	٨	V	7	٤	التكرار

وبدة الثالق الدرس الثاني

الجدول التكراري المتجمع الصاعد والجدول التكراري المتجمع النازل وتمثيلهما بيانيًا

فكّر وناقش

سوف تتعلم

- کیفیة تكوین كل من الجدول التكراري المتجمع الصاعد والنازل.
- 🧬 التمثيل البياني لكلُّ من الجدول التكراري المتجمع الصاعد والنازل.

المصطلحات الأساسية

- 🦪 توزیع تکراری.
- 🧬 جدول تکراری.
- 💤 جــدول تــكــرارى متجمع
- 🖑 جدول تکراری متجمع نازل.
- 🖑 منحنی تـکـراری متجمع
- 🖑 منحنی تکراری متجمع نازل.

أولاً: الجدولُ التَّكراريُّ المتجمعُ الصاعد وتمثيله بيانيًا



يبين الجدول الآتي التوزيعَ التكراريُّ لأطوال ١٠٠ تلميذ بالسنتيمترات في إحدى المدارس:

(مجموعات) الطول بالسنتيمتر	-110	-17-	-170	-17-	-140	-12.	-120	المجموع
عدد التلاميذ (التكرار)	٨	17	13	**	١٨	14	٧	٧٠.

- 🚸 ما عددُ التلاميذ الذين تقل أطوالهم عن ١١٥ سم؟
- ما عددُ التلاميذ الذين تقل أطوالهم عن ١٣٥ سم؟
- 🦈 ما عددُ التلاميذ الذين تقل أطوالهم عن ١٤٥ سم؟

كوِّن الجدولَ التكراريُّ المتجمعُ الصاعد لهذه البيانات ومثله بيانيًّا

الحل

هل يوجد تلاميذ تقل أطوالهم عن ١١٥ سم؟ لا هل يوجد تلاميذ تقل أطوالهم عن ١٣٥ سم؟ وما عددهم؟ نعم ، ٦٢ تلميذًا. كيف توجد عدد التلاميذ الذين تقل أطوالهم عن ١٤٥ سم؟ نجمع عدد

التلاميد في مجموعات الطول الأقل من المجموعة ١٤٥

و الآن للإجابة عن التساؤلات السابقة بطريقة أكثر سهولة نكون الجدولَ التكراريُّ المتجمّع الصاعدَ ، وذلك كالتالي:

جدول التكرار المتجمع الصاعد					
التكرار المتجمع الصاعد	الحدود الغليا للمجموعات				
صفر	أقل من ١١٥				
8	أقل من ١٢٠				
۲.	أقل من ١٣٥	4			
79	أقل من ١٣٠				
77	أقل من ١٣٥				
۸٠	آقل من ۱٤٠				
٩٣	أقل من ١٤٥				
X +	آقل من ۱۵۰				

	التكرار المتجمع الصاعد	الحدود العليا للمجموعات
	0	أقل من ١١٥
	(A) = A + .	أقل من ١٢٠
și 📗	(F) = 17 + (A)	أقل من ١٣٥
	(P) = 19 + (P)	أقل من ۱۳۰
	(F) + 77 = (T)	أقل من ١٣٥
	A = AA = AA	أقل من ١٤٠
	(4) = 17 + (A)	أقل من ١٤٥
1	1. = V + 97	أقل من ١٥٠

ولتمثيل الجداولِ التكراريِّ المتجمِع الصّاعد بيانيًّا:

- 🐠 نخصص المحور الأفقيُّ للمجموعاتِ والمحورَ الرأسيُّ للتُّكرار المتجمع الصاعد.
- نختار مقياسًا للرسم على المحور الرأسى بحيث يتسع المحور للتكرار الكلى المتجمع الصاعد عدد عناصر المجموعة.
 - 😙 نمثل التكرارَ المتجمعَ الصاعد لكل مجموعة ونرسم الخط البياني لها بالتتابع.



ثانيًا الجدولُ التكرارقُ المتجمعُ النازل وتمثيله بيانيًا ؛

من التوزيع التكراري السابق ، والذي يبين أطوال ١٠٠ طالب بالسنتيمترات في إحدى المدارس.

أوجد: عدد التلاميذ الذين أطوالهم ١٥٠ سم فأكثر.

عدد التلاميذ الذين أطوالهم ١٤٠سم فأكثر.

عدد التلاميذ الذين أطوالهم ١٢٥سم فأكثر.

كؤن الجدول التكراري المتجمع النازل، ثم مثله بيانيًّا.

الحل

لايوجد تلاميذ أطوالهم ١٥٠سم فأكثر.

عدد التلاميذ الذين أطوالهم ١٤٠ سم فأكثر هو ٧ + ١٣ = ٢٠ طالبًا

عدد التلاميذ الذين أطوالهم ١٢٥سم فأكثر هو

أكمل: ١٩ + + + =

للإجابة عن هذه التساؤلات بصورة أكثر سهولة نكون الجدول التكراري المتجمع النازل كالآتي:

جدول التكرار المتجمع النازل					
التكرار المتجمع الصاعد	الحدود السفلى للمجموعات				
A	١١٥ فأكثر				
97	۱۲۰ فاکثر				
N*	١٢٥ فأكثر				
73	١٣٠ فأكثر				
FA	١٣٥ فأكثر				
V.	١٤٠ فأكثر				
y	١٤٥ فأكثر				
صفر	١٥٠ فأكثر				

التكرار المتجمع	الحدود السفلى
الخازل	للمجموعات
(1) = \(\Lambda\) + (1)	١١٥ فأكثر
(A)+ 71 = (A)	۱۲۰ فأكثر
(1) + P1 = (1)	١٢٥ فأكثر
(I) = YY + (FA)	۱۳۰ فأكثر
(N) = 1A + (F.)	١٣٥ قاكثر
(F) = 17 + (V)	۱٤٠ فأكثر
V = V +.	١٤٥ فأكثر
0	۱۵۰ فأكثر

ولتمثيل هذا الجدول بيانيًّا نتبع نفس خطوات تمثيل الجدول التكراري المتجمع الصاعد ، وذلك لنحصل على التمثيل البياني التالي:





الجدول الآتي يمثل التوزيع التكراري لأعمار ٥٠ عاملا بأحد المطابع :

- 0 +	- £0	- £ •	- 70	-7.	- ۲0	- 7 -	المجموعات
0	+	٩	70.000	3.	٧	٦	التكرار

المطلوب:

- 🚺 أكمل الجدول.
- 🥥 ارسم في شكل واحد المنحني التكراري المتجمع الصاعد والمنحني التكراري المتجمع النازل لهذا التوزيع. عن الرسم أوجد:

 - أولا : عدد العمال الذين أعمارهم أكبر من ٣٥ سنة.
 - ثانيا : عدد العمال الذين أعمارهم أصغر من ٤٥ سنة.

ناقِشُ معلمك في الحل



الوسط الحسابي - الوسيط -المنوال

فكر وناقش

أولاً: الوسطُ الحسابيُّ

سبق أن درستَ كيفية إيجاد الوسط الحسابي لمجموعة من القيم وعلمت أن:

الوسط الحسابى = مجموع فيم المفردات عدد هذه المفردات

فمثلاً: إذا كان أعمار ٥ تلاميذ هي ١٦، ١٥، ١٦، ١٧، ١٤ سنة فإن:

الوسط الحسابى لأعمارهم = $\frac{11+01+11+11+11+11}{0}$ = $\frac{0}{0}$ = 01 سنة

لاحظ أن: ١٥ × ٥ = ١٣ + ١٥ + ١٦ + ١٠ + ١٧

الوسط الحسابى: هو أبسط المتوسطات جميعًا ، وأكثرها تداولًا ، وهو القيمة التى لو أعطيت لكل مفردة من مفردات المجموعة لكان مجموع هذه القيم الجديدة هو نفس مجموع القيم الأصلية، ويمكن حسابه بجمع قيم المفردات كلها ثم نقسم على عدد المفردات.

سوف تتعلم

- کیفیة إیجاد الوسط الحسابی
 من جـدول تـکـراری دی
 مجموعات
- کیفیة حساب الوسیط من جدول تکراری ذی مجموعات ،
- کیفیة حــسـاب المنوال
 مــن جـــدول تــکــراری ذی
 مجموعات.

المصطلحات الأساسية

- 🤣 وسط حسابي.
 - 🦈 وسيط.
- 🤣 مدرج تکراری.
 - 🦈 منوال .

إيجادُ الوسط الحسابي لبيانات من جداول تكرارية ذات مجموعات:

كيف يمكن إيجاد الوسط الحسابى للتوزيع التكرارى الآتى:

المجموع	-0-	- € •	- *-	= 7 -	-44	المجموعات
y	10	**	40	۲-	1.	التكرار

لاحظ: لإيجاد الوسط الحسابي لتوزيع تكراري ذي مجموعات نتبع الخطوات التالية:

🚺 نحدًّد مراكزً المجموعات:

مركز المجموعة الأولى = ٢٠+١٠ = ١٥ . مركز المجموعة الثانية = ٣٠+٢٠ = ٢٥ ... وهكذا ونظرًا لأن مدى المجموعات الجزئية متساو، وكل منها = ١٠ نعتبر الحدِّ الأعلى للمجموعة الأخيرة = ٦٠ فيكون:

مرکزها =
$$\frac{70+00}{7}$$
 = ٥٥

🕜 نكون الجدولَ الرأسي الآتي:

التكرار	مركزالمجموعة ×	التكرار	مركز المجموعة	المجموعة
ك	×	실	è	
1	\o+	4.	10	=1,0
	0 * *	٧.	70	- 7 -
	AVo	70	۳۰	- Y v
	150.	٣.	£o	- 1 -
	Aro	10	00	-0-
	TV	1		المجموع

الوسطُ الحسابيُّ =
$$\frac{عجموع (ك × م)}{\text{مجموع ك}}$$
 = ∇



- إذا كان الوسطُ الحسابيُّ لدرجات تلميذ في الخمسة أشهر الأولى هي ٢٣,٨ فما الدرجة التي يجب أن
 يحصل عليها في الشهر السادس ليكون الوسط الحسابي لدرجاته ٢٤ درجة؟
 - 🦈 فيما يلى التوزيع التكراري لأوزان ٣٠ طفلًا بالكيلوجرامات.

المجموع	- ٣٠	- ۲٦	-77	-14	- 11	-1.	-7	الوزن بالكيلو جرام
۳.	۲	٤	7	٨	2000	٣	(¥	التكرار

أكمل الجدول ثم أوجد الوسط الحسابي لهذا التوزيع.

ثانيًا: الوسيط

هو القيمةُ التي تتوسط مجموعةَ المفردات بعد ترتيبها تصاعديًّا أو تنازليًّا بحيث يكون عددُ القيم الأصغر منها مساويًا لعدد القيم الأكبر منها.

إيجادُ الوسيط لتوزيع تكراريُّ ذي المجموعات بيانيًا:

- 🕥 ننشأ الجدولَ التكراريُّ المتجمعَ الصاعدَ أو النازل ، ثم نرسُم المنحني التَّكراري المتجمع له.
 - نحدٌد ترتيب الوسيط = مجموع التكرارات .
 - نحدُّد النقطة أعلى المحور الرأسي (التكرار) والتي تمثُّل ترتيب الوسيط.
- 🚯 نرسمُ مستقيمًا أفقيًّا من نقطة أ فيقطع المنحني في نقطة نرسم منها عمودًا على المحور الأفقى ؛ ليقطعه في نقطة تمثل الوسيط.



التوزيعُ التكراريُّ الآتي يبين درجات ٦٠ طالبًا في أحد الاختبارات

المجموع	-77	-44	-14	-18	-1-	:-7	-۲	المجموعات
7.5	٣	0	1.	10	15	٩	Ä	التكرار

أوجد الوسيط لهذا التوزيع مستخدمًا جدول التّكرار المتجمع الصّاعد.

الحل

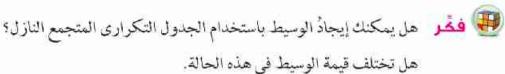
- ٢٠ = 7. الجدولَ التكراريُ المتجمعَ الصاعد. ◊ نوجد ترتيب الوسيط = 7. ٢٠ = ٢٠
 - 😙 نرسم المنحني التّكراري المتجمعَ الصاعد ومن الرسم نوجد الوسيط.

7.				
٥-		,		
£+ ,		/		
۲.		/		
٧٠	,			
١-		Y	ت	مجبوعا

التكرار المتجمع الصاعد	الحدود العليا للمجموعات
صفر	أقل من ٣
٦	أقل من ٦
10	أقل من ١٠
TV	أقل من ١٤
۲3	أقل من ١٨
٥٢	أقل من ۲۲
٥V	أقل من ٢٦
٦.	أقل من ٣٠

من الرسم الوسيط = ١٤٫٨ من الدرجة





مثال ۲

التوزيعُ التكراري الآتي يبين الأجر اليومي لعدد ١٠٠ عامل في أحد المصانع.

المجموع	- 2 -	- 70	- t -	- 40	-¥.	- 10	الأجر بالجنيه (المجموعات)
1	٨	¥.•	70	**	10	X •	عدد العمال (التكرار)

المطلوب:

- 🦠 رسم المنحنيين المتجمع الصاعد والنازل لهذا التوزيع معًا.
 - 🤏 هل يمكن إيجادُ الأجر الوسيط من هذا المنحني؟

الحل

التكرار المتجمع	الحدود السفلى للمجموعات
5.,	١٥ فأكثر
9+	٢٠ فأكثر
٧٥	٢٥ فأكثر
٥٣	٣٠ فأكثر
۲۸	٣٥ فأكثر
۸	٤٠ فأكثر
صفر	ه٤ فأكثر

التكرار المتجمع	الحدود العليا للمجموعات
صفر	أقل من ١٥
٧٠.	أقل من ٢٠
70	أقل من ٢٥
٤٧	أقل من ٣٠
٧٢	أقل من ٣٥
9.5	أقل من ٤٠
7	أقل من ٤٥

لاحظ أن:

المنحنى التكراري المتجمعُ الصاعُد يتقاطعُ مع المنحنى التَّكراري المتجمع النازل في نقطة واحدة هي نقطة م .



الوحدة الثالثة الدرس الثالث

الإحداثي الرأسي لنقطة م = ٠٠

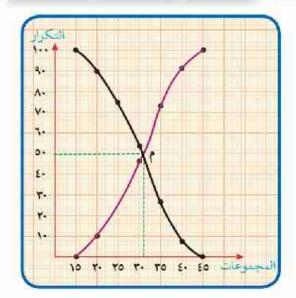
= ترتيب الوسيط

الإحداثيُّ الأفقيُّ لنقطةٍ م يعين الوسيط

كل ١٠مم من المحور الأفقى تمثل ٥ جنيهات أكمل ٢ مم تمثل

الأجر الوسيط = ۳۰ + $\frac{7 \times 6}{1}$ = ۳۱ جنيهًا.







المجموع	-75	- ۲0	- 7 -	- 10	1/4	- 0	المجموعات
0-	7	Y-:	W	A:	-7	£	التكرار

ثالثًا: المنوال

هو القيمةُ الأكثرُ شيوعًا في مجموعة المفردات أي القيمة التي تتكرَّر أكثر من غيرها من القيم.



الجدولُ الآتي يبين التَّوزيعَ التكراريُّ لدرجات ٤٠ تلميذًا في أحد الاختبارات.

-77	-77	-1A	=12	-V·	37	=	المجموعات
*	٥	v	Y.	۸	٥	٣	التكرار

أوجد المنوالَ لهذا التُّوزيع بيانيًّا.

الحل

يمكن إيجادُ المنوال لهذا التوزيع بيانيًّا باستخدام المدرِج التكراريُّ ، وذلك كالآتي:

أُولاً: ارسم المدرج التكراريُّ

نرسم محورين متعامدين أحدهما أفقيًا لتمثيل المجموعات، والآخر رأسيًا لتمثيل تكرارِ كل مجموعة.



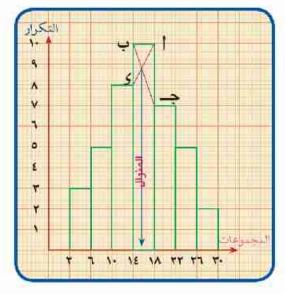
- 🔞 نقسم المحورَ الأفقيُّ إلى عددٍ من الأقسام المتساويةِ بمقياس رسم مناسبٍ لتمثيلِ المجموعات.
- و نقسم المحور الرأسيَّ إلى عددٍ من الأقسامِ المتساوية بمقياسِ رسمٍ مناسَّبِ بحيث يمكن تمثيلُ أكبر تكرارٍ في المجموعات.
 - 🔞 نرسم مستطيلًا قاعدته هي المجموعة (٢-) وارتفاعه يساوي التكرار (٣).
- 🧿 نرسم مستطيلاً ثانيًا ملاصقًا للمستطيل الأول قاعدته هي المجموعة (٦-) وارتفاعه يساوي التكرار (٥).
 - 🕥 نكرًر رسم باقى المستطيلات المتلاصقة حتى آخر مجموعة (٢٦-).

ثانيًا: إيجاد المنوال من المدرج التكراري:

لإيجاد المنوال من المدرج التَّكرارى نلاحظُ أن المجموعة (١٤ -) المجموعة (١٤ -) وتسمى المجموعة المنوالية. لماذا؟

نحدد نقطة تقاطع 15 ، ب جمن الرسم، ونسقط منها عمودًا على المحور الأفقى يحدد القيمة المنوالية للتوزيع.

من الرسم ما القيمةُ المنوالية؟

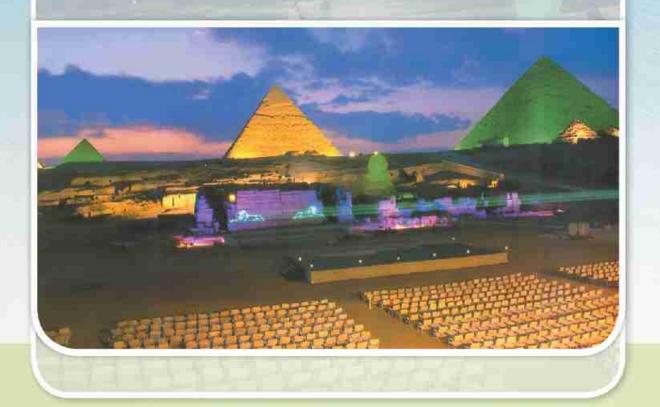


ناقِشْ معلمك في الحل

الوحدة الرابعة

٤

والمثلك المتساوي الساقيين والمثلك المتساوي الساقيين



ربع^{دة الرابي} الدرس الأول

متوسطات المثلث

فكر وناقش

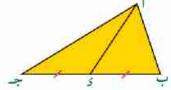
سوف تتعلَّم

- 🖑 متوسطات المثلث
- 🧬 المثلث الثلاثيني الستيني.

المصطلحات الأساسية

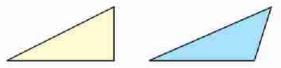
- 🖑 متوسط للمثلث.
- 🥰 مثلث ثلاثيني ستيني

متوسط المثلث هو القطعة المستقيمة المرسومة من رأس المثلث الى منتصف الضلع المقابل لهذا الرأس.



فى △ أب ج: نك منتصف ب جـ في كون 1 و متوسط للمثلث - ماعدد متوسطات أي مثلث؟

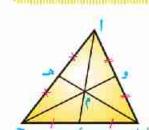
- ارسم المتوسطات في كل من المثلثات التالية:





نظرية (۱)

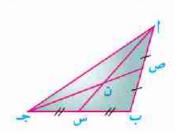
متوسطات المثلث تتقاطع جميعا في نقطة واحدة





في الشكل المقابل:

اب جـ مثلث فيه س منتصف ب جـ ، ص منتصف ا ب ، ا س n جـ ص= {ن}.

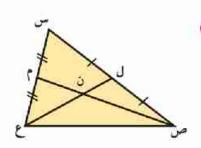


$$\frac{1}{7} = \frac{\dot{0}}{\dot{0}}$$
، $\frac{1}{7} = \frac{\dot{0}}{\dot{0}}$ ، $\frac{1}{7} = \frac{\dot{0}}{\dot{0}}$ اذا كانت قياساتك دقيقة فإن $\frac{\dot{0}}{\dot{0}}$

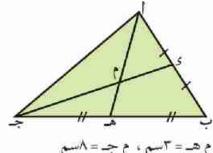
نظریة (۲)

تقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلاً منها بنسبة ١: ٢ من جهة القاعدة أو بنسبة ٢ : ١ من جهة الرأس



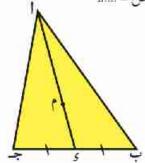


ل ع = ١٥ سم ، ص م = ١٨ سم ، س ص = ٢٠ سم



1 ك متوسط في △ ابج،م ∈ 1 ك.

م تكون نقطة تقاطع متوسطات المثلث أب ج. .



مثال (۱)

في الشكل المقابل:

أثبت أن: أو = و ك

البرهان: في 🖊 أب جـ ك

··م منتصف ا جـ

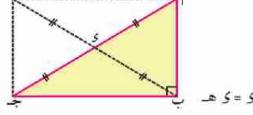
ن كرم متوسط للمثلث

· . جو متوسط للمثلث ، و منتصف | 5

نظریة (۳)

طول متوسط المثلث القائم الزاوية الخارج من رأس القائمة يساوى



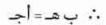


بى متوسط فى △ أب جـ المطلوب: إثبات أن: ب ٤ = ﴿ ا جـ

العمل: نرسم بكّ ونأخذ نقطة هـ ∈ بكّ بحيث ب ٤ = ٤ هـ

البرهان

- : الشكل أب جه فيه آج ، به ينصف كل منهما الآخر
 - ٠٠ الشكل أب جـ هـ متوازى أضلاع
- ن الشكل أب جده مستطيل
- ∵ ق (∠پ) = ۹۰°

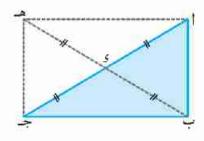


$$\Rightarrow \uparrow \frac{1}{7} = 5 + \therefore \qquad \Rightarrow \frac{1}{7} = 5 + \therefore$$

عکس نظریة ۳



إذا كان طول متوسط المثلث المرسوم من أحد رؤوسه يساوى نصف طول الضلع المقابل لهذا الرأس فإن زاوية هذا الرأس تكون قائمة



المعطيات: أب جـ مثلث، بك متوسط ، وأ = و ب = و جـ المطلوب: إثبات أن ق (\ ا ب جـ) = ٩٠ العمل: نرسم بو ونأخذ نقطة هـ ∈ بو بحيث ب و = و هـ البرهان:

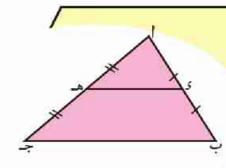
- : بوء = + به = + اج
 - ∴ بھے اجہ
- ت الشكل أب جـ هـ فيه اجـ ، ب هـ متساويان في الطول وينصف كل منهما الآخر
 - الشكل أب جدهد مستطيل
 - ∴ ق (∠اب ج)= ۹۰ =

وهو المطلوب





طول الضلع المقابل لزاوية قياسها ٣٠° في المثلث القائم الزاوية يساوى نصف طول الوتر



نخکر آن فی المثلث اب جر إذا کانت ی منتصف آب، هرمنتصف آجر فإن

- **۵** ک هـ= ۲ ب جـ
- 😗 و هـ // بج

ربوبدة الرابي الدرس الثاني

المثلث المتساوى الساقين

فكر وناقش

سوف تتعلم

- 🧬 خـواصً المثلثِ المتساوى الساقين.
- تصنيفات المثلث المتساوى الساقين.

المصطلحات الأساسية

- 🤣 مثلث متساوى الساقين.
- 🦑 مثلث متساوى الأضلاع.
- 🤣 مثلث مختلف الأضلاع.

صنَّف حسب أطوالِ أضلاعها إلى ثلاثة أنواع:	علمت أن المثلثاتِ ت
---	---------------------

مثلث متساوى الأضلاع	مثلث متساوى الساقين	مثلث مختلف
(متطابق الأضلاع)	(متطابق الضلعين)	الأضلاع
ب اب=اج=بج	ب کے ا	بر اب + ب ج اب + ا ج ب ج + ا ج

في الشُّكل المقابل:

لاحظ أن: الضلعين | ب | ج متطابقان (متساويان في الطول).

ساق ساق پ

لذلك يسمى المثلث أب جـ بالمثلث الساقين وتسمى النقطة أرأس المثلث، بجـ قاعدته والزاويتان ب، جـ زاويتا قاعدة المثلث

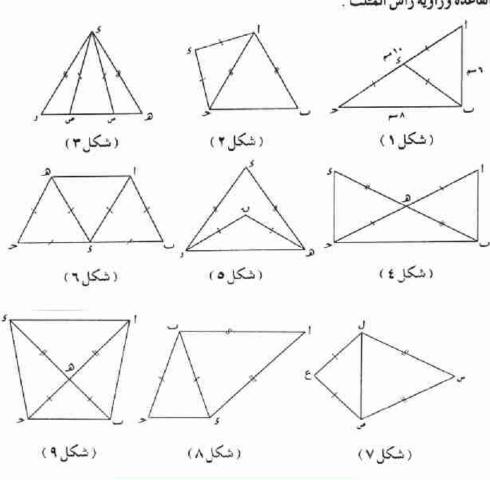
خواصُ المثلُّثِ المتساوى الساقين

في أيُّ مثلثٍ متساوى الساقين:

- 🔾 مانوع كل من زاويتي القاعدة؟ (حادة قائمة منفرجة)
 - 🔾 مانوع زاوية الرأس؟



في كل من الأشكال الآتية اذكر المثلثات المتساوية الساقين وحدد قاعدتها ثم لاحظ نوع زاويتي القاعدة وزاوية رأس المثلث .



نَافِشُ مع معلمك في الحل

رويدة الرابي الدرس الثالث

نظريات المثلث المتساوى الساقين

فكر وناقش

سوف تتعلم

- العَلاقة بين زاويتي القاعدة في المثلث المتساوي الساقين.
- 🍼 العلاقة بين قياسات زاويا المثلَّث المتساوي الأضلاع.
- العَلاقة بين الضّلعين المقابلين لزاويتين متساويتين في مثلث.
- 🧬 إذا تطابقت زوايا مثلث فإنه يكون متساوى الأضلاع.

المصطلحات الأساسية

- 🦑 مثلث متساوى الساقين.
 - 🥏 زاويتا القاعدة.

هل توجد عَلاقةٌ بين قياس زاويتي القاعدة في المثلث المتساوي الساقين؟ للتعرُّف على ذلك قم بالنشاط التالي:



باستخدام الفرجار

- 🕥 ارسم عدة مثلثاتٍ متساوية الساقين كما يوضِّح ذلك الرسم المقابل حيث اب = اج.
 - 🕜 🧷 أوجد باستخدام

المنقلة قياس كل من زاويتي القاعدة 🔼 أب ج، 🖊 ا جب.

😙 سجُّل البيانات التي حصلت عليها في جدول كالآتي، وقار نبين القياسات في كلُّ حالة.

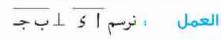
ق (١١٤٠)	ق (١١٠٠)	رقم المثلث
		Y
		۲
		٣

- 🚯 احفظ نشاطَك في ملف الإنجاز
- هُمُ نظرية (۱)

أزاويتا القاعدة في المثلث المتساوي الساقين متطابقتان

المعطيات: أب جامثلث فيه أب ≡ [جا

المطلوب: إثبات ان 🛆 ب 🖃 جـ



البرهان : المثلثان أى ب، أى جه قائما الزاوية فيهما

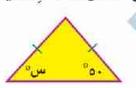
$$\therefore \triangle \mid 2 \rightarrow \exists \triangle \mid 2$$
 (وتروضلع) $\therefore \triangle \mid 2 \rightarrow \exists \triangle \mid 3$ وينتج من التَّطابق أن $\triangle \neq \exists \triangle \neq \exists \triangle$



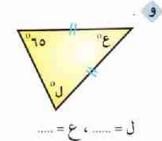
🦠 في كلُّ من الأشكالِ الآتية أوجد قيمَة الرمز المستخدم في قياس الزاوية:

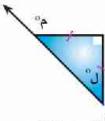


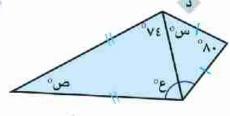




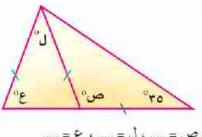


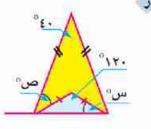




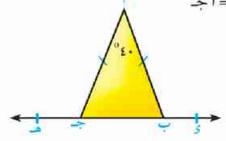


س = ، ص = ، ع =









🐠 فَكِّر ﴿ هَلَ مَكْمَلَاتُ الزَّوَايَا المُتَسَاوِيَةَ فَى القَيَاسِ تَكُونَ مُتَسَاوِيَّةَ القَيَاسِ؟

نتبحة

إذا كان المثلث متساوى الأضلاع فإن زواياه الثلاثة تكون متطابقةً ويكون قياسُ كلُّ منها ٠٦٠



مثال (۱)



في الشِّكل المقابل: أب جه مثلث متساوى الأضلاع. و ∈ بج بحث ب حـ = حـ و .



المعطيات: اب = بج = ج ا = جرى، و ∈ بج

البرهان : ١٠ أب جامتساوي الأضلاع.

في △ احدو

من (۱)، (۲) پنتج أن: ق (\triangle د ای)= ق (\triangle د ک ا) = ۳۰

لاحظ أن: قياسُ أي زاوية خارجة للمثلث يساوي مجموع قياسي الزاويتين الداخلتين عدا المجاورة لها.



(f)
$$(-2 + 2) = 0$$

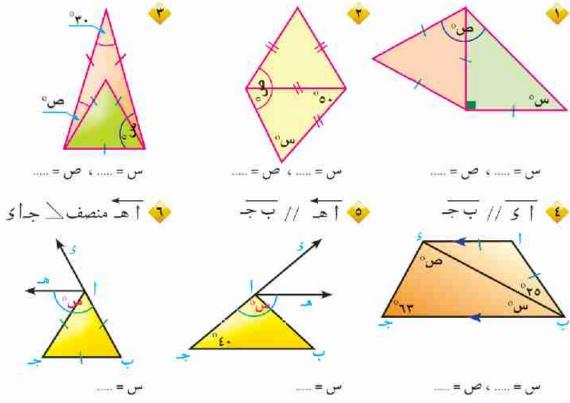
بجمع (١) ، (٢) ينتج أن:

$$o_{1}(\triangle + o_{2}(\triangle + o_{3}(\triangle + o_{4}(\triangle + o_{4$$





في كلٌّ من الأشكالِ الآتية أوجد قيمةَ الرمز المستخدم لقياس الزاوية:



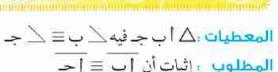
(∠ ب)= و ۱ (∠ ج) = ۰۰ ثم قس المثلث اب جافيه ب جاء ۷ سم، و ۱ (∠ ب) = و ۱ (∠ ج) = ۰۰ ثم قس طول كل من اب، اج، كرر النشاط باختيار قياسات أخرى لطول بج وقياس زاويتي ب، جـ و أكمل الجدول:

اج	اب	و (﴿ جِ)	ق (كب)	بچ	رقم المثلث
********	MINIMUT.	۰۵٠	00.	٧سم	X
**********				A CONTRACTOR	Y .
**********	**********			, modern	٣
********			in the contract of	(Thirties)	£.

- هل طول اب = طول اج ؟
 هل اب ≡ اج ؟
 - 🦈 كيف يمكنك تفسيرُ هذه النتائج هندسيًّا؟

إذا تطابقت زاويتان في مثلث فإن الضلعين المقابلين لهاتين الزاويتين يخونان

<mark>متطابقین ، ویکون المثلث متساوی الساقین.</mark>



العمل انتصف عب اجالمنصف الح يقطع بجفي ك

$$1 \ge \frac{1}{2}$$
 od $2 \le \frac{1}{2}$ ob $2 \le \frac{1}{2$

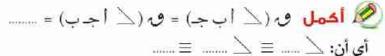
وينتج من التطابق أن 🏿 🔻 🖹 🔫 و يكون \ اب جـ متساوى الساقين.

نتيجة

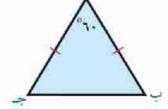
إذا تطابقت زوايا مثلث فإنه يكون متساوى الأضلاع.

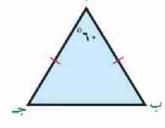
في الشَّكل المقابل أب حامثلث متساوى الساقين فيه:

اب=اح، ق (كساح)=٥٠٠



∴ △ابج هو مثلث



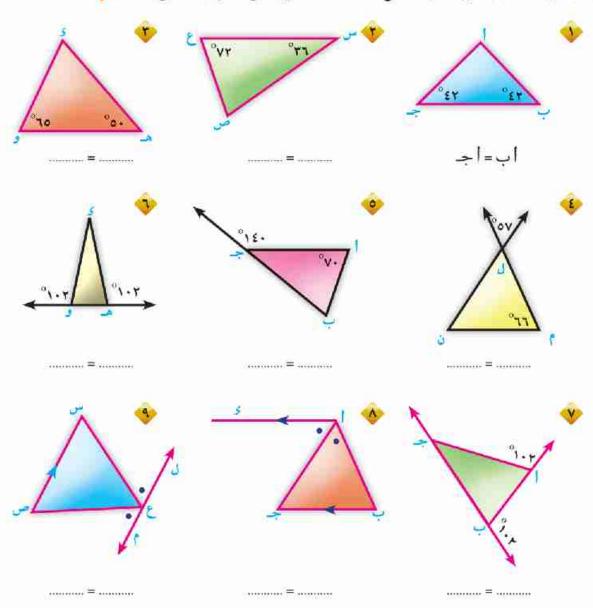


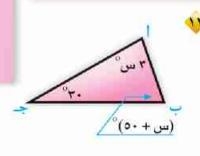


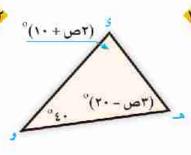
لاحظ أن: المثلث المتساوي الساقين الذي قياس إحدى زواياه 20° يكون متساوي الأضلاع.

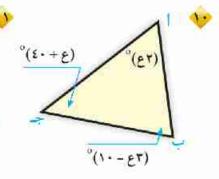


في كلِّ من الأشكال الآتيةِ اكتب أضلاع المثلث المتساوية في الطول كما في المثال 🧆 :









...... =

مُ امثلة امثلة



فى الشَّكل المقابل: أب جـ مثلث فيه أب = أج، س ص // ب جـ

🏉 اثبت أن 🛆 أس ص متساوى الساقين.

المعطيات: أب=أج، س ص // بج.

المطلوب : إثبات أن أس = أص

البرهان :في∆اب جـ ∵اب=اجـ

(۱) .. ق (∠ ابج) = ق (∠اجب)

ن س ص // بجر، أب قاطع لهما

.. قه (∠ اس ص) = قه (∠اب جـ) بالتناظر (٦)

بالمثل : س ص // بج، أج قاطع لهما

.. قه (∠ اصس) = قه (∠اجب) بالتناظر (۳)

من (۱)، (۲)، (۳) ينتج أن:

ق (∠اسس) = ق (∠اسس)

في △ اس ص

· • • (∠ اس ص) = • • (∠ا ص س)

ن اس = اص

أى أن المثلث أس ص متساوى الساقين

وهو المطلوب

🐠 فَكُر هل يمكنُ استنتاجُ أن س ب = ص جــ؟ فسر إجابتك.

🤫 فى الشكل المقابل:

اب جـ مثلث قائم الزاوية في ب، ق (ک جـ) = ٣٠، ك ∈ اجـ بحيث ك ب= ك جـ

اثبت أن △ أب ي متساوى الأضلاع.

المعطیات: ق (∠ اب ج) = ۹۰°، ق (∠ ج) = ۳۰°، و ب= ۶ ج

المطلوب : إثبات أن أب = ب ك = أ ك

البرهان ؛ في △ ک ب جـ ''ک ب= ک جـ

.. ق (∠وبج)=ق (∠ج)=°°

في △اب ج ∵ ق (∠اب ج) = ۹۰۰، ق (∠ ک ب ج) = ۳۰۰

.. ق (∠بای) =۰۳۰ - ۳۰۰ = ۰۲۰ (۱)

:: ∠اوبخارجة عن ۵بوج

.. es (∠ 12 ب) = es (∠ 2 + es (∠ 2 + es)

ق (∑او ب ۳۰ + ۳۰ = ۱۰ ° + ۱۰ ° (۱)

في △ أب ك ن مجموع قياسات زوايا △ الداخلة = ١٨٠٠

..وۍ (ک اب ک) = ۱۸۰۰ - (°۲۰ + ۲۰۰) - °۱۸۰ ک (۳)

من (۱). (۲). (۳) . ق ((اب ی) = ق ((ای ب) = ق (((ا

 $1 \ge 1$ ان ≤ 1 اب و ≥ 1 اوب

.. المثلث أب و متساوى الأضلاع أي أن أب = ب و = أ و .

ربهدة الرابي: الدرس الرابع

نتائج على نظريات المثلث المتساوى الساقين

فكر وناقش

سوف تتعلم

المثلث على نظرياتِ المثلث المثلث المثلث المتساوى الساقين.

المصطلحات الأساسية

- 🤣 مثلث متساوى الساقين.
 - 🦊 منصف زاوية الرأس.
 - 🐉 منصف قاعدة المثلث.
 - 🦑 محور تماثل القطعة المستقيمة.

نتيجة (۱)

متوسَّطُ المثلث المتساوى الساقين المرسوم من الرأس ينصف زاوية الرأس ويكون عموديًا على القاعدة

في الشُّكل المقابل

- △ اب جـ فيه اب= ا جـ
 - ، أ ك متوسط فيه
- فإن: ا ک ينصف \ باج

لاحظ أن: △ أو ب = △ أو جد لماذا؟

نتيجة (٢)

منصفُ زاوية الرأس فى المثلث المتساوى الساقين ينصفُ القاعدة ويكونُ عموديًا عليها.

66

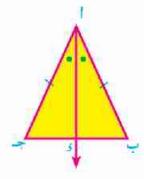
في الشكل المقابل:

△ اب جفیه اب = ا جـ ،

ا ک ينصف ∠باج

فإن و منتصف بج، ا ح ل بج

لاحظ أن △ أو ب = △ أو جد لماذا؟



نتيجة (٣)

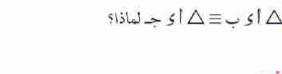
المستقيمُ المرسومُ من رأس المثلث المتساوى الساقين عموديًا على القاعدة ينصف كلاً من القاعدة وزاويةالرأس.



في الشُّكل المقابل:

$$\triangle$$
 | \bigcirc |

لاحظ أن △ أ و ب = △ أ و جد لماذا؟





في الشُّكل المقابل:

ا ب جـ ك شكل رباعي جميع أضلاعه متساوية في الطول. هذا الشكل يسمى معين ، قطراه أجر ، بك

يتقاطعان في نقطة م.



هل قطرا المعين متعامدان؟

هل قطرا المعين ينصف كل منهما الآخر؟

هل قطر المعين ينصف زاويتي الرأس الواصل بينهما؟ سجِّل إجابتك.

محاورُ التَّماثل 🌕

أولاً: محورُ التماثل للمثلث المتساوى الساقين

محور تماثل المثلث المتساوى الساقين هو المستقيمُ المرسوم من رأسه عموديًّا على قاعدته.



$$\triangle$$
 | \bigcirc |

فإن أ كم هو محور تماثل للمثلث أب جالمتساوي الساقين.

ناقش:

هل يوجدُ للمثلثِ المتساوى الساقين أكثرُ من محور تماثل؟

كم عددُ محاور التماثل في المثلث المتساوى الأضلاع؟

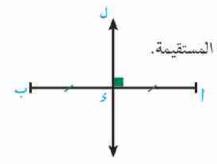
هل توجد للمثلثِ المختلفِ الأضلاع محاورٌ تماثل؟

ثَانيًا: محور تماثل القطعة المستقيمة:

يسمى المستقيم العمودي على قطعة مستقيمة من منتصفها محور تماثل لهذه القطعة المستقيمة وللاختصار يسمى محور القطعة المستقيمة.

في الشُّكل المقابل:

إذا كانت كو منتصف $\overline{1+}$ ، المستقيم ل \bot $\overline{1+}$ حيث كو \in ل فإن المستقيم ل هو محور $\overline{1+}$

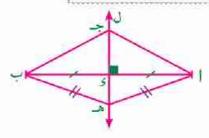


احاصيَّة هامة 🕌

أيُّ نقطةٍ على محور تماثل القطعة المستقيمة تكون على بعدين متساويين من طرفيها.

لاحظ أن:

- ١٤١ كانت جـ ∈ ل فإن أ جـ = ب جـ
- ٢٥ إذا كان هـ أ = هـ ب فإن هـ ∈ ل لماذا؟





مثال مثال

🤨 في الشُّكل المقابل

🈗 في الشَّكل المقابل



المعطیات: اب=اج،
$$|\overline{z} \perp \overline{+}$$
 ، ق (\leq با و) = ۲۰° ، ب ج= ٤ سم المعطیات: اب=اج، اج، طول \overline{z} جـ ،

الوحدة الرابعة الدرس الرابع

البرهان ؛ في △ أب جـ

۲ اب=اج، ۱ ک ل بج

· ا ر ا عنصف القاعدة بج وينصف \ باج

.. ق (∠ و اج) = ق (∠ و اب) = ۲۰،

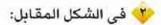
و ج = الم ب ج = الم = ٢ ma.





س ص = س ل ، ع ص = ع ل ، ل م = ص م

🥬 أثبت أن س، م، ع على استقامة واحدة.

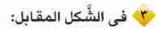


ب و = جـ هـ

ق (∠ابج)=ق (∠اجب)

ور (<u>ک</u> ی) = ور (<u>ک</u> هـ) = ۹۰

 $(\triangle) = 0$ $(\triangle) = 0$

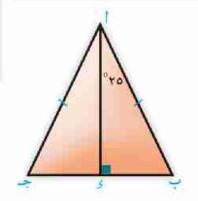


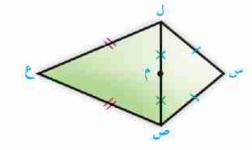
اب=اج، <u>و هـ // اب</u>

و و // اجـ

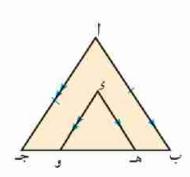
اثبت: أولًا: 5 هـ = 5 و

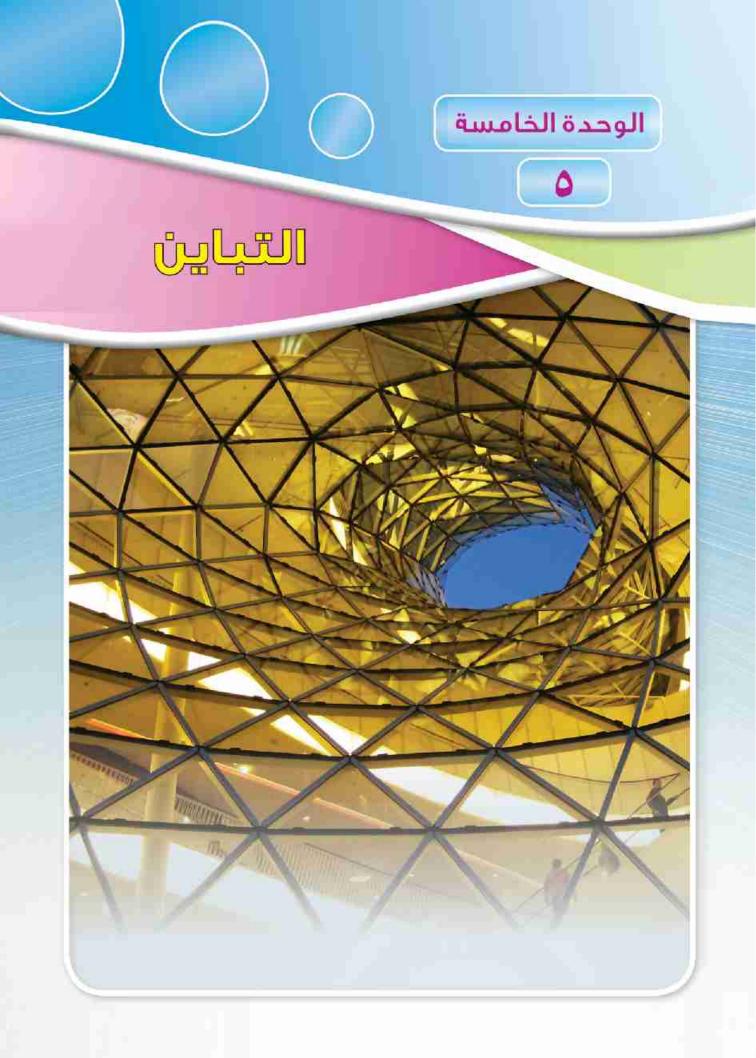
ثانيًا: ق (عرب اج) = ق (عدر و)











الدرس التباين الأول

فكر وناقش

مفهوم التباين

- 🕔 هل جميعٌ تلاميذ فصلك لهم نفس الطول؟
- 🔞 هل هناك اختلافٌ بين قياسِ الزاوية الحادَّة والزاوية القائمة والزاوية المنفرجة؟

ماذا يعنى هذا الاختلاف؟

لاحظ أن:

التباين يعنى وجودً اختلافٍ في أطوال التلاميذ، وفي قياسات الزوايا، و يعبِّر عنه بعَلاقة التباين ، والتي تستخدم للمقارنة بين عددين مختلفين.



- 🐠 إذا كانت: 🖊 اب جـ حادة فإن: ق ا 🗘 اب جـ) < ٩٠٠
- 😗 في الشكل المقابل: أب جـ مثلث فيه ا پ = ځسم، پ جـ = ۳,۵ سم، ا جـ = ځ , ۲ سم فإن: اب>بج، بج>اج

ای ان اب>بج>اج

سوف تتعلق

- 🦪 مفهوم التباين،
- 🦪 مسلماتُ التباين.

المصطلحات الأساسية

- 🗗 تباین
- 🤣 مسلمة
- 🤣 أكبر من 🤝
- 🧳 أصغر من <
- 🗳 يساوى =

وَقُواكُمُ تَدرِب

لاحظ أن: جميعُ العلاقاتِ السابقة تسمى متباينات.

مسلماتُ التباين

لأيُّ ثلاثة أعداد س ، ص، ع:

- إذا كان: س > ص
 فإن: س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع > ص + ع
 فلاد كان س + ع
- **() إذا كان:** س > ص فإن: س-ع > ص-ع
- (۲) إذا كان: س> ص، ع عددًا موجبًا فإن: سع> صع
 - آذا گان: س > ص ، ص > ع
 فإن: س > ع
 - إذا كان: س>ص، ا>بفإن: س+ ا> ص+ب

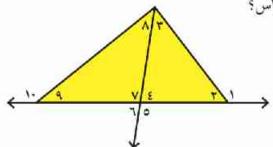
س ص س + ع ص + ع

- س + ع ص + ع
- س ع ص ع
- $\frac{1}{7} = 8$ $3 = \frac{1}{7}$ 4 = 7 7 = 7 7 = 7 8 = 7
- س ص ع

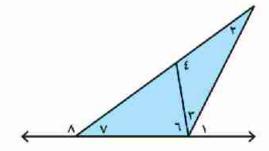


🐠 في الشكل المقابل: أي من الزوايا التالية لها أكبر قياس؟

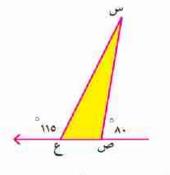




🤫 في الشكل المقابل عين:



🤫 رتُّب قياساتِ زوايا المثلث أب جـ تصاعديًّا، قياسات زوايا المثلث س ص ع تنازليًّا.



- ق (∠...)>ق (∠...)>ق (∠...)
- ق (∠...)<ق (∠...)<ق (∠...)
- ﴿ فَي الشُّكل المقابل: جـ ∈ أَبُّ ، و ∈ أَبُّ
 - فإذا كان: أب > جـ ر
 - فإن: أجــــب

مثال مثال

في الشكل المقابل:

ق (∠اجب)>ق (∠ابج)، وب= وج

اثبت أن: ق (اجرى > ق (اب ي

المعطیات: ق (\leq اجب)>ق (\leq ابج)، وب= وجـ

البرهان: ∵وب=وج

ق (∠اجب) -ق (∠ کجب) >ق (∠ابج) -ق (∠ کبج)

∴ ق (\(\sum | \(\sum \) > ق (\(\sum | \sum \) وهو المطلوب

ويدة الخاملاة الدرس الثاني

المقارنة بين قياسات الزوايا في المثلث

فكر وناقش

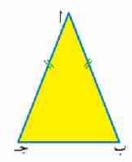
سوف تتعلم

🧬 المقارنة بين قياسات الزوايا في المثلث،

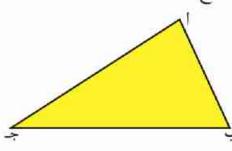
المصطلحات الأساسية

- 🦸 زاوية .
- 🧬 قياس زاوية.
- 🤣 أكبر زاوية في مثلث .
- 🦈 أصغر زاوية في مثلث .
 - 🤣 أكبر ضلع في مثلث .
- 🖑 أصغر ضلع في مثلث .

نشاط 🔘



- 🕥 في الشكل المقابل: أب جـ مثلث متساوى الساقين فيه أب= أج
- عند طى المثلث بحيث ينطبق الرأس ب على الرأس ج،
- ماذا تلاحظ على قياس الزاو يتين ب، جـ المقابلتين للضلعين إج. أب المتساويين في الطول؟
- عند طى المثلث بحيث ينطبق الرأسين أ، ج. ، ماذا تلاحظ على قياس الزاويتين المقابلتين للضلعين ب جه، إب المختلفين في الطول؟
- 🤣 هل اختلاف طولا ضلعين في المثلث يؤدي إلى اختلاف قياسا الزاو يتين المقابلتين لهما؟
 - 🕜 ارسم المثلث أب جـ مختلف الأضلاع.



- 💤 إطوى المثلث بحيث ينطبق الرأس أعلى الرأس ب ماذا تلاحظ على قياس الزاو يتين أ، ب المقابلتين للضلعين ب جه، اج المختلفين في الطول؟
- 🦑 كرر هذا العمل بحيث ينطبق الرأس ب على الرأس جـ ماذا تلاحظ؟
 - 🦑 هل يوجد في هذا المثلث زوايا متساوية في القياس؟





ارسم المثلث إب ج مختلف الأضلاع ثم قس أطوال أضلاعه الثلاثة ، وقياسات زواياه المناظرة ثم أكمل الحدول التالي:

قياسات الزوايا المقابلة	أطوال الأضلاع
ق (∠ج) = °	اب =م
ق (∠۱)=°	ب جـ = سم
ق (∠ب) =	جا =م

ماذا تلاحظ؟



نظریة (۳)

إذا اختلف طولا ضلعين في مثلث فأكبرهما في الطول يقابله زاوية أكبر في القياس من قياس الزاوية المقابلة للأخر.

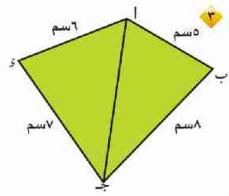
(1)

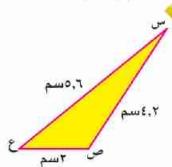


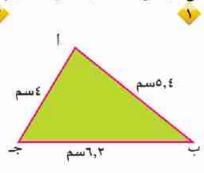




في كل من الأشكال التالية اكمل باستخدام (>،<)



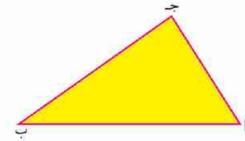




$$\mathfrak{G}(\triangle 1)$$
 $\mathfrak{G}(\triangle +)$ $\mathfrak{G}(\triangle 3)$ $\mathfrak{G}(\triangle 0)$ $\mathfrak{G}(\triangle +1+)$... $\mathfrak{G}(\triangle +1+)$... $\mathfrak{G}(\triangle 1)$ $\mathfrak{G}(\triangle 1)$... $\mathfrak{G}(\triangle 1)$

لاحظ أن: قياس أكبر زاوية في المثلث > ٦٠ " قياس أصغر زاوية في المثلث < ٦٠ لماذا؟





اب جـ مثلث فيه اب > ب جـ > جـ ا

برهن أن: ق (﴿ جِ) > ق (﴿ أَ) > ق (﴿ بَ

المعطيات: ا ا > ب ج > جـ ا

المطلوب: إثبات أن ق $(\angle =) > 0$ $(\angle |) > 0$ $(\angle |) > 0$

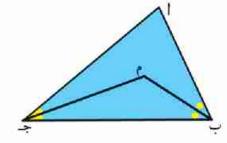
البرهان: في∆ابج

من (١)، (٢) وباستخدام مسلمات التباين ينتج أن:

تذكر أن: أكبر أضلاع المثلث طولاً يقابل أكبر زوايا المثلث في القياس وأصغر أضلاع المثلث طولاً يقابل أصغر زوايا المثلث في القياس.



في الشَّكل المقابل:



اب جـ مثلث، ب م ينصف ∠ اب جـ، جـ م ينصف ∠ ا جـ ب فإذا كان: م جـ > م ب

(اجب) وہ (ابج) ہرھن أن: (

المعطیات: o n ینصف o 1 اب جہ جم ینصف o 1 اجب ، م جہ م ب

المطلوب: إثبات أن ق (ابج) > ق (اجب)

البرهان: في∆م بج

 $0.06 (\angle q + =) > 06 (\angle q = +)$ (1)

∵مج>مب فی ۵ ابج

(r) $(-1) = \frac{1}{7} e^{-\frac{1}{7}} (-1) = \frac{1}{7} e^{-\frac{1$

ن من (۱)، (۲)، (۳): $\frac{1}{7}$ و $(\angle | + + +) > \frac{1}{7}$ و ر $(\angle | + + +) > \frac{1}{7}$ من مسلمات التباین

∴ ق (\(_ | ب ج) > ق (\(_ | ج ب))



المقارنة بين أطوال الأضلاع في المثلث

فكر وناقش

سوف تتعلم

المقارنة بين أطوال الأضلاع
 في مثلث،

المصطلحات الأساسية

- 🖑 أطول ضلع في مثلث.
- 🖑 أصغر ضلع في مثلث.
- 🥙 أكبر زاوية في مثلث.
- 梦 أصغر زاوية في مثلث،
- 🤣 قطعة مستقيمة عمودية.

نشاط ا فى الشكل المقابل: أب جـ مثلث زواياه مختلفة فى القياس. اطو المثلث بحيث ينطبق الـرأس أ

على الرأس ب. ماذا تلاحظ على طولى الضَّلعين بج ، أج المقابلين للزاويتين أ، ب المختلفتين في القياس؟

- 🤣 كرر هذا العمل بحيث ينطبق الرأس ب على الرأس ج، ماذا تلاحظ؟
 - ك عندما ينطبق الرأس جـ على الرأس أ، ماذا تلاحظ؟
 - 🤣 هل يوجد في هذا المثلث أضلاع متساوية في الطول؟

لاحظ أن: إذا اختلفت قياسات زوايا المثلث تختلف أطوال أضلاعه المقابلة لهذه الزوايا.

القياس، ثم قس أطوال الأضلاع المقابلة وأكمل الجدول الآتى:

أطوال الأضلاع المقابلة له	قياسات الزوايا
ب جـ = سم	°= (/∠) •°
جا =سم	ق(∠ب) =*
اب =سم	ق(∠ج)=*

ماذا تلاحظ؟

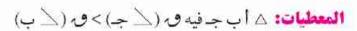
- هل أكبر زاوية في القياس يقابلها أكبر ضلع في الطول؟ وأصغر زاوية في القياس يقابلها أصغر ضلع في الطول؟
- هل يمكن ترتيبُ أطوالِ أضلاع المثلث تصاعديًا أو تنازليًّا تبعًا لقياسات الزوايا المقابلة لها؟



نظرية (٤)

إذا اختلف قياسا زاويتين في مثلث فأكبرهما في القياس يقابلها ضلغُ أكبر

في الطول من الذي يقابل الأخرى .



المطلوب: إثبات أن: اب> اجـ

البرهان: ت اب، اج قطع مستقيمة

٠٠ يجب أن تتحقق إحدى الحالات التالية:

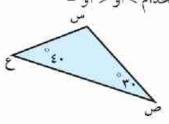
إذا لم تكن أب > أج

وهذا يخالف المعطيات حيث إن ق (\leq ج) > ق (\leq ب)

وهذا يخالف المعطيات حيث أن ق (
$$\leq$$
 جـ) > ق (\leq ب)

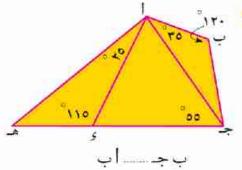


في الأشكال التالية أكمل باستخدام > أو < أو = س



س ص س ع ص ع س ص

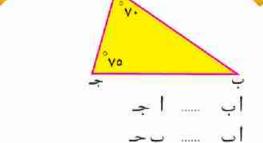
صع سع

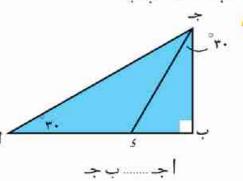


ب بـ بـ جـ ک جـ ا

ا کاهـ

جـ دا د





اج.....ب

ب جـــــ ک ب

اجــــب

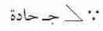
ج. دا ج

نتيجة (١)



في المثلث القائم الزاوية يكون الوترَ هو أطول أضلاع المثلث.

في الشكل المقابل: △ أب جـ قائم الزاوية في ب.



فيكون اجـ>اب

لاحظ أن في المثلثِ المنفرج الزاوية الضّلع المقابل للزاوية المنفرجة هو أكبر أضلاع المثلث طولًا.





هل طول ضلع القائمة في المثلث القائم الزاوية أصغر من طول الوتر . لماذا؟



نتيجة (٢)

طولُ القطعة المستقيمة العموديَّة المرسومة من نقطة خارج مستقيم معلوم إلى هذا المستقيم أصغر من طول أى قطعة مستقيمة مرسومة من هذه النقطة إلى المستقيم المعلوم.

تعريف: بعد أى نقطة عن مستقيم معلوم هو طول القطعة المستقيمة العمودية المرسومة من النقطة إلى المستقيم المعلوم.

مثال 💰

فى الشَّكل المقابل: أب جـ مثلث ، هـ ∈ بأُ اكُ // بـ جـ ، ق (\ جـ أ ك) = ٣٥ °

۱و /رب ج. ق.ر_ . وه (∠ ی اهه)= ۷۰"

برهن أن: ا جـ > ا ب

المعطيات: اح // - ، ق (\leq هـ ای) = \circ ، ق (\leq و اج) = \circ °

المطلوب: إثبات أن أج > أب

البرهان: ١٠ أح // بج، أب قاطع لهما

.. ق (كب) = ق (كهار) = ٥٧°

ن ائ //بج، أُجُ قاطع لهما

.. ق (∠اجب) =ق (∠ و اج)=٥٠°

من (١) ، (٢) يكون:

في المثلث أب ج

ق (∠ابج)=٥٧°، ق (∠اجب)=٥٠٠°

اى أن ق (∠ اب ج) > ق (∠ اجب)

∴اج>اب

To Vo

بالتناظر (١)

بالتبادل (۲)

وهو للطلوب



متباينة المثلث

فكر وناقش



نشاط (

💠 متباينة المثلث،

باستخدام المسطرة المدرجة والفرجار، حاول رسم المثلث أب جـ حيث:

المصطلحات الأساسية

سوف تتعلق

🤣 متباينة.

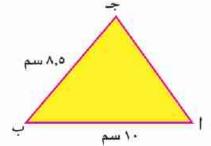
🦑 متباينة المثلث.

فى أيُّ من الحالاتِ السابقة أمكنك رسم المثلث، وماذا تستنتج؟

حقيقة: في أي مثلث يكون مجموع طولي أي ضلعين في مثلث أكبر من طول الضلع الثالث.

أى أن: في أي مثلث أب جيكون:

فمثلاً: الأعداد ٥، ٣، ٩ لاتصلح أن تكونَ أطوالَ أضلاع مثلث؛ لأن مجموع أصغر عددين = 7 + 0 = 0 ، 0 < 9 ولاتحقق متباينة المثلث.





في المثلث أب جراذا كان أب = ١٠ سم، ب جـ = ٥,٨ سم أوجد الفترة التي ينتمي إليها طول الضلع أج.

الحل

- اج<اب+ب ج ناج<٥،١٨ لكن اج+ب ج> اب متباينة المثلث
- اج>اب-ب- ب جاب-با< ۲) من (۱)، (۲) من (۱)، (۲) ∴ اجـ∈]ه,۱، ه,۸۸[



أوجد الفترةَ التي ينتمي إليها طولُ الضلِّع الثالث لكلُّ من المثلثات التالية إذا كان طولا الضَّلعين الآخرين هما:

1 - 7سم، ٩سم 💬 ٥سم، ١٢سم 🗢 ٧سم، ١٥سم 💿 ٩,٦ سم، ٢,٢ سم

الحل

🕩 : متبانية المثلث

تنص على أن: مجموع طولي أي ضلعين في مثلث أكبر من طول الضلع الثالث

٠٠ الفترة التي ينتمي إليها طول الضلع الثالث = [٣ ، ١٥] لاحظ: لا يمكن اختيار طول الضلع الثالث = ٣ سم (لماذا) لا يمكن اختيار طول الضلع الثالث = ١٥ سم (لماذا)

> ناقش معلمك لاستكمال حلول (2). (->). (-)

الأنشطة والتدريبات

..... = Xro 🍣

(Ø : [1.-]: [1.]: [.])

(l± , || , |- , |)

الوحدة الأولى

تمارين للمراجعة

حيحان ليس	عددان ص	حيث ا. ب	صورة <u>ا</u>	الآتية على	الأعداد ا	بوضع کل مز	أكمل	O 🕪
			e: = e-		3	مشتركة، ب≠.	ما عوامل م	بينهد

🖈 ا ختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات بين القوسين أمام كل عبارة

$$\Rightarrow$$
 حاصل ضرب العدد النسبى $\frac{1}{y}$ في معكوسه الجمعى = (صفر ، $-\frac{1}{y}$ ، $\frac{1}{y}$ ، $\frac{1}{y}$)

0

الجذر التكعيبي للعدد النسبي تمارین (۱ – ۱)

أكمل الجدول الآتى:

		A -	۳ <u>۳</u>		TV-	١٢٥	٨	العدد أ
ź -	7	3(0000000000		١٠-		********	(***(**********************************	77

🐠 🥙 أكمل

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة أمام كل عبارة:

$$(\frac{7}{7} \text{ ie } \frac{1}{7} \text{ ie } 7 \text{ ie } 7)$$

 $(\frac{1}{7} \text{ ie } 1 \text{ ie } 7 \text{ ie } 7)$

.....
$$= \overline{\cdot, 170} + \overline{17 \frac{1}{2}} + \overline{77 - 77}$$

🐠 🥒 أوجد قيمةً س في كلُّ من الحالات الآتية:

🐠 🥒 أوجد مجموعةً الحلِّ لكلِّ من المعادلات الآتية في ن:

ل √ س = - إ

$$1\Lambda = 10 + {}^{T}(T - \omega)$$
 (0 ω) $\Psi \Sigma T = {}^{T}(T + \omega)$

مسائل تطبیقیة

$$\Phi$$
 کرة حجمها $\frac{1877}{\Lambda}$ وحدة مکعبة. أوجد طول قطرها (حجم الکرة = $\frac{5}{4}$ س س)

مجموعة الأعداد غير النسبية نَ تمارین (۱-۲)

تذكر أن

_العدد النسبي هو الذي يمكن وضعه على الصورة ب حيث أ ∈ صد، ب ∈ صد، ب خ ٠ _العدد غير النسبي هو الذي لا يمكن وضعه على الصورة لل حيث أ ∈ص، ب وص، ب د ٠

نَ.	أو	ù	الرمزين	أحد	باستخدام	أكمل	1	4
_	-	-			the construction of the	W. C. C.	100	

∋ ∘ ﴿	∋ 1. √ 🍁	
∋ ·,v- 🇆	♦ ₹ \ •	€ ∜ r ∈
∋ 9- √ 🐠	∋ π 🍖	

♦ ضع علامة (√) أمام العبارة الصَّحيحة ، وعلامة (X) أمام العبارة الخطأ:

		· , , , ,	**		
()	﴿ ا-∘ ∈زَ	()	﴿﴾ ۲٫۳×۰۱°∈ن
()	5∋ €- V 🐠	()	<u>⇔</u> صفر ∈ ن
()	r < √ √ ◆9	()	ښ ∍ ۱۰۰۰ √ 🐟
()	1 √ < 1. V €	()	r < 1. V 🗘
Ť	3	ing of	570	ة. ماحه	الم ماه الضام ميم ما ح

پ اختر الاجابة الصحيحة من بين القوسين 🐞

﴿ المربع الذي طول ضلعه ٧ ٣ سم تكون مساحة سطحه = سم (٤ ٧ ٣ أو ٩ أو ٦ أو ٦)

(0,7 أو \(\frac{1}{\lambda}\) أو \(\sqrt{10}\) 🜩 العدد غير النسبي المحصور بين ٣ ، ٤ هو

(-٣ أو - ١٠ أو - ١٧ أو ١٦) 📤 العدد غير النسبي المحصور بين -٢، -١ هو

الفصل الدراسي الأول مطبعة الياسر

أيجاد قيمة تقريبية للعدد غير النسبى تمارین (۱–۳)

شع دائرةً حول العددِ غير النسبي في كلُّ مما يأتي:

- ى العدد √ ١٠ ، وتحقَّق من صحة إجابتك باستخدام الآلة الحاسبة.
 - فحر إذا كانت س عددًا صحيحًا فأوجد قيمة س في كل من الحالات الآتية:

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات بين القوسين أمام كل عبارة:

ጭ ارسم خطُّ الأعداد وحدُّد عليه النقطة أ التي تمثل العدد √ ٢

 ارسم المثلث أب ج القائم الزاوية في ب حيث أب = ٢سم ، ب ج = ٣سم واستخدم الشكل في تحديد النقطة التي تمثل العدد √ ١٣ ، والنقطة التي تمثل العدد - √ ١٣ على خطُّ الأعداد.

مجموعة الأعداد الحقيقية ح تمارين (ا–٤)

نت العبارة صحيحة وعلامة (X) إذا كانت	﴿ ادرس المخططَ السابق وأجب بوضع علامة (√) إذا كا
	العبارة خطأ:
	24 PE - 1 PE

()	🜓 کل عدد طبیعی هو عدد صحیح .
()	ب الصفر ∈ مجموعة الأعداد النسبية .
()	_~=U_+~=~ -
()	 أي عدد غير صحيح هو عدد نسير.

♦ أكمل الجدولَ التالي بوضع علامة (٧) في المكان المناسب كما في الحالة الأولى :

عدد حقیقی	عدد غیر نسبی	عدد نسبی	عدد صحيح	عدد طبيعي	العدد
V	×	L	1	Х	0-
					7
					11
				_ =	17
					۲-
					£ V-
					<u>o</u>
		=			٠,٣
-					1- 1/2

مطيعة الياسر القصل الدراسي الأول

علاقة الترتيب فى ح تمارين (۱ــە)

- إذا كانت س ∈ ح فاذكر ما إذا كانت س موجبة أو سالبة أو خلاف ذلك في كل من الحالات الآتية:
 س > ٠
 س > ٠
 - اثبت أن √ ٣ ينحصر بين ١,٧، ، ١,٨، مثّل الأعداد √ ٣ ، ١,٧، ، ٨، على خطّ الأعداد.
 - 🐠 أوجد طولَ ضلع مربع مساحته ٥سم، هل طول الضلع عدد نسبي؟
 - أوجد طول حرَف مكَعب حجمه ٧٢٨, ١سم، هل طول الحرف عدد نسبى؟
- - ♦ أوجد طولَ ضلع مربع مساحته ٧سم٢، هل طول ضلعه و طول قطره عدد نسبي؟
 - أوجد طول حرّف مكّعب حجمه ١٢٥سم، هل طول الحرف عدد نسبى؟
 - ١٣٠٥ مكعب مساحته الكليه ١٣٠٥ سم٢، أوجد طول حرفه، هل طول الحرف عدد نسبي؟

الفترات تمارین (۱ – ٦)



🐠 🥒 أكمل الجدولَ الآتي كما بالمثال الأول:

تمثيلها على خطِّ الأعداد	التُّعبير بصورةِ الصَّفة المميزة	الفترة
 	ا(س: ۱۰ ﴿ اس ﴿ ۲، س ∈ ح	[+,1-]
]٢.١]
		[٢.∞-[
	(س: ۰ < س ≤۲، س ∈ ح)	
	(س: س>-١، س∈ ح}	
∞-		
≈ - • • • • • • • • • • • • • • • • • • •):-
,]0:1[
	(س : س > ٠ ، س ∈ ح	

		2		120			(A)	Lite
:	3	وأه	الرموز	أحد	بوضع	أكمل	16	4

🐡 🧶 اختر الإجابةُ الصحيحةُ من بين الأقواس :

- إذا كانت س = [-١ ، ٤] ، ص = [٣ ، ∞[، ع = {٣، ٤} أوجد مستعينًا بخط الأعداد كلًّا من:
 - هه صہ∩ع و صہ۔سہ و سہ

العمليات على الأعداد الحقيقية تمارين (١ – ٧)

اختر الإجابة الصحيحة من بين الأقواس أمام كل عبارة:

🚸 اختصر إلى أبسط صورة:

🐞 🙋 اكتب كلًّا من الأعدادِ الآتية بحيث يكون المقام عددًا صحيحًا:

$$\frac{\frac{1}{1}\sqrt{4}}{\frac{1}{1}\sqrt{4}} \Leftrightarrow \frac{\frac{1}{1}\sqrt{4}}{\frac{1}{1}\sqrt{4}} \Leftrightarrow$$

🍪 اختصر إلى أبسطِ صورة:

اختبر صحة تقديرك باستخدام الآلة الحاسبة.

العمليات على الجذور التربيعية تمارين (۱ – ۸)

اختر الإجابة الصّحيحة من بين القوسينِ أمام كل عبارة:

المعكوس الضربي للعدد
$$\frac{\sqrt{\gamma}}{r}$$
 هو $(-\frac{\sqrt{\gamma}}{r})$ أو $7\sqrt{\tau}$ أو $7\sqrt{\tau}$ أو $-7\sqrt{\tau}$

🚸 🙋 أكمل لتحصلُ على عبارة صحيحة:

أوجد فى أبسط صورة قيمة المقدار $\frac{m+\infty}{m-1}$

أوجد قيمةً المقدار
$$\frac{m+m}{m}$$
 في أبسط صورة.

مطبعة الياسر الفصل الدراسي الأول (٩

العمليات على الجذور التكعبية تمارين (۱ – ۹)



$$\sqrt[4]{\frac{7}{3}} \div \sqrt[4]{\frac{7}{p}} \qquad \qquad \sqrt[4]{\frac{7}{7}} \sqrt[4]{70} = \sqrt[4]{\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}}$$

$$\sqrt{\frac{1}{3}}$$
 إذا كانت $| = \sqrt{\frac{3}{3}} + 1 \cdot | = \sqrt{\frac{3}{3}} - 1 \cdot |$ احسب قيمَة كلُ من:

$$\frac{1}{2} \frac{1}{\sqrt{r}} \frac{1}{\sqrt{r}} = \frac{1}{\sqrt{r}} \frac{1}{\sqrt{r}$$

$$\left(\frac{\pi}{\tau}, \tau, \frac{1}{\tau}, \tau + \frac{\tau}{\tau}\right)^{\tau}$$

$$(\frac{V}{r}, 1-1) = \frac{1}{\sqrt{170}} + \sqrt{\frac{19}{2}} + \sqrt{170} = \frac{1}{\sqrt{170}}$$

17AV -

₹

 $\frac{1}{\sqrt{2}}\sqrt{r} \times \frac{r}{\sqrt{r}}\sqrt{r} \implies$

1...V7 × 1. V 1. €

تطبيقات علىالأعدادالحقيقة تمارین (۱ – ۱۰)



اختر الاجابة الصحيحة من بين الأقواس:

- ﴿ المساحة الجانبية للاسطوانة الدائرية القائمة التي طول قطر قاعدتها ل وارتفاعها ع $(^{\dagger} \mathcal{E} \cup \pi : \mathcal{E} \cup \pi : \mathcal{E} \cup \pi)$
 - 👽 حجم کرة طول قطرها ٦سم = سم " سم ۲۸۸ ، ۳۱ ، ۳۳ ، ۳۳ (۳ ۲۸۸)
 - چ مکعب حجمه ۲۷ ۲ سم۳ فأن طول حرفه = سم (۱٫۵،۸،۲،۲۷)
- 🐠 طول نصف قطر قاعدة اسطوانة دائرية قائمة حجمها ٣٤٠ سم وارتفاعها ١٠سم يساوي ... سم (1. T. T. O)
- 🌰 متوازى المستطيلات الذي ابعاده ٧٦ ، ٣٧٠ من السنتيمترات يكون حجمه = $(\Gamma, \Gamma \gamma, \Gamma \sqrt{\Gamma}, \lambda i \sqrt{\gamma})$

🐠 💋 أكمل لتحصل على عبارة صحيحة:

- الكرة التي حجمها ب π سم يكون طول نصف قطرها سم
- 💠 اسطوانة دائرية قائمة طول نصف قطر قاعدتها نق، وارتفاعها ع فإن مساحتها الجانبية =وحجمها =
- 🚓 مكعب طول حرفه ٤سم فإن مساحته الكلية = سم ً
- ۵ كرة حجمها ٣٦ π سم وضعت داخل مكعب مست أوجه المكعب الستة أوجد:
 - 1 طول نصف قطر الكرة 🔑 حجم المكعب
- 🧇 كرة من المعدن طول قطرها ٦سم صهرت وحولت إلى أسطوانة داثرية قائمة طول نصف قطر قاعدتها ٣سم احسب ارتفاع الاسطوانة.
- 🤏 إذا كان ارتفاع اسطوانة دائرية قائمة يساوي طول نصف قطر قاعدتها اوجد ارتفاع الاسطوانة علمًا بأن حجمها ٧٢ ١٦ سم .
 - 🐠 كرة معدنية جوفاء طول نصف قطرها الداخلي ٢,١سم وطول نصف قطرها الخارجي ٣,٥سم. $(\frac{rr}{v} = \pi)$ أوجد كتلتها الأقرب جرام علمًا بأن السنتيمتر المكعب من هذا المعدن كتلته ٢٠جم

القصل الدراسي الأول (١١ مطيعة الياسر

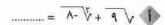


حل المعادلات والمتباينات من

 بر واحدفی ح ۱)	ولی فی متعیّ تمارین (ا – ا	الدرجة الأر
	70:5-	
	عبارةٍ صحيحةٍ حيث س ∈ ح	🥒 💋 أكمل لتحصلُ على
	س 💠 إذا كان س-	
ں > ٤ فإن س	س 🐟 إذا كان ١ - س	﴿ إِذَا كَانَ -٣ سَ ﴿ ٣ فَإِنَ
	<u>بان</u> س	﴿ إِذَا كَانَ ﴿ ٢ ۖ سَ ﴾ ٤ فَ
من المتبايناتِ التاليةِ، ومثل الحل على	نترة مجموعةَ الحلُّ في ح لكلُّ	🌶 💋 أوجد عنى صورةٍ ة
		خطِّ الأعداد:
۲ س + ۳ ≤ ۱	۳ ﴿ ۵ + س + ه	﴿ ٢ س - ١ < ٥
$r \ge 1 + \omega + \frac{1}{r}$	🍲 ۱ - ٥س < ٦	۰ -س > ۳
من المتباينات التالية ، ومثل الحل على	نترة مجموعة الحلُّ في ح لكلُّ ،	🤻 🙋 اوجد عنی صورة ہ
		خطُّ الأعداد:
	ب -ه ≤۲ س - ۳ ≤۱	ا-۱ ≤۲ س +۱ < ه
	۷> ٤ - ۳ س + ٤ < ٧	چ -۳ ≤ ٤س - ۷ ≤ ه
	ھ ۱ ≤۲ - ۲ س < ٥	ۍ ۱ < ه - س ≤۳
من المتباينات التالية، ومثل الحل على	نترة مجموعة الحلُّ في ح لكلُّ	🌶 🖉 اوجد على صورة ه
		خطُّ الأعداد:
	۵ > ۱ − س − ۲ > ۳− ♦	۳> اس ۳

تمارين عامة على الأعداد الحقيقية

﴿ اللهِ اللهِي اللهِ ا



♦ مجموعة الحلِّ في ح للمعادلة س ٢ + ٩ = ٠ هي

..... =
$${}^{\mathsf{r}}(\ \mathsf{r}\ \mathsf{v}-\ \mathsf{r}\ \mathsf{v})+{}^{\mathsf{r}}(\ \mathsf{r}\ \mathsf{v}+\ \mathsf{r}\ \mathsf{v})$$

﴿ اللهِ على صورةِ فترة مجموعةَ الحلُّ في ح لكلٌّ من المتباينات التالية ، ومثُّل الحلُّ على خطُّ الأعداد:

$$77 = \frac{1}{\sqrt{1 + \sqrt{6}}}$$
 إذا كانت س = $\frac{1}{\sqrt{1 + \sqrt{6}}}$ فأثبت أن س + $\frac{1}{\sqrt{1 + \sqrt{6}}}$

مطبعة الياسر القصل الدراسي الأول الا

- أسطوانةٌ دائريةٌ قائمةٌ حجمها ٧٢ π سم٢، ارتفاعُها ٨سم. أوجد مساحتها الكلية.
 - ♦ العداد [٣، ٢] ١ [٤، ٧] مستعينًا بخطِّ الأعداد [٣، ٢] ١ [٤، ٧]

وأثبت أن س ٢ + ص١ = ٣٨ س ص

💠 س ص

فأوجد قيمة 🕩 سا+ صا

$$^{\circ}$$
 إذا كانت $m = \sqrt[8]{\circ} + 7$ ، $m = \sqrt[8]{\circ} - 7$ فأوجد قيمة $(m + m)^{7} + (m - m)^{7}$.

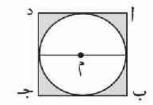
- $\frac{r}{m \sqrt{s}} = \sqrt{s}$ اذا کانت $m = \sqrt{s}$ \sqrt{s} \sqrt{s} \sqrt{s} \sqrt{s} \sqrt{s} اذا کانت $m = \sqrt{s}$ \sqrt{s} \sqrt{s}
 - إذا كانت ا = √ ۳ + √ ۲ ، ب = √ ۳ √ ۲
 إذا كانت ا = √ ۳ + √ ۲ ، ب = √ ۳ √ ۳
 فأوجد قيمة أ أ ب + ب ۲

$$\frac{7\sqrt{r-s}\sqrt{r}}{r} = 0 = \frac{7\sqrt{s+s}\sqrt{r}}{s}, \quad 0 = \frac{7\sqrt{s-r}\sqrt{r}}{r}$$

$$\sqrt{s} = \frac{7\sqrt{s-r}\sqrt{r}}{r}$$

$$\sqrt{s} = \frac{7\sqrt{s-r}\sqrt{r}}{r} = r$$

الشكل المقابل: دائرة مرسومة داخل



المربع أب جدد فإذا كانت مساحه الجزء

المظلل $\frac{1}{v} = \pi$ عسم٢ أوجد محيط هذا الجزء ($\pi = \frac{v}{v}$

رس قطعه من الورق على شكل مستطيل أب جد ، فيه أب = ١٠ سم ، ب جـ = ٤٤ سم ، طويت على شكل أسطوانه دائريه قائمه ، بحيث ينطبق أب على $\frac{1}{\sqrt{2}}$ وجد حجم الاسطوانه الناتجة π

ئشًاط تُكنُّولو*جي*





مطيعة الياسر القصل الدراسي الأول (10

اختبار الوحدة



- (1) -٣٠ ٢] ٥ ح =
 (2) ١٠ ٢٠ ١ ٢٠ ١ معكوسُ الضربيُ للعدد ٢٠ هو
- € √ ٥ ، √ ٠٠ ، √ ٥٤ ، √ ٨٠ أكمل بنفس التسلسل.
- إذا كانت س = √ ٣ + ٧، ص = √ ٣ ٧ فإن (س + ص) =
 - 📤 الدائرةُ التي محيطها ٢٠ سم تكون مساحتها ٦ سم ً
 - 🎻 🏉 اختر الإجابة الصحيحة من بين الأقواس أمام كل عبارة :
- مكعب حجمه ٢٤سم٣ فإن مساحته الجانبية = ... سم (٤ أو ٨ أو ٦٤ أو ٩٦)
- (7 le √7 le 7√7 le 7√7) = 7 \ - 17 \ @
- \Leftrightarrow المعكوس الضربى للعدد $\frac{-\sqrt{1}}{17}$ هو $(\frac{17}{\sqrt{1}})$ أو $\frac{7}{7}$ أو $7\sqrt{7}$ أو $7\sqrt{7}$)
- = 7-7 = (770 ie 77 ie 777 ie 377)
- = (0 , ٣-) [£ ,٣-] (]-7,3[ie]-7,3] ie]-7,0[ie [-7,3])
 - اختصر لأبسط صورة ٢ م/١٨ + م ٠٠٠ + + م ١٦٢
- 🐠 متوازى مستطيلات مصنوع من الرصاص أطوال أحرفه ٧٧سم، ٢٤سم، ٣١سم، شكلت منه مادة لتكون $\frac{\mathsf{rr}}{\mathsf{v}} \approx \pi$ گرة. أوجد طول نصف قطرها.
 - - 🐠 مستعينًا بخطُّ الأعداد أوجد]-١، ٣] 🕖 [٠، ٥] على صورة فترة
 - أسطوانةٌ دائر يةٌ قائمة حجمها ٩٢٤سم ، وارتفاعها ٦سم أوجد مساحتها الجانبية (٣ = ٢٢).
- ﴿ إذا كانت س = ٧ ١٠ ، ص = ٣٦٣ ١ أعط تقديرًا لحاصل ضرب س × ص واستخدم الآلة الحاسبة لإيجاد الفرق بين تقديرك والإجابة الصحيحة.
 - أوجد مجموعة الحلُّ في ح ومثل الحل على خط الأعداد
 - 7= 7 V + , w ... ۱۱ ۱ < ۲ س + ۳ ≤ ۹

الوحدة الثانية

العلاقة بين متغرين تمارين (۲-۱)

♦ أوجد أربعة أزواج مرتبة تحقق كل من العلاقات الآتيه ، ومثلها بيانيا :

$$m = 0 - m - m = 0$$
 (ب) $m + m = 0$



٤	٣	۲	١	س
11	٩	3	۲	ص

أ_أوجد قيمه ك

ب_ مثل هذه العلاقة بيانياً

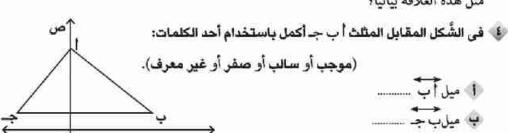
مطبعة الياسر الفصل الدراسي الأول

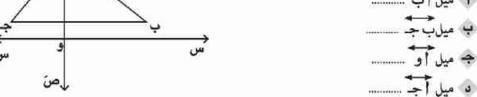


ميل الخط المستقيم وتطبيقات حياتية تمارين (٢-٢)

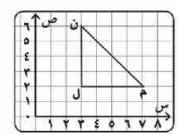
🐠 أكمل لتحصلَ على عبارةٍ صحيحة:

- إذا كان أ (١،٦) ، ب(٢،١) فإن ميل أب يساوى
- ب إذا كان (١٠، ٥) يحقق العلاقة ٣ س + ك ص = ٧ فإن ك =
 - 🚓 أي مستقيم يوازي محور السينات ميله =
 - ای مستقیم یوازی محور الصادات میله
- مانت أ، ب، جـ على استقامة واحدة فإن ميل أب = ميل
- مع عصام ١٠ ورقات مالية فئة ٥ جنيهات، وأوراق مالية فئة ٢٠ جنيهًا، اشترى عصام من المركز
 التُجارى بما قيمته ٦٥ جنيهًا ، حدِّد الإمكانات المختلفة لدفع هذا المبلغ باستخدام الأوراق المالية
 التى معه، وأوجد العلاقة بين عددٍ كل منها ومثلها بيانيًّا.
- إذا كان ثمن طاولة الكمبيوتر ١٠٠ جنيه، و ثمن الكرسى ٥٠ جنيهًا ، فإذا باع المتجرُ في أحد الأسابيع بمبلغ ٥٠٠ جنيه، فما هي التوقعاتُ الممثلةُ لعددِ الطاولاتِ التي باعها ، وعدد الكراسي. مثّل هذه العَلاقة بيانيًّا؟





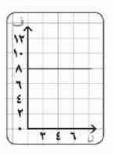
فى الشكل المقابل: ل م ن مثلث قائم الزاوية فى ل ، ق (\(\sum_{\text{\tilde{\text{\tetx}\text{\texict{\texit{\texit{\texict{\texi\texi\texi{\texi\texit{\texict{\texit{\texi}\tinit{\texit{\texi\texit{\texi\texit{\texit{\t

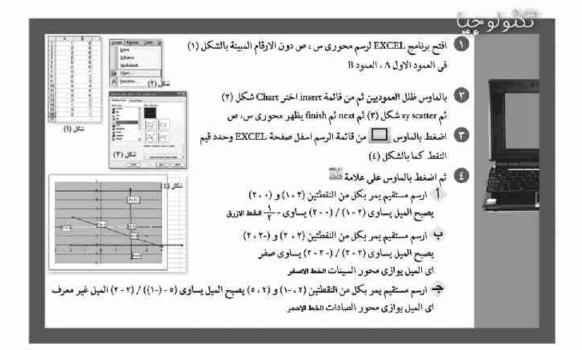


كلُّ من الأشكال التالية يوضُّحُ العلاقة بين المسافة ف (بالمتر) والزمن ن (بالثانية) لجسم.
 حدد موضعَ الجسمِ عند بدأ الحركة، وعند ن = ٦ ثوان ، وأوجد ميلَ المستقيم في كلُّ حالةٍ (ماذا يمثل الميل؟).







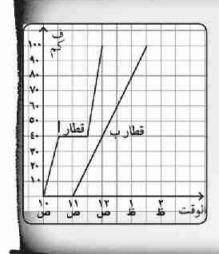


مطبعة الياسر الفصل الدراسي الأول (١٩)



الشكلُ المقابلُ يوضُّحُ العلاقةَ بَين المسافةِ ف، والزمن ن لحركة قطارين أ، ب بين محطتين، حيث ف (بالكيلو متر)، ن (بالساعة) استخدم الرسم لإيجاد قيمة:

- البعد بين المحطّتين.
 الزمن الذي استغرقه كلُّ من القطارين.
 - السرعة المتوسطة لكل منهما.
- القطار أ. ما دلالةُ القطعة المستقيمة في حركة القطار أ.
- المسافة المقطوعة السرعة المتوسطة = الزمن الكلى الذي قطعت فيه المسافة



اختبار الوحدة

- اختر الإجابة الصحيحة من بين القوسين أمام كل عبارة:
- أيُّ الأزواج المرتبة التالية تحقُّق العلاقة ٢ س + ص = ٥

- ب أيُّ العلاقاتِ الآتية توضِّح العلاقة بين س، ص الموضحة بالجدول المقابل. ص ١٠ ١٦ ١٦ ١٦ (ص=س+٧ أو ص=س-٧ أو ص=٣س+١ أو ص=س+١
 - ج إذا كان أ (٣، ٥)، ب (٥، ١-١) فإن ميل أب =

العلاقة ٣س + ٨ص = ٢٤ يمثلها مستقيمٌ يقطعُ محور الصَّادات في النقطة.

اذا كانت ا= (۲، ۱۰)، ب (۲، ۱۰)، ج (۲، ۳) أوجد ميل كل من أب ، بج، جا،

ارسم المثلثَ أب جـ على الشبكةِ التّربيعيةِ ، ثم حدِّد نوعَ المثلث أب جـ بالنسبة لقياسات زواياه.

🦈 ملأ عاطفٌ خزالَ سيارته بالوقود، وسعته ٥٠ لترًا ، وبعد أن قطع مسافة ١٠٠ كم، لاحظ أن مؤشر عداد الوقود يشير إلى أن الخزان به ألبي سعته. ارسم الشكل البياني للعلاقة بين المسافة المقطوعة وكمية الوقود بالخزان التي تتحركها السيارة ليكون الخزان فارغًا.

الوحدة الثالثة

جمع البيانات وتنظمها تمارین (۳ – ۱)

🐠 فيمايلي الأجر الأسبوعي بالجنيهات لأربعين عاملاً في أحد المصانع

ov	٦٢	۸٩	۸۷	3.5	OE	9 £	77	٧١	٤V
77	79	44	07	77	·V-	07	33	71	01
00	7.	77	47	99	70	۹.	VV	٤A	V٩
09	EA	9.8	29	TA	VA	ΛE	Al	Vo	90

والمطلوب عمل جدول تكراري ذي مجموعات (خذ المجموعات الجزئية: ٣٠ -، ٤٠ -، ٥٠ -، ٥٠ -، ٥٠ -)

(TA	**	77	٤٠	٣٧	٣.	۲.	٤٠	70	70
۳۷	44	77 77 70	44	TA	49	2	۲۸	77	40
17	TV	40	٤.	۲۸	44	47	40	T£	74

وما المجموع

المطلوب:

- أ كون جدول تكراري ذي مجموعات لهذه الدرجات
- ب أوجد عدد التلاميذ الممتازين إذا كانت أقل درجة ليكون التلميذ ممتازًا هي ٣٦ درجة
 - 🐨 تبين البيانات التالية عدد أيام الإجازات التي حصل عليها ٤٠ عامل خلال سنة كاملة

10	٣.	77	١٤	TA	15	40	12	77	1/1
TE	17	77 71 10 7.	17	10	**	*1	1	71	44
27	*1	10	۲.	۲.	45	۲.	4.	10	77
49	۳.	۲.	TV	**	77	22	71	٣.	١٥

المطلوب:

- الجدول التكراري لهذه البيانات
- ب إيجاد عدد العمال الذين حصلوا على أجازات أكثر من ٢٠ يوماً في السنة.

الفصل الدراسي الأول مطبعة الياسر



الجدول التكرارى المتجمع الصاعد والجدول التكرارى المتجمع النازل وتمثيلهما بيانيا

تمارین (۳ – ۲)

🐠 البياناتُ التالية لدرجات ١٠٠ طالب في امتحان تجريبي لمادة الرياضيات.

المجموع	нов.	die	-F-	et e	±V+	es.	المجموعات
A	17	**	۲۸.	10	١٤	٨	التكرار

والمطلوب:

- تكوين كل من الجدولِ التكراري المتجمع الصاعد والنازل.
- 🧼 رسم المنحني التُكراري المتجمع الصاعد والنازل على نفس ورقة الرسم البياني.
- من الرسم أوجد عدد الطلاب الحاصلين على أقل من ٤٠ درجة، والحاصلين على ٤٠ درجة فأكث .
 - النسبةُ المثويةُ لنجاح الطلاب، علما بأن النهاية الصغرى للنجاح ٢٠ درجة.
 - 📤 ما النسبةُ المئويةُ للطلاب الحاصلين على أكثر من ٤٥ درجة.؟

﴿ الجدول الآتي يبين التوزيع التكراري لدرجات ٥٠ طالبا في أحد الاختبارات.

المجموع	=17	=##	-7A	-\2	=\ra	=1	-4	المجموعات
٥.	٤	V	17	1.	4		*	التكرار

والمطلوب: رسم المنحني التكراري المتجمع الصاعد لهذا التوزيع

🐠 الجدول الآتي يبين التوزيع التكراري للأجر اليومي لمجموعة من العمال .

المجموع	ides.	470	-4.	-10	4.	≅p.	المجموعات
7.5	ý.	17	٧.	Y É	11	1.	التكرار

والمطلوب: رسم المنحني التكراري المتجمع النازل لهذا التوزيع

🐠 الجدول الآتي يمثل التوزيع التكراري لأعمار ٥٠ عاملا بأحد المصانع،

								المجموعات
0+	٣	D	7244	117	4.	A	0	التكرار

والمطلوب:

- 1 أكمل الجدول.
- 🥏 ارسم المنحني التكراري المتجمع الصاعد والمنحني التكراري المتجمع النازل لهذا التوزيع.
 - 🔷 من الرسم أوجد:

أولاً: عدد العمال الذين أعمارهم أكبر من ٣٢ سنة

ثانيًا: عدد العمال الذين أعمارهم أصغر من ٤٢ سنة

🐵 فيمايلى التوزيع التكراري الذي يبين درجات ١٠٠٠ طالب في إحدى المواد.

المجموع	290	-A÷	-V:	176	101	-84	٠.,	≟Y€	النسبة المئوية
Y	9.	335	17-	10.	77.	17.	V-	Ya	عدد الطلبة

والمطلوب:

- رسم المنحنيين المتجمعين الصاعد والنازل لهذا التوزيع.
 - 🜩 عدد التلاميذ الحاصلين على أقل من ٧٥ درجة.
 - 🚓 عدد التلاميذ الحاصلين على أكثر من ٨٥ درجة.

مطيعة الياسر الأول (٢٣)

الوسط الحسابی والوسیط والمنوال تمارین (۳ – ۳)

♦ الجدول التكراري الآتي يبين التوزيع التكراري لعدد أيام الأجازات بأحد المصانع لعدد ٥٠ عاملا.

المجموعات	- t	-7	-1.	-12	-14	-77	-17
التكرار	£	٥	٨	Y-21	٧	٥	Ň

أوجد: أولاً: قيمة ك ثانيا: الوسط الحسابي لهذا التوزيع

🐠 الجدول الآتي يبين توزيع ١٢٠ طالبا حسب أطوالهم بالسنتيمترات

الطول بالسنتيمتر	-\£+	-122	-151	-107	-107	-17.	المجموع
التكرار	17	۲.	TA	rr	Y.V	-13	17.

أوجد الوسط الحسابي لهذا التوزيع

🕸 فيمايلي توزيع الأجور لبعض العاملين في أحد المصانع.

مجموعات الأجور	-4	-£ · ·		-1	-V··	المجموع
عدد العمال	۸	1.4	M	V.	٥	٥.

ارسم منحني التكرار المتجمع النازل لهذا التوزيع ثم أوجد الأجر الوسيط

🔷 في الجدول التكراري التالي ذي المجموعات المتساوية في المدي.

المجموع	-7-	س -	-٤٠	-7-	-۲.	-1-	المجموعات
Y	٤	٤+ ځ	۲۷	70	١٥	14	التكرار

أولاً: أوجد قيمة كل من س ، ك

ثانيًا: ارسم في شكل واحد المنحنيين المتجمعين الصاعد والنازل ثم احسب الوسيط.

الجدول الآتي يبين التوزيع التكراري لأوزان ٥٠ تلميذا بالكيلو جرام بأحدى المدارس

المجموع	-00	-0.	-£0	-1.	-40	-٣-	الوزن بالكيلو جرام
٥٠	1+3	١ - ٢	1+21	এহ	21٣	٤ + ك	عدد التلاميذ

أولاً: أوجد قيمة ك ثانيًا: ارسم المدرج التكراري وأوجد الوزن المنوالي

🐠 الجدول التكراري الآتي يبين التوزيع التكراري لأطوال ٢٠٠ تلميذ في إحدى المدارس



ارسم المدرج التكرارى لهذا لتوزيع وأوجد الطول المنوالى

مطبعة الياسر الفصل الدراسي الأول (٢٥

تمارين عامة على الإحصاء

﴿ الجدولُ الآتي يبين التَّوزيعَ التكراريُّ لدرجات ٥٠ طالبًا في أحد الاختبارات:

المجموعات	- *	-7	-1.	- 1£	- ۱۸	-77	- 77	المجموع
القكرار	77	0	9	No.	17	٧	ź	٥٠

اوجد أولًا: الوسط الحسابي لدرجة الطالب. ثانيًا: الوسيط

🕸 من الجدولِ التكراريُّ التالي ذي المجموعات المتساوية في المدي أوجد:

وع	المجمو	-T-	-0.	-£•	س -	٠٢.	-1.	المجموعات
	1	i	7+4	77	۲.	۱۷	1.	التكرار

أولاً: أوجد قيمة كل من س ، ك

ثانيًا: ارسم في شكل واحد المنحنيين المتجمعين الصاعد والنازل، ثم احسب الوسيط.

🐗 🏉 أوجد المنوالَ للتوزيع التُّكراريُّ التالي لدرجاتِ ٤٠ طالبًا في أحد الاختبارات:

j	المجموع	۸-	-V•	-1-	-0-	- 5 -	- **-	مجموعات الدرجات
İ	٤٠	ň	٧	۸	٧٢	×£	۳	التكرار

﴿ الجدولُ الآتي يبيِّن التوزيعَ التكراريَّ ذي المجموعات متساوية المدى للأجور الأسبوعيَّة لعدد المصانع.

مجموعة الأجر بال	- V•	-4.	-9.		س -	-17.	- 14-
عدد العمال	۸.	15	٤- ځا	۲.	FI	15	11

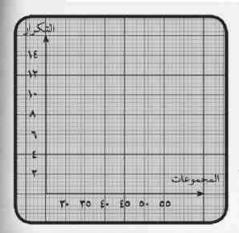
، الأجر المنوالي بالجنيه

أوجد 🐠 قيمةً كلِّ من س، ك

نشاط

الجدولُ الآتي يبِّين التوزيعَ التكراريُّ لأوزان ٥٠ تلميذًا بالكيلو جرام بإحدى المدارس٠

المجموع	-00	-0-	- £0	- 2 -	- 40	-4-	الوزن يالكيلو جرام
٥٠	£	٨	١.	出記	4	٧	عدد التلاميذ



أولاً: أوجد قيمة ك.

ثانيًا: احسب الوسط الحسابيّ.

ثالثًا: ارسم المنحني التكراريُّ المتجمعَ الصاعد.

رابعًا: ارسم المدرجَ التكراريُّ وأوجد الوزنَّ المنوالي.

خامسًا: أوجد الوسيط.

(77)

الفصل الدراسي الأول

مطبعة الياسر

اختبار الوحدة

🐠 أكمل بإجابات صحيحة:

- إذا كان الحدُّ الأدنى لمجموعة ٨ والحدُّ الأعلى لنفس المجموعة ١٤ فإن مركزها =
 - إذا كان الحدُّ الأدنى لمجموعة ٤ ومركزها ٩ فإن حدَّها الأعلى =
- ﴿ نقطةُ تقاطع المنحنيين المتجمعين الصّاعد والنازل تعين على محور المجموعات.
- ﴿ إذا كان الوسطُ الحسابيُّ لتوزيع تكراريُّ هو ٣٩,٤ ومجموعُ تكراراته ١٠٠ فإن مجموعَ حواصلِ ضربِ تَكرارِ كلِّ مجموعةٍ في مركزها =

🖤 الجدولُ التالي يبِّين التوزيعَ التكراريُّ الأوزان ٢٠ طفلًا بالكيلو جرام

المجموع	- £0	- 40	- 40	- 10	- 0	المجموعات
¥4.	۴	٤	٧	Ĺ	۳	التكران

أوجد الوزنَ الوسيطَ بالكيلو جرام باستخدام المنحنيين التّكرارين المتجمع الصّاعد والنازل لهذا التوزيع.

🕸 فيمايلي التوزيعُ التَّكراريُّ للحافز الأسبوعي لعدد ١٠٠ عامل في أحد المصانع.

- V•	- V•	- 0 •	- 2 •	-Y•	- 7 -	الحوافز بالجنيه
۸	Ϋ-	77	77	9	1.	عدد العمال

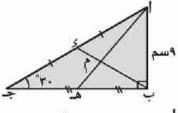
- احسب قيمة ك.
- ، أوجد الوسطَ الحسابيَّ لهذا التَّوزيع.
- ﴾ القيمةُ المنوالية للحافز الأسبوعي باستخدام المدرج التَّكراري.

الوحدة الرابعة

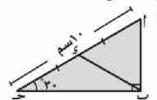
متوسطات المثلث تمارین (٤ – ۱)

🙋 أكمل



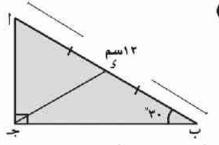


ا جـ =سم ، ب ک =سم م ک =ب ک ، م ک =سم

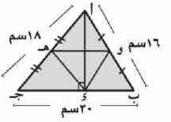


بى و = سم ، اب =سم محيط △ أب 5 =سم





اجـ =سم ، ای =سم ب جـ =سم ، جـ ک =سم

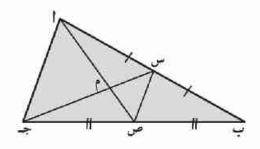


و و =سم ، ك هـ =سم ، و هـ =سم محيط △ و هـ و =سم

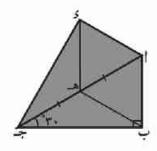
🧿 في الشكل المقابل:

اب جـ مثلث ، س منتصف آب ، صمنتصف ب جم، س ص = ٥سم، س ج- ∩ اص = {م} حيث: جـم = ٨سم ، ص م = ٣سم

- (١) محيط 🛆 م س ص
 - (٢) محيط △م اجـ



اب جـ مثلث، کـ منتصف ب حـ ، م ∈ اک بحیث ام = ۲ م ک، رسم جـ م فقطع اب فی هـ.
 فإذا کان هـ جـ = ۱۲سم
 أوجد طول هـ م



فى الشكل المقابل:
 أب ج مثلث قائم الزاوية فى ب،
 فى (∠ أ ج ب) = ۳۰ و اب = ۵۰ و اب = ۵۰ و اب اب = ۵۰ و اب اب = ۵۰ و اب اب اب الفائد كان كو هـ = ۵۰ و اب الفائد أن فى (∠ أ ك ج) = ۵۰ و اب اب اب الفائد أن فى (∠ أ ك ج) = ۵۰ و اب اب اب الفائد أن فى (∠ أ ك ج) = ۵۰ و اب الفائد أن فى (∠ أ ك ج) = ۵۰ و الفائد أن فى (∠ أ ك ج) = ۵۰ و الفائد أن فى (∠ أ ك ج) = ۵۰ و الفائد أن فى (∠ أ ك ج) = ۵۰ و الفائد أن فى (∠ أ ك ج) = ۵۰ و الفائد أن فى (∠ أ ك ج) = ۵۰ و الفائد أن فى (∠ أ ك ج) = ۵۰ و الفائد أن فى (∠ أ ك ج) = ۵۰ و الفائد أن فى (∠ أ ك ج) = ۵۰ و الفائد أن فى (∠ أ ك ج) = ۵۰ و الفائد أن فى (∠ أ ك ج) = ۵۰ و الفائد أن فى (∠ أ ك ب) = ۵۰ و الفائد أن أن فى (∠ أ ك ب) = ۵۰ و الفائد أن أن فى (∠ أ ك ب) = ۵۰

المثلث المتساوى الساقين تمارین (٤ – ٢)

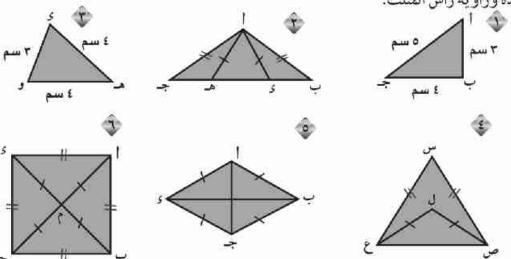
لاحظ أن:

- (او يتا القاعدة في المثلث المتساوى الساقين حادة.
- أ زاوية الرأس في المثلث المتساوى الساقين من الممكن أن تكونَ حادةً أو قائمةً أو منفرجةً. لذلك قد يكون المثلثُ المتساوى الساقين منفرج الزاوية أو قائم الزاوية أو حاد الزوايا كما يوضح



* فَى كُلُّ مِن الأشكالِ التالية اذكر المثلثاتِ المتساوية الساقين وحدُّد قاعدتها ثم لاحظ نوع زاويتي

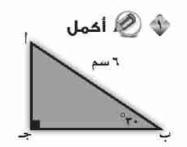
القاعدة وزاوية رأس المثلث.

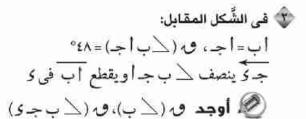


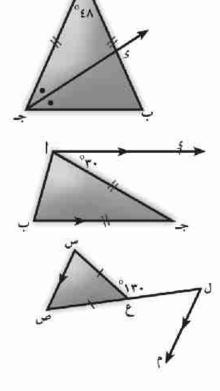
القصل الدراسي الأول مطبعة الياسر

نظريات المثلث المتساوى الساقين تمارين (٤ – ٣)



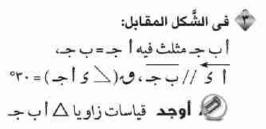


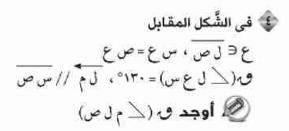




د هـ = سم، ق (🔼 هـ) =°

هـ و = ...سم، ق (🚄 م ي و) =°





🄹 في الشُّكل المقابل

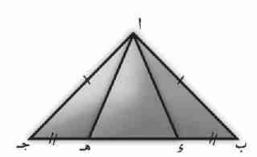
اب=اج، ق (\triangle ب)=(۲س+۱۲)° ق (\triangle ج)=(۳س-۱۷)°

اوجد قیاسات زوایا △ ابج

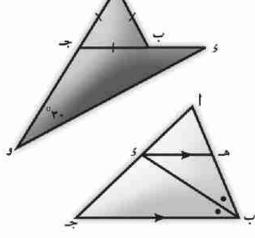


اب جـ مثلث متساوى الساقين فيه اب = اج، و ∈ ب جـ، هـ ∈ ب جـ بحيث ب و = هـ جـ

اثبت أن أولًا: △ أو هـ متساوى الساقين ثانيًا: △ أو هـ ≡ △ أهـ و



- ﴿ فَي الشَّكُلِ المقابِلِ: أَبِ جِ مثلث متساوى الأضلاع. و ∈ أحر، د ∈ حرب،
 - ر د ۱ج.، د د جب. ق(∠ک و ج)=۳۰°
 - **گ اثبت أن** ∆ و جـ و متساوى الساقين.



﴿ فَي الشُّكلِ المقابِل

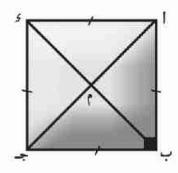
برئ ينصف \ ابج، ويقطع آج في ي، وهـ // بجحيث هـ ∈ آب.

اثبت أن △ هـ ب كر متساوى الساقين.

- ﴿ اب جِ مثلث فيه ك ∈ اب ، هـ ∈ بج بحيث كان ب ك = ب هـ، فإذا كان ك هـ // اجـ
 - **اثبت أن** أب=بجـ
 - ﴿ ابِ جِ مثلث فيه اب= اج، بِ في ينصف كاب ج، جرف ينصف كا جب
 - اثبت أن △ وب جـ متساوى الساقين.



🙋 أكمل وناقش



نتائج على نظريات المثلث المتساوى الساقين تمارين (٤ – ٤)

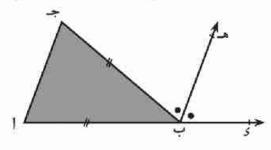
ጭ اكمل لتحصل على عبارة صحيحة:

- مُنَصَّفُ زاوية الرأس في المثلث المتساوى الساقين ينصف القاعدة و يكون
 - ب عدد محاور تماثل المثلث المتساوى الأضلاع تساوى
- 🚓 أى نقطة على محور تماثل قطعة مستقيمة تكون على بعدين متساوين من
 - إذا كان قياس احدى زوايا مثلث متساوى الساقين ١٠٠° فإن قياس احدى الزاويتين الأخريين =

🐠 اختر الاجابة الصحيحة من بين الإجابات بين القوسين:

- (* ، ۲ ، ۱ ، ۲) عدد محاور تماثل المثلث المتساوى الساقين = ...
- ب المثلث الذي أطوال أضلاعه ٢سم، (س + ٣) سم، ٥سم يكون متساوى الساقين عندما س = سم المثلث الذي أطوال أضلاعه ٢سم، (س + ٣)
 - ﴿ نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كل منها من جهة القاعدة بنسبة

(1:7,7:1,1:7,7:1)

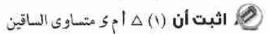


♦ فى الشكل المقابل: اب=بج، به منصف ∠جب و اثبت أن به // اج

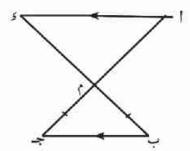
ى الشكل المقابل:

ا جـ ∩ ب ک = {م}

ا ک // بج، مب=مج



(٢) محور تماثل △ أم كر هو نفسه محور تماثل △ بم جـ



(TO)

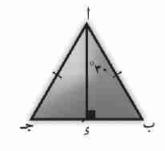
الفصل الدراسي الأول

مطبعة الباسن

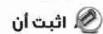
تمارين عامة على متوسطات المثلث والمثلث المتساوى الساقين

🔷 في الشَّكلِ المقابِل

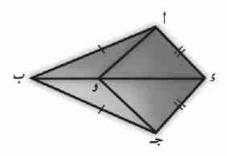
اب=اج، بج=١٠سم، و (ر با ی)= ۳۰، ای لب ب اولاً: أوجد طول کل من بی ، ای . ثانیًا: ما عدد محاور تماثل المثلث اب ج؟ ثالثًا: ما مساحة △ اب جـ؟



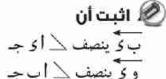
♦ فى الشّكل المقابل اب= اج، ك ∈ اب، هـ ∈ اجـ بو ينصف ∠ ك ب ج، جو ينصف ∠ ب جـ هـ

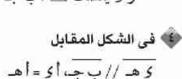


أولاً: △ بو جـ متساوى الساقين ثانيًا: أو محور تماثل بجـ

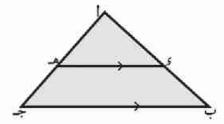


فى الشكل المقابل أب=جـب، أى = جـ ك





برهن أن: أب= أج.



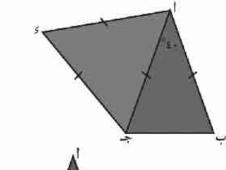
تمارين للمراجعة

🏟 في الشكل المقابل:

🐠 في الشكل المقابل:

اب جـ مثلث فيه ق (
$$\angle$$
ب) = ق (\angle جـ)
أوجد محمط المثلث

🐠 في الشكل المقابل:



۳- س۲ ا- س۲ پ ج- س

نشاط

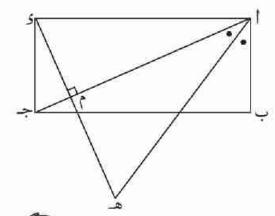
باستخدام المسطرة والفرجار ارسم أب جـ الحادة

وفي الجهة الأخرى من ب أ ارسم أهـ //ب ج.

🐠 في الشِّكل المقابل أب جـ و مستطيل،

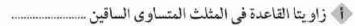
اج قطر فيه، آه ينصف ∠باج، كه لم اج حيث آه ∩ كه = (هـ) اج ∩ كه = (م)

⊘ بَرْهِن ان وا∍وهـ.



الهندسة اختبار الوحدة

🐠 🙋 أكمل لتجعلُ العباراتِ صحيحةً:

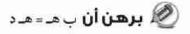


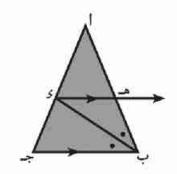
عدد محاور المثلث المتساوى الأضلاع =

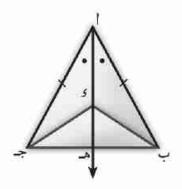
المستقيمُ العموديُّ على القطعةِ المستقيمة من منتصفها يسمى

🐠 في الشكل المقابل:

اب جـ مثلث فيه بكّ ينصف ∑ اب جـ و يقطع اجـ في ك، ورسم كـ هـ ً // جـب كـ هـ ∩ اب = {هـا





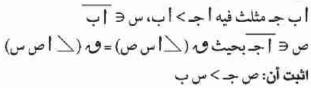


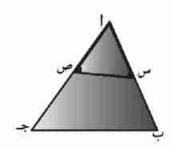
الوحدة الخامسة

التباين تمارین (ه – ۱)

🐠 في الشكل المقابل:

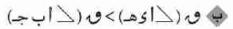


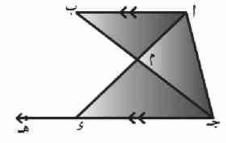




﴿ فَي الشَّكُلُ المَقَابِلُ: اب //جـ كُ





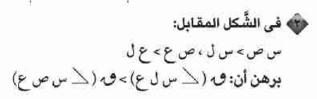


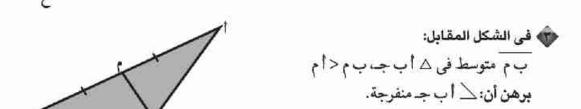


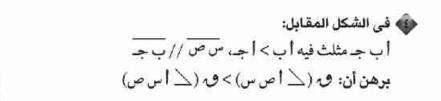
الفصل الدراسي الأول مطبعة الياسن

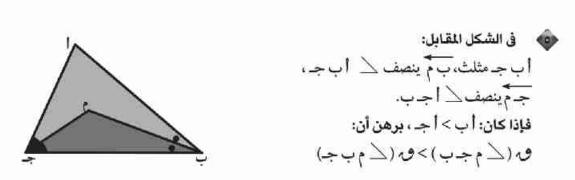
المقارنةبين قياسات الزوايا فى المثلث تمارين (ه – ۲)

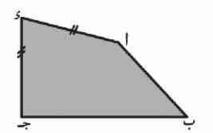
﴿ ﴾ △ أب جدفيه أب = ٢,٧ سم، ب جد = ٥,٨ سم، أجد = ٦ سم رتب قياسات زوايا المثلث تصاعديًّا.





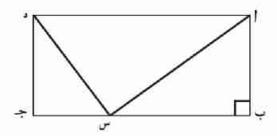






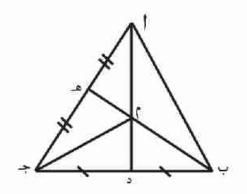
슚 في الشكل المقابل:

اب جدى شكل رباعي فيه اى = ى جه، ب جـ > اب برهن أن: e>(∠1)>e>(∠ح)



🔷 في الشكل المقابل:

اب جد د مستطيل، س ∈ بج حيث اس > س د اثبت أن: ق (∠ س ا ب) > ق (∠ س د ج)



🐠 في الشكل المقابل:

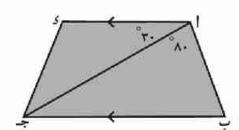
△اب ج، آد ، به متوسطان فيه تقاطعا في م ،إذا كان م د > م هـ فبرهن أن: ق (حمأ ب) حق (حمب ا)

♦ أب جرى شكلٌ رباعيُّ فيه أب أكبر الأضلاع طولاً ، جرى أصغرُ الأضلاع طولاً برهن أن: $(\leq \downarrow \downarrow) > 0 \circ (\leq \downarrow \downarrow) > 0 \circ (\leq \downarrow \downarrow) > 0$

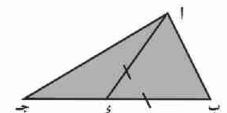
الفصل الدراسي الأول

المقارنه بين أطوال الأضلاع فى المثلث تمارين (٥ – ٣)

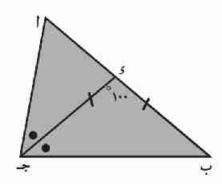
- م اب جافيه ق (المثلث تنازليًّا. ◊ م (> ب) = ⋄ ، رتب أطوال أضلاع المثلث تنازليًّا.



فى الشكل المقابل:
 أب جـ مثلث و ∈ ب جـ حيث ب و = أ و
 برهن أن: ب جـ > أ جـ

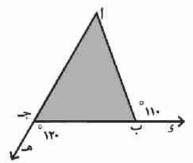


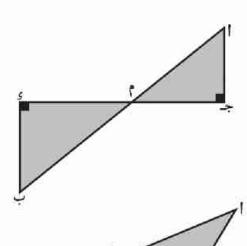
الشكل المقابل:
 اب جـ مثلث ، جـ كُ ينصف ∠ جـ و يقطع اب فى و
 اب و جـ) = ۱۰۰° ، و ب = و جـ
 برهن أن: أ جـ > و ب .

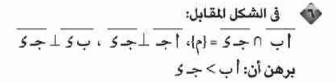


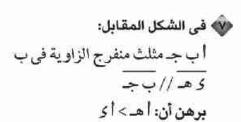
فى الشكل المقابل:

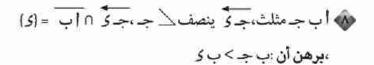
 اب جـ مثلث، و ∈ جـ ب. هـ ∈ ا جـ
 وۍ (∠اب و) = ۱۱۰°، وۍ (∠ ب جـ هـ) = ۱۲۰°
 برهن أن: اب > ب جـ .

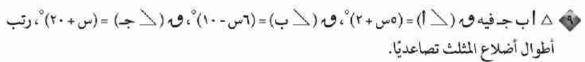


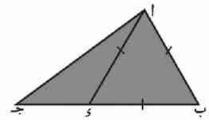


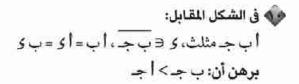












﴿ اب جِ مثلث قائم الزاوية في ب، و ∈ اج ، ه ∈ بجبحيث أو = ب ه اثبت أن: ق (\ جه و) > ق (\ جو ه)

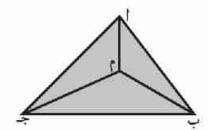
(17)

القصل الدراسي الأول

مطبعة الياس

متباينة المثلث تمارین (ہ – ٤)

- 🐠 🏽 إذا كان طولا ضلعين في مثلث متساوى الساقين ٥سم، ١٢سم فما هو طول الضلع الثالث؟ اذكر السبب.
 - 🐠 بيِّن أي مجموعاتِ الأطوال الآتية تصلحُ لأن تستخدمَ في رسم مثلث:
 - 🖈 ٥سم، ٧سم، ٨سم 😓 ٤سم، ٩سم، ٣سم
 - ﴿ ١٠ سم، ٦سم، ٤سم، ٤سم، ١٠ هـ ١٥ سم، ١٧ سم، ٣٠ سم.
 - 🖚 برهن أن طول أي ضلع في المثلث أصغر من نصف محيط المثلث.

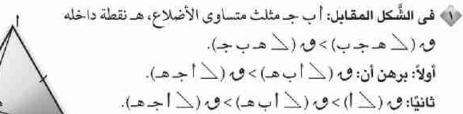


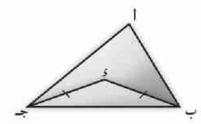


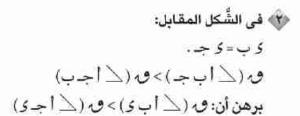
أب جـ مثلث ، م نقطة داخله برهن أن: م ا + م ب + م ج > لم محيط المثلث اب ج

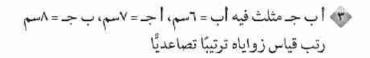
🐠 برهن أن مجموعَ طولي قطري أي شكلٍ رباعي محدَّب أصغر من محيط الشكل.

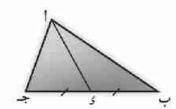
تمارين عامة على التباين

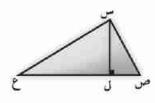




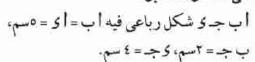




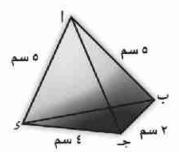




🖜 في الشَّكل المقابل:

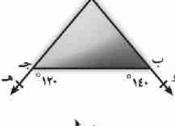


برهن أن ق (∠ابج)>ق (∠ادج)



﴿ فَي الشُّكلِ المقابِلِ:

برهن أن جـب > أب



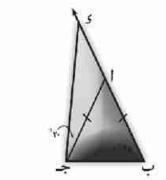
🐠 في الشكل المقابل:

اب= اجـ

ق (کاب جـ) = ۲۰

ق (∠اجری)=۲۰°

برهن آن ا ب > ا ک



﴿ فَي الشَّكُلُ المَقَابِلُ:

ق (کے ب) = ۹۰

برهن أن أجـ > ى جـ

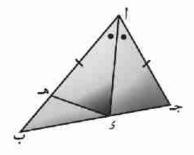


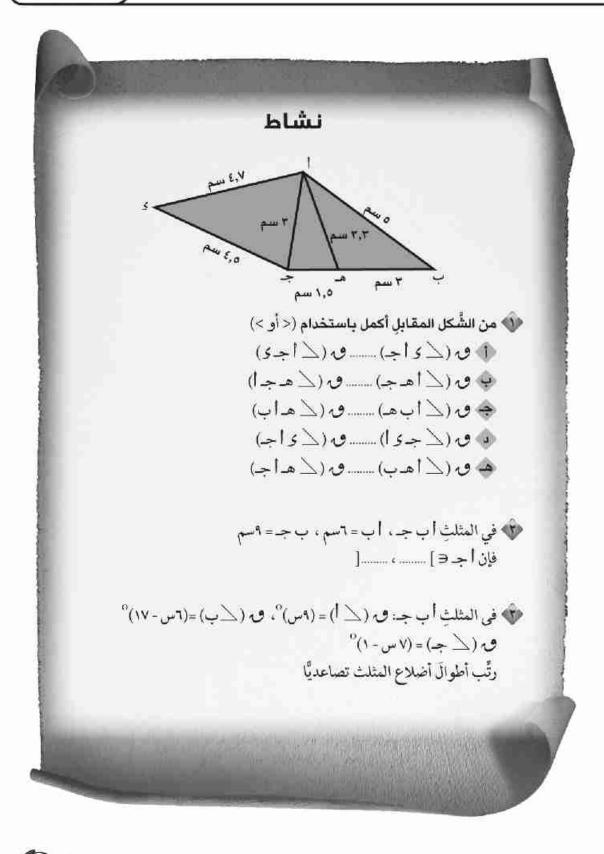
🐠 في الشكل المقابل:

برهن أن: ﴿ و هـ = وجـ

♦ ق (∠بهدی)>ق (∠اوج)

ب ک > ک جد .





الفصل الدراسي الأول مطيعة الياس

اختبار الوحدة

﴿ أَكُمُلُ لِتَكُونُ الْعِبَارِةُ صَحِيحَةً:

- 1 أصغرُ زوايا المثلث في القياس يقابلها
- ﴿ في △ أب جـ: إذا كان في (/ أ) = ٧٠ ، في (ب) = ٣٠ فإن أكبر أضلاع المثلث طولاً هو
- إذا كان طولا ضلعين في مثلثٍ متساوى الساقين ٣سم ، ٧سم فإن طولَ الضَّلع الثالث =
 - ﴿ △ اب جـ فيه: ق (∠ ا) = ١٠٠ فإن أكبر أضلاعه طولاً هو
 - ﴿ △ اب ج فيه اب = ٣ سم، ب ج = ٥ سم، فإن ا ج ∈]......
 - أطولُ أضلاع المثلث القائم الزاوية هو

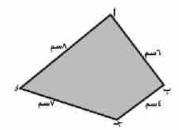
🏶 في الشُّكلِ المقابل:

ا ب جـ ک شکل رباعی فیه ا ب = ٦ سم ، ب جـ = ٤ سم،

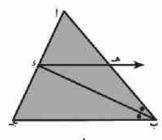
جـ ک = ۷سم، ک ا = ۸سم

برهن أن:

 $\mathfrak{G}(\leq \mathsf{p} + \mathsf{b}) > \mathfrak{G}(\leq \mathsf{p} + \mathsf{b})$



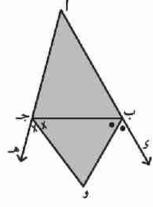
🖚 في الشَّكلِ المقابل:



🐠 في الشكل المقابل:



- **(**∠وبج)> **(**∠بجو)
 - ، جـو>بو



نماذج امتحانات الجبر والإحصاء

النموذج الأول

[۱] أكمل ما يأتي :

- (۱) محموعة حل المعادلة (س + ۲ س) (س + ۱) = . هي (س ∈ ع)
- (Y) إذا كان الحد الأدنى لجموعة هو ١٠ والحد الأعلى لها هو س ومركزها هو ١٥ فإن فإن س =
 -={ · · · Y -}U[Y · Y I (T)
 - (٤) المكعب الذي حجمه ٨ سمّ يكون مجموع اطوال احرفه =............... سم
 - (a) Isazem Harre $\sqrt{Y} + \sqrt{Y} = \dots$

[٢] اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

(١) إذا كان نصف قطر كرة = ١١سم فإن حجمها يساوى :

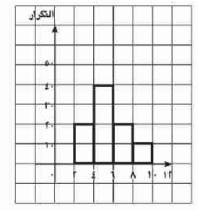
" T YAA (5) " may" (-) " may" (-) " may" (1)

- (۲) إذا كانت النقطة (۱، ۱) تحقق العلاقة س+ص = فإن أ =......
 - (ب) ا (ج) ا (۵) ٥ 1(1)
 - €· (5) 17 (>) ∧(~) € (1)...... (7) (7)
 - (٤) الوسيط لجموعة من القيم ٣٤ ، ٢٧ ، ٢٥ ، ٢٠ ، ٤ ، ٢٢ ، ٤ هو :
 - YE (-) 77 (-) YY (P)
- (٥) إذا كان الوسط الحسابي للقيم ٢٧ ، ١٦ ، ٢٤ ، ٢ ، ك هو ١٤ هإن ك تساوى :
 - YY (>) AL (5) 7 (4) r(1)
 - (٦) في الشكل المقابل:قيمة المنوال =
 - £ · (5) 7 (3-) 0 (4) £ (P)
 - $\boxed{1} \quad (1) \quad \text{lest give : } \sqrt{1} + \sqrt{30} \sqrt{1} \sqrt{1} = \sqrt{1}$
 - (س) إذا كان س = الله عان س = الله

اثبت ان س ، ص عددان مترافقان



(س) أوجد مجموعة حل المتباينة : $\frac{4}{v} + \frac{v}{v} > 1 + \dots > \frac{4}{v}$ هَي عَ ومثلها على خط الأعداد .



[0] (f) اسطوانه دائرية قائمة طول نصف قطر قاعدتها ٢٧٤ سم وارتفاعها ٩ سم . اوجد حجمها بدلالة 🋪 . وإذا كان حجمها يساوي حجم كرة فاوجد طول نصف قطر الكرة

(٣) اوجد الوسط الحسابي للتوزيع التكراري الآتي :

المجموع	-\$0	-40	-40	-10	0	الجموعة
0+	٨	١٣	17	1.	Y	التكرار

اللموذج التائي	
-	[۱] أكمل ما يأتي: 🗖
000/5- 1/5-33211	(۱) المعكمس الحمع

..... = $(\sqrt{V} - \sqrt{V})(\sqrt{V} + \sqrt{V})$ (x)

(7) adiable $\frac{\sqrt{x} - \sqrt{y}}{\sqrt{y}}$ as

نا کان حجم کرة $=\frac{4}{y}$ سم فإن طول قطرها $=\dots$ سم (٤)

.. = {0 , \mathbf{Y}} - [\$, \mathbf{Y}] (0)

[7] اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

(١) إذا كان حجم مكعب = ٢٧ سم ً فإن مساحة احد اوجهه يساوى :

(ب) ۹ سم' (ح) ۳۹ سم' (5) ۵۵ سم'

(٣) إذا كان المنوال لجموعة من القيم ١١،١١،٢٠٠ هو ؛ فإن ٥٠ =

A(5) 7(-) £ (~) (1)7

(٣) إذا كان الوسط الحسابي للقيم ١٨ ، ٢٧ ، ٢٧ -١ ، ك هو ١٨ فإن ك =

V(4) 4. (5) 44 (2) 1(1)

(٤) إذا كان الحد الأدنى لجموعة هو ٤ والحد الأعلى لها هو ٨ فإن مركزها هو :

A(5) 7(>) E(~)

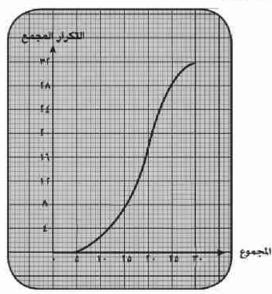
(a) اسطوانه دائرية قائمة طول نصف قطرها يساوى س ارتفاعها يساوى طول قطرها، يكون

[7] (1) Israel Signal angle:
$$\sqrt{6} - \sqrt{7} + \sqrt{6} + \sqrt{7}$$

- (۱) اوجد مجموعة حل المتباينة : $\gamma < \gamma \to 0$ هي ع مع تمثيل فترة الحل على خط الأعداد.
 - (--) إذا كانت س = س + + س فاوجد قيمة : س ٢س٠ + ١
 - [٥] (أ) الشكل المقابل يمثل درجات ٣٢ طالبا في أحد الاختبارات

كمل:

الدرجة الوسيطية =



(-) أوجد الوسط الحسابي للتوزيع التكرار .

المجموع	-£0	-40	-40	-10	-0	الجموعة
٧.	٧	٣	3	٥	ŧ	التكرار

مطبعة الياسر الأول (ا

نموذج الفصل الأول للطلاب المدمجين

-

			S 100 030 030
			ائسؤال الأول:
بيشة	ة لتصبح صد	هل العبارات التاليا	<u>Si</u>
			(١) مرافق العدد √٣ + √٢ هو.
		⁼	$\overline{\Upsilon} \vee \Upsilon - \overline{O\xi} \vee + \overline{\Lambda} \overline{\Lambda} \vee (\Upsilon)$
	******	، ٤، ٣، هو	(٣) المنوال لمجموعة القيم ٣، ٥، ٣
	•••••	۳، ۵، ۷، ۹ هو	(٤) الوسيط لمجموعة من القيم ٢،
		= صفر في ع هي	(٥) مجموعة حل المعادلة س" + ٩
			السؤال الثانى:
المطاة	من الإجابات	الإجابة الصحيحة	اختر
	/4.0.04.4.4.4.0	، ۲، ۵، ۱۶، ۱ يساوي	(١) الوسط الحسابي لمجموعة القيم
د) ۹	جـ) ہ	۲ (ج	١) ٧
**	۲) هو	$(\sqrt{7})(\sqrt{7} + \sqrt{7})$	(٢) أبسط صورة للمقدار (٧٧ -
- √7 √7	جـ)√٣	١ (ج	¬¬√(†
		97.0	(٣) المعكوس الجمعي للعدد - 🗸 ٥
د) –ه	ج)√۲	ض (ب	•√(i
		***	= {o, r} - [o, r] (£)
د)]٣،٥]	\varnothing (\Rightarrow	ب) [۲، ه[] 0 . 7[(أ
		ل حرفه	(٥) مكعب حجمه ٦٤سم ۖ فإن طو
د) ۶۲	ج) ۱٦	ب) ٨	٤ (أ
			السؤال الثالث:
سبة لما من العمود الأول	الجملة المناء	، العمود الثانى رقم	اكتب أمام العبارة فر
[٢.٠]()	۲ = ۰ في ع هو	(١) مجموعة حل المعادلة س" - ٥
٧()		=[۲،٠] ∩ [۲،٣-](۲)
(00})	بع قان عدد القيم هو	(٣) إذا كان ترتيب الوسيط هو الرا
(;)	.557 14 120 25 .5	(٤) √ ٣ هو عدد
)غيرنسبي)	ي < ∨ ه <i>ي</i>	(٥) مجموعة حل المتباينة ٣ ٪ سو

(على خط الأعداد)

السؤال الرابع:

(1)
$$|\dot{c}| \sim \sqrt{|\dot{c}|} = \sqrt{|$$

السؤال الكامس:

اولاً:

إذا كان الحد الأدني لمجموعة هو ٤ والحد الأعلى لها هو ٨ فإن مركزها =-

ثانياً الجدول الأتى لإيجاد الوسط الحسابى للتوزيع التكرارى الأتي

المجموع	-10	-40	-40	-10	-0	المجوعات
٥.	٨	18	۱۲	1.	v	التكرار

ع×و	التكرار (ك)	مركز المجموعة (م)	المجموعات
V -= V × 1 •	٧	1.	-0
=1××7×	1.	7.	-10
=\YX	, excepte.	3(8003000))	-70
= \\\\	*****	\$(\$.2.0 (\$(\$))	-40
=A×	/ #(#(#(#(#)#)	******	-£0
*****	٥٠		المجموع

نماذج امتحانات الهندســـة

النموذج الأول

[۱] أكمل ما يأتي:

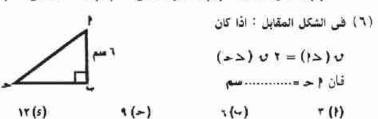
- (١) أكبر اضلاع المثلث القالم الزاوية طولا هو
- (٢) إذا كان طولا ضلعين في مثلث ٢سم ، ٧سم فإن : < طول الضلع الثالث <
 - (٣) إذا اختلفا قياسا زاويتين في مثلث فأكبر هما في اثقياس
- (1) إذا كان متوسط المثلث المرسوم من أحد رؤوسه يساوي نصف طول الضلع المقابل لهذا الرأس فإن
 - (ه) إذا كان قياس إحدى زوايا مثلث متساوي الساقين = ٦٠ كان المثلث

[7] اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :



- (۲) في الثلث أ ح القائم الزاوية في ، إذا كان أ ح = ٢٠ سم
 - فإن طول المتوسط المرسوم من 🗝 =

- (٤) الأطوال التي تصلح أن تكون أضلاع مثلث هي :
- V. T. T (5) 1. T. T (-) 0. T. T (-) 0. T. (1)
 - (٥) التثلث الذي فيه قياسا زاويتين ٤٦ ، ٦٩ ، يكون :
- (١) متساوي السائين (١٠) متساوي الأضلاع (١٠) مختلف الأضلاع (٥) ققم الزاوية

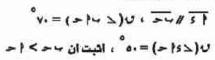


[7] (۱) أكمل: ۱۸- هيدا ۱۰ احفإن:

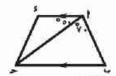
(١٠) في الشكل المقابل:

$$\psi(x|y) = 0^{-3}$$
 ، $|y| = |x|$ ، $|x| = |x|$.

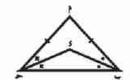
(ح) في الشكل الثقابل:



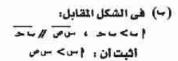


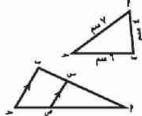


- [2] (١) برهن أن: زاويتي القاعدة في الثلث المتساوي الساقين متطابقتان
 - (\sim) في الشكل المقابل: \sim الشكل المقابل: \sim ينصف (\sim \sim) \sim ينصف (\sim \sim) اثبت أن: \sim 2 د \sim متساوى الساقين









النموذج الثاني

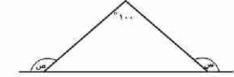
[١] اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- (١) المثلث الذي له تلاثة محاور تماثل هو مثلث:
- (١) مختلف الأضلاع (١٠) متماوي الساقين (ح) قائم الزاوية (٤) متماوي الأضلاع
 - (٢) مجموع طولي اي ضلعين في مثلث طول الضلع الثالث.
 - (١) أكبر من () يساوي (د) ضعف
- (٣) مثلث متساوي الساقين طولا ضلعين فيه ٨ سم ، ٤ سم فإن طول الضلع الثالث سم (١) ٤ (١) ١٢ (ح) ٣ (ع) ١٢ (١)

(00)

مطبعة الياسر الفصل الدراسي الأول

- (٤) إذا كان ∆ أ بح هيه ك (∠ ب) = ١٣٠° هإن أكبر أضلاعه طولا هو :...............
 - (۱) بعد (ع) احد (ع) ابت (ع) متوسطه
 - \triangle ده) \triangle متساوی الساقین هیه \bigcirc (\triangle ن این \bigcirc (\triangle ن این ن (\triangle ن الساقین هیه \bigcirc (\triangle (\triangle) \bigcirc (\triangle)
 - (٦) في الشكل المقابل س+ص =.....



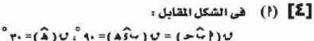
(۱) ۱۰۰ (ب) ۱۶۰ (ج.) ۱۸۰ (۲) ۲۸۰

[٣] أكمل ما يأتي :

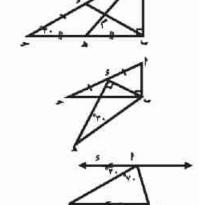
- (۱) إذا كان قياس إحدى زوايا مثلث قائم الزاوية تساوي ٤٥ ° كان المثلث
 - (٢) طول أي ضلع في مثلث مجموع طولي الضلعين الآخرين.
 - (٣) إذا كان أ = = · ص فإن أ =
- (٤) هي ١٥ م ح ين كان ل (٦) = ٢٠ ° ، ل (١٠ ع ٠٠٠ هان م ح = ١ ح
 - (ه) محورتماثل القطعة المستقيمة هو المستقيم من منتصفها.
 - (۱) فى الثلث (احد فيه (احد) سم ، احده سم ، (حد) سم .
 رتب تصاعدیا قیاسات زوایاه .
 - (-) في الشكل المقابل:

اح= ١ سم .

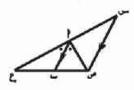
اوجد طول كل من : ١٥٠ ، ١٠٠ ، ١٠٠



وربيد) د منتصف [- ، اثبت ان: { - = به



[O] (١) إذا اختلفا قياسا زاويتين في مثلث فأكبر هما في القياس يقابلها



(۳) فى الشكل المقابل: أب السمس ، أب ينصف (∠ص ا ع) ، برهن ان : س ع > ص ع

نموذج الفصل الأول للطلاب المدمجين

السؤال الأول:

أكمل العبارات التالية:

- (١) نقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلاً منها بنسبة : من جهة القاعدة
 - (٢) في المثلث القائم الزاوية طول المتوسط الخارج من رأس القائمة =....
 - (٣) زاويتا القاعدة في المثلث المتساوى الساقين
 - (٤) ك أب جدنيه ق (ي ب) = ٧٠ ، ق (ي جر) = ٥٠ فإن أ جديد أب
 - (٥) متوسط المثلث المتساوى الساقين المرسوم من الرأس يكون على القاعدة

السؤال الثانى:

اغتر الإجابة الصحيمة من بين الأقواس:

- - (۲) طول الضلع المقابل للزاوية $^{\circ}$ في المثلث القائم = الوتر ($^{\circ}$) طول الضلع المقابل للزاوية $^{\circ}$ في المثلث القائم = الوتر
- - (٤) عدد محاور تماثل المثلث المتساوى الساقين

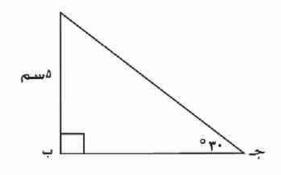
(a)
$$\triangle$$
 1 \rightarrow e is $(\triangle | 1) = 00^\circ$, $(\triangle | 1) = 00^\circ$ if $(\triangle | 1)$

الصؤال الثالث:

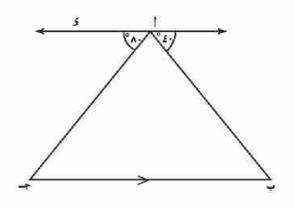
فى الشكل المقابل أكمل ما يلي:

اب جد مثلث قائم الزاوية في ب، ق (حج) = ٣٠ ° اب حصم أوجد طول اج

- 。...... ∘ , ひ (∠ ←)=...... ° , ひ (∠ ←)= °
 - ∴ اب= پ ×
 - ∴ اج=....مسم



السؤال الرابع:



ب في الشكل المقابل

أو ا ا ي جـ

أكمل:

1) الضلعهو أطول أضلاع 🛆 أب جـ

السؤال الخامس: من الشكل المقابل

ضع علامه (٧) إمام العبارة الصحيحة وعلامة (×)أمام العبارة الخاطئة

اب = اجـ ع = اک = ۱۰ سم ، ق ا ک ب اجـ) • ۰۷°



()

(۱) ق (كب) = ۵۵°

()

(۱) ق (\ ك) = (٥

1 3

(۱) ق (\ کجب ب) = ۱۲۰°

()

(٤) أب + أك =١٠ سم

()

(۵) اب+ب+ = ب++ (۵)

التحت الأسئلة

عدد السفحات بالفلاف	ورق الغلاف	ورق المآئ	طبع الغلاف	طبع المتن	مقاس الكتاب	رقم الكتاب
١٧٦ صفحة	- ۱۸ جم کوشیه	٧٠ جم أبيض	3 لون	£لون الون	۱(۸۲×۵۷)سم ۸	**********

http://elearning.moe.gov.eg